

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ПЕНЗЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

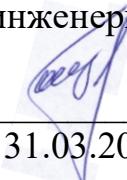
СОГЛАСОВАНО

Председатель методической
комиссии инженерного факультета


A.S. Иванов
31.03.2021 г.

УТВЕРЖДАЮ

Декан
инженерного факультета


A.V. Поликанов
31.03.2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.О.09 МАТЕМАТИКА

Специальность

23.05.01 НАЗЕМНЫЕ ТРАНСПОРТНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ
СРЕДСТВА

Специализация программы
Автомобильная техника в транспортных технологиях

Квалификация
«СПЕЦИАЛИСТ»

Форма обучения – очная, заочная

Пенза – 2021

Рабочая программа дисциплины «Математика» составлена на основании ФГОС ВО по специальности 23.05.01 – Наземные транспортно-технологические средства, утверждённого приказом Минобрнауки РФ от 11.08.2020 г. № 935.

Составитель рабочей программы:
доцент кафедры «Физика и математика»,
канд. техн. наук
(уч. степень, ученое звание)

Н.М. Семикова
(инициалы, Ф.)

Рецензент:
канд. техн. наук, доцент

(подпись)

В.А. Овтов

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры «Физика и математика» «17» марта 2021 года, протокол № 8.

Заведующий кафедрой:
канд. техн. наук, доцент

Н.М. Семикова

Рабочая программа одобрена на заседании методической комиссии инженерного факультета «31» марта 2021 года, протокол № 7.

Председатель методической комиссии
инженерного факультета

А.С. Иванов

РЕЦЕНЗИЯ

на рабочую программу дисциплины «Математика» для студентов, обучающихся по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства

В рецензируемой рабочей программе представлены учебно-методические материалы, необходимые для организации учебного процесса по дисциплине «Математика» для студентов первого курса инженерного факультета, обучающихся по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства.

Рабочая программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы Автомобильная техника в транспортных технологиях (утвержден приказом Министерства образования Российской Федерации № 935 от 11.08.2020).

Программа содержит все структурные элементы, предусмотренные нормативными документами Пензенского ГАУ, рассмотрена и утверждена на заседании кафедры «Физика и математика» 17 марта 2021 года, протокол №8 и одобрена на заседании методической комиссии инженерного факультета 31 марта 2021 года, протокол №7.

Замечания и предложения.

1. Необходима замена части тестовых заданий, громоздких по содержанию или требующих значительных затрат времени на вычислительную работу.

В целом рецензируемая рабочая программа удовлетворяет требованиям ФГОС ВО по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях» и нормативным документам Пензенского ГАУ и может быть использована в учебном процессе.

Рецензент:

канд. техн. наук, доцент
(уч. степень, ученое звание)


(подпись)

Овтов В.А.
(инициалы, Ф.)

ВЫПИСКА
ИЗ ПРОТОКОЛА №8
заседания кафедры физики и математики
Пензенского ГАУ

от «17» марта 2021 года

Присутствовали:

1. Семикова Н.М. – зав. кафедрой, к.т.н., доцент;
2. Согуренко А.Д.– к.т.н., доцент;
3. Поликанов А.В. – к.т.н., доцент;
4. Новиков И.М. – преподаватель;
5. Бобылев А.И. – ст. преподаватель;
6. Вольников М.И., к.т.н., доцент;
7. Мокшанина М.А. – ст. преподаватель;
8. Кривошеева Н.А. - ст. преподаватель;
9. Князева Н.Н. – ст. лаборант.

Слушали: доцента Семиковой Н.М., которая представила рабочую программу дисциплины «Математика», подготовленную в соответствии с требованиями ФГОС ВО по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях» (утвержден приказом Министерства образования Российской Федерации № 935 от 11.08.2020).

Выступили: Поликанов А.В. который отметил, что рабочая программа дисциплины «Математика» составлена в соответствии с нормативными документами и учебным планом по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях», прорецензована доцентом кафедры «Механизация технологических процессов в АПК» Овтовым В.А. и может быть использована в учебном процессе.

Постановили: утвердить рабочую программу дисциплины «Математика» для, обучающихся по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях».

Голосовали: «за» – единогласно.

Заведующий кафедрой:

канд. техн. наук, доцент

Н.М. Семикова

Секретарь

Н.Н. Князева

Выписка из протокола №7
заседания методической комиссии инженерного факультета
от «31» марта 2021 г.

Присутствовали члены методической комиссии: Поликанов А.В., Иванов А.С., Шумаев В.В., Кухмазов К.З., Яшин А.В., Орехов А.А., Семикова Н.М., Полявяный Ю.В., Спицын И.А., Рыблов М.В.

Повестка дня

Вопрос 2. Рассмотрение рабочей программы дисциплины «Математика», подготовленной в соответствии с требованиями ФГОС ВО по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях» (утвержден приказом Министерства образования Российской Федерации № 935 от 11.08.2020).

Слушали: Иванова А.С., который представил рабочую программу дисциплины «Математика» для, обучающихся по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях».

ВЫСТУПИЛИ: Яшин А.В., который отметил, что при отмеченном замечании рецензируемая рабочая программа дисциплины «Математика» удовлетворяет требованиям ФГОС ВО по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, соответствует нормативным документам Пензенского ГАУ и может быть использована в учебном процессе.

Постановили: утвердить рабочую программу дисциплины «Математика».

Председатель методической комиссии
инженерного факультета, канд. техн. наук, доцент

А.С. Иванов

ЭКСПЕРТНОЕ ЗАКЛЮЧЕНИЕ
на фонд оценочных средств дисциплины
«Математика»
по специальности
**23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства,
специализация «Автомобильная техника в транспортных технологиях»
(квалификация выпускника «специалист»)**

Фонд оценочных средств составлен в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования – специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях» (утвержден приказом Министерства образования Российской Федерации № 935 от 11.08.2020).

Дисциплина «Математика» относится к обязательной части дисциплин учебного плана Б1.О.09. Предшествующими курсами дисциплины «Математика» является школьный курс математики.

Разработчиком представлен комплект документов, включающий:

перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы;

описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания;

типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы;

методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Рассмотрев представленные на экспертизу материалы, можно прейти к выводу:

Перечень формируемых компетенций, которыми должны овладеть обучающиеся в ходе освоения дисциплины «Математика» в рамках ОПОП, соответствуют ФГОС ВО и современным требованиям рынка труда:

УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий;

ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей.

Критерии и показатели оценивания компетенций, шкалы оценивания обеспечивают проведение всесторонней оценки результатов обучения, уровня сформированности компетенций.

Контрольные задания и иные материалы оценки результатов обучения ОПОП разработаны на основе принципов оценивания: валидности, определенности, однозначности, надежности; соответствуют требованиям к составу и взаимосвязи

оценочных средств и позволяют объективно оценить результаты обучения и уровни сформированности компетенций.

Объем фондов оценочных средств (далее – ФОС) соответствует учебному плану специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства.

Содержание ФОС соответствует целям ОПОП по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, будущей профессиональной деятельности обучающихся.

Качество ФОС обеспечивает объективность и достоверность результатов при проведении оценивания результатов обучения.

ОБЩИЕ ВЫВОДЫ

На основании проведённой экспертизы можно сделать заключение, что ФОС рабочей программы дисциплины «Математика» по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, специализации программы «Автомобильная техника в транспортных технологиях» (квалификация выпускника «Специалист»), разработанный Семиковой Н.М., доцентом кафедры «Физика и математика» ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ, соответствует ФГОС ВО и современным требованиям рынка труда, что позволит при его реализации успешно провести оценку заявленных компетенций.

Эксперт: Калячкин Игорь Николаевич, кандидат технических наук, начальник службы эксплуатации МП «Автотранс» г. Заречный

«___» ____ 2021 г.
(подпись)

**Лист регистрации изменений и дополнений к рабочей программе
дисциплины «Математика» (редакция от 1.09.2023)**

№ п/п	Раздел	Изменения и дополнения	Дата, № прото- кола, виза зав. ка- федрой	Дата, № про- токола, виза председателя методической комиссии	С какой даты вво- дятся
1	9 Учебно-методиче- ское и информацион- ное обеспечение дис- циплины	Новая редакция таблицы 9.2.2 «Перечень современных про- фессиональных баз данных и ин- формационных справочных си- стем» с учетом изменений рек- визита договора	29.08.2023 Протокол № 12 	29.08.2023 Протокол № 11 	01.09.2023
2	10 Материально-тех- ническая база, необ- ходимая для осу- ществления образова- тельного процесса по дисциплине	Новая редакция таблицы 10.1 «Материально-техническое обеспечение дисциплины» в ча- сти состава лицензионного про- граммного обеспечения и рекви- зитов подтверждающих доку- ментов			
3	Раздел 4 «Объем и структура дисци- плины»	Внесены изменения в таблицу 4.1.2 Распределение общей тру- доемкости дисциплины «Мате- матика» по формам и видам учебной работы в связи с изме- нением учебных планов			
4	<u>Раздел 2</u> «Перечень планируемых резуль- татов обучения по дисциплине, соотне- сенных с планируе- мыми результатами освоения образова- тельной программы бакалавриата»	Удален подраздел «Трудовые действия, необходимые умения и знания», внесены изменения в формулировках индикаторов и дескрипторов в таблице 2.1 – «Планируемые результаты обу- чения по дисциплине» в связи с изменениями профессиональ- ных стандартов: ПС 31.010 «Конструктор в автомобилестроении».			
5	<u>Раздел 1, 2, 3, 4 и 5</u> <u>Фонда оценочных средств РП.</u>	Внесены изменения в формули- ровку индикаторов и дескрипто- ров в таблицах 1.1, 2.1, 3.1, 4.1 ФОСа, в связи с изменениями профессиональных стандартов: ПС 31.010 «Конструктор в авто- мобилестроении».			

**Лист регистрации изменений и дополнений к рабочей программе
дисциплины «Математика» (редакция от 1.09.2024)**

№ п/п	Раздел	Изменения и дополнения	Дата, № прото- кола, виза зав. ка- федрой	Дата, № про- токола, виза председателя методической комиссии	С какой даты вво- дятся
1	9 Учебно-методиче- ское и информацион- ное обеспечение дис- циплины	Новая редакция таблицы 9.2.2 «Перечень современных про- фессиональных баз данных и ин- формационных справочных си- стем» с учетом изменений рек- визита договора	26.08.2024 Протокол № 10 	28.08.2024 Про- токол № 10 	01.09.2024г .
2	10 Материально-тех- ническая база, необ- ходимая для осу- ществления образова- тельного процесса по дисциплине	Новая редакция таблицы 10.1 «Материально-техническое обеспечение дисциплины» в ча- сти состава лицензионного про- граммного обеспечения и рекви- зитов подтверждающих доку- ментов			

**Лист регистрации изменений и дополнений к рабочей программе
дисциплины «Математика» (редакция от 1.09.2025)**

№ п/п	Раздел	Изменения и дополнения	Дата, № прото- кола, виза зав. ка- федрой	Дата, № про- токола, виза председателя методической комиссии	С какой даты вво- дятся
1	9 Учебно-методиче- ское и информацион- ное обеспечение дис- циплины	Новая редакция таблицы 9.2.2 «Перечень современных про- фессиональных баз данных и ин- формационных справочных си- стем» с учетом изменений рек- визита договора	30.06.2025 Протокол № 6 	28.08.2025 Протокол № 11 	01.09.2025г . .
2	10 Материально-тех- ническая база, необ- ходимая для осу- ществления образова- тельного процесса по дисциплине	Новая редакция таблицы 10.1 «Материально-техническое обеспечение дисциплины» в ча- сти состава лицензионного про- граммного обеспечения и рекви- зитов подтверждающих доку- ментов			

1 ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель дисциплины – получение знаний для математической подготовки специалистов, включающей:

- развитие логического и алгоритмического мышления;
- овладение основными методами исследования и решения математических задач;
- выработка умения самостоятельно расширять математические знания и проводить анализ прикладных задач.

Задачи:

1. на примерах математических понятий и методов продемонстрировать студентам сущность научного подхода, специфику математики и ее роль в научно-техническом прогрессе;
2. научить студентов приемам исследования и решения математически формализованных задач;
3. выработать у студентов умение анализировать полученные результаты;
4. привить им навыки самостоятельного изучения литературы по математике и ее приложениям.

2 ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ СПЕЦИАЛИТЕТА

Дисциплина направлена на формирование универсальной компетенции УК-1 и общепрофессиональной компетенции ОПК-1.

УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий;

ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей.

Индикаторы и дескрипторы части соответствующей компетенции, формируемой в процессе изучения дисциплины «Математика», оцениваются при помощи оценочных средств, приведенных в таблице 2.1.

Таблица 2.1 – Планируемые результаты обучения по дисциплине «Математика», индикаторы достижения компетенций УК-1 и ОПК-1, перечень оценочных средств

№ п/ п	Код инди- катора достиже- ния ком- петенции	Наименование ин- дикатора дости- жения компетен- ции	Код пла- нируемого результата обучения	Планируемые результаты обучения	Наименование оценочных средств
1	2	3	4	5	6

1	ИД-01ук-1	Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	У3 (ИД-01ук-1)	Уметь: анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; РГР; тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; контрольная работа, тестирование.
2	ИД-01опк-1	Демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	31 (ИД-01опк-1)	Знать: фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; РГР; тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; контрольная работа, тестирование.
			У1 (ИД-01опк-1)	Уметь: применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; РГР; тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; контрольная работа, тестирование.
			В1 (ИД-01опк-1)	Владеть: методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; РГР; тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> экзамен; зачет; зачет с оценкой; контрольная работа, тестирование.

3 МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СПЕЦИАЛИТЕТА

Дисциплина «Математика», индекс Б1.О.09 относится к обязательной части блока 1.Дисциплины (модули).

Предшествующими курсами дисциплины «Математика» является школьный курс математики. Является базовой для дисциплин «Теоретическая механика» и «Физика».

4 ОБЪЕМ И СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины составляет 12 зачетных единиц, 432 часа.

Таблица 4.1.1 - Распределение общей трудоемкости дисциплины «Математика» по формам и видам учебной работы

№ п/п	Форма и вид учебной работы	Условное обозначе- ние по учебному плану	Трудоёмкость, ч/з.е.		
			очная форма обучения	заочная форма обучения	
			(1 семестр)	(1 курс, устано- вочная сессия)	(1 курс, зим- няя сессия)
1	Контактная работа – всего	Контакт часы	69,9/1,94	19,2/0,53	19,4/0,54
1.1	Лекции	Лек	34/0,94	8/0,22	8/0,22
1.2	Семинары, и практи- ческие занятия	Пр	34/0,94	10/0,28	10/0,28
1.3	Лабораторные работы	Лаб	-	-	-
1.4	Текущие консульта- ции, руководство и консультации курсо- вых работ (курсовых проектов)	КТ	1,7/0,05	1,2/0,03	1,2/0,03
1.5	Сдача зачета (зачёта с оценкой), защита курсо- вой работы (курсо- вого проекта)	КЗ	0,2/0,01	-	0,2/0,01
1.7	Предэкзаменационные консультации по дис- циплине	КПЭ	-	-	-
1.8	Сдача экзамена	КЭ	-	-	-
2	Общий объем само- стоятельной работы		74,1/2,06	88,8/2,47	124,6/3,46
2.1	Самостоятельная ра- бота	СР	74,1/2,06	88,8/2,47	124,6/3,46

2.2	Контроль (самостоятельная подготовка к сдаче экзамена)	Контроль	-	-	-
	Всего	По плану	144/4	108/3	144/4

Общая трудоемкость дисциплины составляет 11 зачетных единиц, 396 часа.

Таблица 4.1.1 - Распределение общей трудоемкости дисциплины «Математика» по формам и видам учебной работы (редакция от 1.09.23)

№ п/п	Форма и вид учебной работы	Условное обозначение по учебному плану	Трудоёмкость, ч/з.е.		
			очная форма обучения	заочная форма обучения	
			(1 семестр)	(1 курс, установочная сессия)	(1 курс, зимняя сессия)
1	Контактная работа – всего	Контакт часы	69,9/1,94	19,2/0,53	19,4/0,54
1.1	Лекции	Лек	34/0,94	8/0,22	8/0,22
1.2	Семинары, и практические занятия	Пр	34/0,94	10/0,28	10/0,28
1.3	Лабораторные работы	Лаб	-	-	-
1.4	Текущие консультации, руководство и консультации курсовых работ (курсовых проектов)	КТ	1,7/0,05	1,2/0,03	1,2/0,03
1.5	Сдача зачета (зачёта с оценкой), защита курсовой работы (курсового проекта)	КЗ	0,2/0,01	-	0,2/0,01
1.7	Предэкзаменационные консультации по дисциплине	КПЭ	-	-	-
1.8	Сдача экзамена	КЭ	-	-	-
2	Общий объем самостоятельной работы		38,1/1,06	52,8/1,47	88,6/2,46
2.1	Самостоятельная работа	СР	38,1/1,06	52,8/1,47	88,6/2,46
2.2	Контроль (самостоятельная подготовка к сдаче экзамена)	Контроль	-	-	-
	Всего	По плану	108/3	72/2	108/3

Таблица 4.1.2 - Распределение общей трудоемкости дисциплины «Математика» по формам и видам учебной работы (продолжение)

№ п/п	Форма и вид учебной ра- боты	Условное обозначение по учеб- ному плану	Трудоёмкость, ч/з.е.	
			очная форма обучения (2 семестр)	заочная форма обуче- ния (1 курс, лет- няя сессия)
1	Контактная работа – всего	Контакт часы	89,85/2,5	15,25/0,42
1.1	Лекции	Лек	30/0,83	6/0,17
1.2	Семинары, и практические занятия	Пр	56/1,55	8/0,22
1.3	Лабораторные работы	Лаб	-/-	-/-
1.4	Текущие консультации, ру- ководство и консультации курсовых работ (курсовых проектов)	КТ	1,5/0,04	0,9/0,03
1.5	Сдача зачета (зачёта с оцен- кой), защита курсовой ра- боты (курсового проекта)	КЗ	-/-	-/-
1.7	Предэкзаменационные кон- сультации по дисциплине	КПЭ	2/0,06	-/-
1.8	Сдача экзамена	КЭ	0,35/0,01	0,35/0,01
2	Общий объем самостоя- тельной работы		90,15/2,5	128,75/3,58
2.1	Самостоятельная работа	СР	56,5/1,57	120,1/3,34
2.2	Контроль (самостоятельная подготовка к сдаче экза- мена)	Контроль	33,65/0,93	8,65/0,24
	Всего	По плану	180,0/5,0	144,0/4,0

Таблица 4.1.3 - Распределение общей трудоемкости дисциплины «Математика» по формам и видам учебной работы (продолжение)

№ п/п	Форма и вид учебной ра- боты	Условное обозначение по учеб- ному плану	Трудоёмкость, ч/з.е.	
			очная форма обучения (3 семестр)	заочная форма обуче- ния (2 курс, зим- няя сессия)
1	Контактная работа – всего	Контакт часы	51/1,42	0,2/0,01
1.1	Лекции	Лек	16/0,44	-/-
1.2	Семинары, и практические занятия	Пр	34/0,95	-/-
1.3	Лабораторные работы	Лаб	-/-	-/-

1.4	Текущие консультации, руководство и консультации курсовых работ (курсовых проектов)	КТ	0,8/0,02	-/-
1.5	Сдача зачета (зачёта с оценкой), защита курсовой работы (курсового проекта)	КЗ	0,2/0,01	0,2/0,01
1.7	Предэкзаменационные консультации по дисциплине	КПЭ	-/-	-/-
1.8	Сдача экзамена	КЭ	-/-	-/-
2	Общий объем самостоятельной работы		57//1,58	71,8/1,99
2.1	Самостоятельная работа	СР	57/1,58	71,8/1,99
2.2	Контроль (самостоятельная подготовка к сдаче экзамена)	Контроль	-/-	-/-
	Всего	По плану	108,0/3,0	72,0/2,0

Форма промежуточной аттестации:

по очной форме обучения – зачет с оценкой 1 семестр, экзамен 2 семестр, зачет 3 семестр;

по заочной форме обучения – зачет с оценкой 1 курс, зимняя сессия; экзамен 1 курс, летняя сессия; зачет 2 курс, зимняя сессия.

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 5.1 – Наименование разделов и их содержание

№ п/п	Наименование раздела дисци- плины	Содержание раздела	Код планируемого результата обуче- ния
1	2	3	4
1	Алгебра и аналитическая геометрия	Определители 2, 3, n-го порядков и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Решение системы m линейных алгебраических уравнений с n неизвестными. Основные понятия. Метод Гаусса. Векторы, линейные операции над ними. Проекция вектора на ось. Декартовы координаты векторов. Длина вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрический смысл. Простейшие задачи аналитической геометрии на плоскости. Уравнение линии. Угловой коэффициент прямой. Различные уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Плоскость и прямая в пространстве, различные формы их уравнений. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.	У3 (ИД-01ук-1) З1 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1) В1 (ИД-01 опк-1)
2	Введение в математический анализ	Определение функции, способы ее задания. Явная, неявная, сложная функции. Классификация функций. Определение числовой последовательности и ее предела. Определение предела функции. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие, их свойства. Теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы. Определение функции, непрерывной в точке и на промежутке. Свойства непрерывных функций. Точки разрыва, их классификация.	У3 (ИД-01ук-1) З1 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1) В1 (ИД-01 опк-1)
3	Дифференциаль- ное исчисление функций одной переменной	Определение производной, ее связь с непрерывностью, геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных. Производная сложной, показательно-степенной, неявной и параметрически заданной функций. Производные высших порядков. Определение,	У3 (ИД-01ук-1) З1 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1) В1 (ИД-01 опк-1)

		геометрический смысл, свойства дифференциала. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Дифференциалы высших порядков. Правило Лопиталя. Монотонность функции. Экстремум функции. Наибольшее и наименьшее значения функции. Выпуклость, вогнутость и точки перегиба графика функции. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построение графиков.	
4	Дискретная математика	Понятие множества. Кортежи и декартово произведение множеств. Теория графов. Основные понятия. Степень вершины. Маршруты, цепи, циклы. Связность графа. Ориентированные графы. Способы задания графов.	У3 (ИД-01ук-1) 31 (ИД-01 опк-1)
5	Интегральное исчисление функции одной переменной	Полярные координаты. Уравнение линии в полярной системе координат. Первообразная и неопределенный интеграл, их свойства. Таблица интегралов. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование, замена переменной, по частям. Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций и некоторых иррациональностей. Определение и свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. Вычисление площадей плоских фигур, длин дуг плоских кривых, объемов тел вращения. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования и от неограниченных функций.	У3 (ИД-01ук-1) 31 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1) В1 (ИД-01 опк-1)
6	Функции нескольких независимых переменных	Функции нескольких переменных. Определение. Область определения. Частные и полное приращения. Предел и непрерывность. Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Полный дифференциал. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Производная по направлению. Градиент. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия. Метод наименьших квадратов. Криволинейные интегралы второго рода, их свойства и вычисление.	У3 (ИД-01ук-1) 31 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1) В1 (ИД-01 опк-1)
7	Обыкновенные дифференциальные	Комплексные числа. Действия над комплексными числами. Тригонометрическая и показательная формы комплексных чисел.	У3 (ИД-01ук-1) 31 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1)

	уравнения	Определение дифференциального уравнения, основные понятия. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Теорема Коши. Уравнения с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Теоремы о структуре общего решения линейного однородного и линейного неоднородного уравнения. Решение линейных однородных и линейных неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	B1 (ИД-01 опк-1)
8	Теория вероятностей	Соединения из n элементов. Размещения, перестановки, сочетания элементов. Бином Ньютона. Основные понятия теории вероятностей. Классическое и статистическое определение вероятности, ее свойства. Сумма и произведение событий. Теоремы сложения вероятностей несовместных и совместных событий, следствия. Зависимые и независимые события. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей зависимых и независимых событий. Вероятность появления хотя бы одного события. Формулы полной вероятности и Байеса. Повторные независимые испытания». Схема Бернулли. Теорема Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Теорема Пуассона. Случайная величина. Определение дискретной случайной величины, закон ее распределения. Математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, их свойства. Биномиальный, геометрический, пуассоновский законы распределения. Определение непрерывной случайной величины. Функция распределения и ее свойства. Плотность распределения непрерывной случайной величины и ее свойства. Числовые характеристики непрерывной случайной величины. Законы распределения: равномерный, показательный, нормальный.	УЗ (ИД-01ук-1) 31 (ИД-01 опк-1) У1 (ИД-01 опк-1) B1 (ИД-01 опк-1)
9	Математическая	Предмет математической статистики.	УЗ (ИД-01ук-1)

	статистика	Генеральная совокупность. Выборочный метод. Вариационный ряд. Полигон и гистограмма. Выборочные характеристики. Точечные оценки параметров генеральной совокупности и их свойства. Интервальное оценивание параметров генеральной совокупности. Доверительный интервал для генеральной средней. Корреляционная зависимость и линейная регрессия. Коэффициент корреляции, его свойства.	31 (ИД-01 ОПК-1) У1 (ИД-01 ОПК-1) В1 (ИД-01 ОПК-1)
--	------------	--	--

5.2 Наименование тем лекций и их объем в часах с указанием рассматриваемых вопросов и формы обучения

Таблица 5.2.1 – Наименование тем лекций и их объем в часах с указанием рассматриваемых вопросов (очная форма обучения)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема лекции	Рассматриваемые вопросы	Время, ч
1	2	3	4	5
I семестр				
1	1	Алгебра и аналитическая геометрия	Определители 2, 3, n-го порядков и их свойства. Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Решение системы m линейных алгебраических уравнений с n неизвестными. Основные понятия. Метод Гаусса: прямой и обратный ход. Векторы, линейные операции над ними. Проекция вектора на ось. Декартовы координаты векторов. Длина вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрический смысл. Простейшие задачи аналитической геометрии на плоскости. Уравнение линии. Угловой коэффициент прямой. Различные уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Плоскость и прямая в пространстве, различные формы их уравнений. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.	13
2	2	Введение в	Определение функции, способы ее задания.	6

		математический анализ	Явная, неявная, сложная функции. Классификация функций. Определение числовой последовательности и ее предела. Определение предела функции. Односторонние пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие, их свойства. Теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы. Определение функции, непрерывной в точке и на промежутке. Свойства непрерывных функций. Точки разрыва, их классификация.	
3	3	Дифференциальное исчисление функций одной независимой переменной	Определение производной, ее связь с непрерывностью, геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных. Производная сложной, показательно-степенной, неявной и параметрически заданной функций. Производные высших порядков. Определение, геометрический смысл, свойства дифференциала. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Дифференциалы высших порядков. Правило Лопиталя. Монотонность функции. Экстремум функции. Наибольшее и наименьшее значения функции. Выпуклость, вогнутость и точки перегиба графика функции. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построение графиков.	11
4	4	Дискретная математика	Понятие множества. Кортежи и декартово произведение множеств. Теория графов. Основные понятия. Степень вершины. маршруты, цепи, циклы. Связность графа. Ориентированные графы. Способы задания графов.	4
II семестр				
5	5	Интегральное исчисление функций одной переменной	Полярные координаты. Уравнение линии в полярной системе координат. Первообразная и неопределенный интеграл, их свойства. Таблица интегралов. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование, замена переменной, по частям. Интегрирование рациональных дробей с помощью разложения на простейшие дроби. Интегрирование некоторых тригонометрических функций и некоторых иррациональностей. Определение и свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Вычисление определенных интегралов методами замены переменной и по частям. Вычисление площадей плоских фигур, длин дуг плоских кривых, объемов тел вращения. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования и от	13

			неограниченных функций.	
6	6	Функции нескольких независимых переменных	Функции нескольких переменных. Определение. Область определения. Частные и полное приращения. Предел и непрерывность. Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Полный дифференциал. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Производная по направлению. Градиент. Экстремум функции двух переменных. Необходимое и достаточные условия. Метод наименьших квадратов. Криволинейные интегралы второго рода, их свойства и вычисление.	7
7	7	Обыкновенные дифференциальные уравнения	Комплексные числа. Действия над комплексными числами. Тригонометрическая и показательная формы комплексных чисел. Определение дифференциального уравнения, основные понятия. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Теорема Коши. Уравнения с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Теоремы о структуре общего решения линейного однородного и линейного неоднородного уравнения. Решение линейных однородных и линейных неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	10
III семестр				
8	8	Теория вероятностей	Соединения из n элементов. Размещения, перестановки, сочетания элементов. Бином Ньютона. Алгебра случайных событий. Классическое и геометрическое определение вероятности, ее свойства. Сумма и произведение событий. Теоремы сложения вероятностей несовместных и совместных событий, следствия. Зависимые и независимые события. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей зависимых и независимых событий. Вероятность появления хотя бы одного события. Формулы полной вероятности и Байеса. Повторные независимые испытания. Схема Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Теорема Пуассона.	10

			Случайная величина. Определение дискретной случайной величины, закон ее распределения. Математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, их свойства. Биномиальный, геометрический, пуассоновский законы распределения. Определение непрерывной случайной величины. Функция распределения и ее свойства. Плотность распределения непрерывной случайной величины и ее свойства. Числовые характеристики непрерывной случайной величины. Законы распределения: равномерный, показательный, нормальный.	
9	9	Математическая статистика	Предмет математической статистики. Генеральная совокупность. Выборочный метод. Вариационный ряд. Полигон и гистограмма. Выборочные характеристики. Точечные оценки параметров генеральной совокупности и их свойства. Интервальное оценивание параметров генеральной совокупности. Доверительный интервал для генеральной средней. Корреляционная зависимость и линейная регрессия. Коэффициент корреляции, его свойства.	6
Итого				80

Таблица 5.2.2 – Наименование тем лекций и их объём в часах с указанием рассматриваемых вопросов (заочная форма обучения)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема лекции	Рассматриваемые вопросы	Время, ч
1 курс, установочная сессия				
1	1	Алгебра и аналитическая геометрия	Определители 2 и 3-го порядка и их вычисление. Теорема Лапласа. Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера и методом Гаусса. Метод координат. Расстояние между двумя точками. Деление отрезка в данном отношении. Прямая на плоскости. Различные виды уравнения прямой. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Векторы, действия над ними. Проекция вектора на ось. Длина вектора. Скалярное, векторное, смешанное произведения векторов и их применение.	5

2	2	Введение в математический анализ	Предел функции. Непрерывность функции. Функции и их классификация. Предел функции. Теоремы о пределах. Бесконечно малые и бесконечно большие. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы. Непрерывность функции. Точки разрыва.	1
3	3	Дифференциальное исчисление функций одной независимой переменной	Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования. Производная сложной функции. Таблица производных. Производная неявной и параметрической функций. Производные высших порядков. Дифференциал функции. Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции. Выпуклость, вогнутость и точки перегиба графика функции. Асимптоты графика функции. Общая схема исследования функций и построение графиков.	2
1 курс, зимняя сессия				
4	5	Интегральное исчисление функции одной переменной	Первообразная и неопределенный интеграл: определение и свойства. Таблица интегралов. Методы замены переменной и интегрирования по частям в неопределенном интеграле. Интегрирование дробно-рациональных функций. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование некоторых иррациональных выражений. Определенный интеграл: определение, свойства, геометрический смысл. Формула Ньютона-Лейбница. Методы замены переменной и интегрирования по частям в определенном интеграле. Приложения определенного интеграла в геометрии. Несобственные интегралы 1 и 2-го рода.	4
5	6	Функции нескольких независимых переменных	Функции нескольких переменных. Определение. Частные производные 1 и 2-го порядка. Полный дифференциал. Производная по направлению. Градиент. Экстремум функции двух переменных. Криволинейные интегралы второго рода, их свойства и вычисление.	2
6	7	Обыкновенные дифференциальные уравнения	Определение дифференциального уравнения, основные понятия. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Теорема Коши. Уравнения с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли. Дифференциальные уравнения второго порядка: основные понятия. Задача Коши. Теоремы о структуре общего решения линейного однородного и линейного	2

			неоднородного уравнения. Решение линейных однородных и линейных неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.	
1 курс, летняя сессия				
7	8	Теория вероятностей	<p>Основные понятия теории вероятностей. Классическое и статистическое определения вероятности.</p> <p>Сумма и произведение событий. Теоремы сложения вероятностей несовместных и совместных событий, следствия. Условная вероятность. Теоремы умножения вероятностей зависимых и независимых событий. Вероятность появления хотя бы одного события. Формулы полной вероятности и Байеса.</p> <p>Повторные независимые испытания. Теорема Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Теорема Пуассона. Дискретные случайные величины, их числовые характеристики.</p> <p>Непрерывные случайные величины. Функция и плотность распределения. Числовые характеристики. Нормальный закон распределения.</p>	4
8	9	Математическая статистика	<p>Генеральная совокупность, выборка. Вариационный ряд. Выборочные характеристики. Точечные и интервальные оценки параметров генеральной совокупности. Доверительный интервал для генеральной средней.</p> <p>Корреляционная зависимость и линейная регрессия. Коэффициент корреляции, его свойства.</p>	2
Итого				22

5.3 Наименование тем практических занятий, их объем в часах и содержание

Таблица 5.3.1 – Наименование тем практических занятий, их объем в часах и содержание (очная форма обучения)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, ее содержание	Время, ч
I семестр			
1	1	«Линейная алгебра». Способы вычисления определителей. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Метод Гаусса. Проверочная работа по линейной алгебре.	5
2	1	«Векторы». Векторы, линейные операции над ними. Проекция вектора на ось. Декартовы координаты векторов. Длина вектора. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их геометрический смысл.	5

3	1	«Аналитическая геометрия». Простейшие задачи аналитической геометрии. Различные уравнения прямой на плоскости. Угол между прямыми. Расстояние от точки до прямой. Окружность, эллипс, гипербола, парабола. Плоскость и прямая в пространстве, различные формы их уравнений. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве.	9
4	2	«Введение в математический анализ». Предел функции. Теоремы о пределах. Бесконечно большие и бесконечно малые. Раскрытие неопределенностей. Замечательные пределы. Проверочная работа по пределам. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва.	5
5	3	«Производная и дифференциал». Производная функции. Таблица производных. Производная сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Производная функций, заданных неявно и параметрически. Производные высших порядков. Проверочная работа по производным.	4
6	3	«Применение производной к исследованию функций». Применение производных к нахождению интервалов возрастания, убывания и экстремумов функции. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке. Применение второй производной к нахождению интервалов выпуклости, вогнутости и точек перегиба графика функции. Нахождение асимптот графика. Общая схема исследования функций и построение графиков.	6

II семестр

7	5	«Неопределенный интеграл». Полярные координаты. Уравнение линии в полярной системе координат. Непосредственное интегрирование. Интегрирование подстановкой и по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование некоторых тригонометрических функций и некоторых иррациональностей. Проверочная работа по неопределенным интегралам.	17
8	5	«Определенный интеграл». Вычисление определенных интегралов по формуле Ньютона-Лейбница, методами замены переменной и по частям. Вычисление площадей плоских фигур, длин дуг плоских кривых, объемов тел вращения. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования и от неограниченных функций. Проверочная работа по определенным интегралам.	14
9	6	Функции нескольких независимых переменных». Частные производные и полный дифференциал функции нескольких переменных. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности. Производная по направлению. Градиент. Экстремумы функции двух переменных. Метод наименьших квадратов. Проверочная работа по функциям нескольких переменных. Криволинейные интегралы второго рода.	10
10	7	«Обыкновенные дифференциальные уравнения». Действия над комплексными числами. Интегрирование дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными. Однородные	15

		и линейные дифференциальные уравнения первого порядка, уравнения Бернулли. Решение линейных однородных и линейных неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Проверочная работа по дифференциальным уравнениям.	
III семестр			
11	8	«Случайные события». Размещения, перестановки и сочетания элементов. Классическая и геометрическая вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Схема Бернулли. Теорема Бернулли. Локальная и интегральная теоремы Лапласа. Теорема Пуассона. Проверочная работа по случайным событиям. «Случайные величины». Дискретная случайная величина: закон ее распределения, числовые характеристики. Биномиальный, геометрический и пуассоновский законы распределения. Функция распределения случайной величины. Непрерывная случайная величина: плотность ее распределения, числовые характеристики. Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Проверочная работа по случайным величинам.	26
12	9	«Математическая статистика». Выборочный метод. Построение вариационного ряда. Выборочные характеристики. Интервальное оценивание параметров генеральной совокупности. Уравнение линейной регрессии. Коэффициент корреляции.	8
Итого			124

Таблица 5.3.2 – Наименование тем практических занятий, их объём в часах и содержание (заочная форма обучения)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, ее содержание	Время, ч
1 курс, установочная сессия			
1	1	Алгебра и аналитическая геометрия	4
2	2	Введение в математический анализ	2
3	3	Дифференциальное исчисление функций одной независимой переменной	4
1 курс, зимняя сессия			
4	5	Интегральное исчисление функции одной переменной	5
5	6	Функции нескольких независимых переменных	2
6	9	Обыкновенные дифференциальные уравнения	3
1 курс, летняя сессия			
7	10	Теория вероятностей	6
8	11	Математическая статистика	2
Итого			28

5.4 Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (с указанием формы обучения)

Таблица 5.4.1.1 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (очная форма обучения, 1 семестр)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	24
2	ВЫПОЛНЕНИЕ ДОМАШНИХ ЗАДАНИЙ	29,1
3	ВЫПОЛНЕНИЕ РАСЧЁТНО-ГРАФИЧЕСКОЙ РАБОТЫ №1 – «ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА, АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ И ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ ФУНКЦИИ ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ»	12
4	ПОДГОТОВКА К СДАЧЕ ЗАЧЕТА С ОЦЕНКОЙ	9
5	ИТОГО	74,1

Таблица 5.4.1.2 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (очная форма обучения, 2 семестр)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	6
2	ВЫПОЛНЕНИЕ ДОМАШНИХ ЗАДАНИЙ	38,5
3	ВЫПОЛНЕНИЕ РАСЧЁТНО-ГРАФИЧЕСКОЙ РАБОТЫ №2 – «ИНТЕГРАЛЬНОЕ ИСЧИСЛЕНИЕ ФУНКЦИИ ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ. ФУНКЦИИ ДВУХ ПЕРЕМЕННЫХ. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ»	12
4	ИТОГО	56,5

Таблица 5.4.1.3 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (очная форма обучения, 3 семестр)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	10
2	ВЫПОЛНЕНИЕ ДОМАШНИХ ЗАДАНИЙ	31
3	ВЫПОЛНЕНИЕ РАСЧЁТНО-ГРАФИЧЕСКОЙ РАБОТЫ №3 – «ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА»	12
4	ПОДГОТОВКА К ЗАЧЕТУ	4
5	ИТОГО	57

Таблица 5.4.2.1 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (заочная форма обучения, 1 курс, установочная сессия)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	88,8

Таблица 5.4.2.2 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (заочная форма обучения, 1 курс, зимняя сессия)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	104,6
2	ВЫПОЛНЕНИЕ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ №1	20
3	ИТОГО	124,6

Таблица 5.4.2.3 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (заочная форма обучения, 1 курс, летняя сессия)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	100,1
2	ВЫПОЛНЕНИЕ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ №2	20
3	ИТОГО	120,1

Таблица 5.4.2.4 – Распределение трудоёмкости самостоятельной работы по видам работ (заочная форма обучения, 2 курс, зимняя сессия)

№ П/П	ВИД РАБОТЫ	ВРЕМЯ, Ч ВСЕГО
1	ИЗУЧЕНИЕ ОТДЕЛЬНЫХ ТЕМ И ВОПРОСОВ	11,8
2	ВЫПОЛНЕНИЕ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ №3	20
3	ПОДГОТОВКА К ЗАЧЕТУ (2 КУРС, ЗИМНЯЯ СЕССИЯ)	4
4	ИТОГО	35,8

6. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»

Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающегося приведены в таблицах 6.1.1 и 6.1.2.

Таблица 6.1.1 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (очная форма обучения, 1 семестр)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	1	Векторы. Линейные операции над ними. Проекция вектора на	8	3, 5, 7, 9

		<p>ось. Декартовы координаты векторов.</p> <p><i>Выполнение домашних заданий</i> 31 (ИД-1опк-1), У1(ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Выполнение расчёто-графической работы №1.</i></p> <p>31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Подготовка к сдаче зачета с оценкой.</i></p> <p>31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p>		
2	2	<p>Бесконечно большие и бесконечно малые.</p> <p><i>Выполнение домашних заданий.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Выполнение расчёто-графической работы №1.</i></p> <p>31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Подготовка к сдаче зачета с оценкой.</i></p> <p>31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p>	8	1, 3, 5, 7, 10
3	3	<p>Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке.</p> <p><i>Выполнение домашних заданий.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Выполнение расчёто-графической работы №1.</i></p> <p>31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Подготовка к сдаче зачета с оценкой.</i></p> <p>31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p>	8	1, 3, 5, 7, 10
Итого			24	1, 3, 5, 7, 9, 10

Таблица 6.1.2 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (очная форма обучения, 2 семестр)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	6	Касательная плоскость и нормаль к поверхности. <i>Выполнение домашних заданий.</i>	6	1, 3, 5, 7

		31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1). <i>Подготовка к сдаче экзамена</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1).		
	Итого		6	1, 3, 5, 7

Таблица 6.1.3 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (очная форма обучения, 3 семестр)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	8	Пространство элементарных событий. Геометрическое определение вероятности. Геометрический закон распределения. <i>Выполнение домашних заданий.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1). <i>Выполнение расчётно-графической работы №3.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1). <i>Подготовка к сдаче зачета.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1).	7	2, 4, 6, 8
2	9	Полигон и гистограмма. <i>Выполнение домашних заданий.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1). <i>Выполнение расчётно-графической работы №3.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1). <i>Подготовка к сдаче зачета.</i> 31 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), УЗ (ИД-1 ук-1).	3	2, 4, 6, 8
	Итого		10	2, 4, 6, 8

Таблица 6.2.1 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (заочная форма обучения, 1 курс, установочная сессия)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	1	Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Векторы, действия над ними. Проекция вектора на ось. Длина вектора.	14	1, 3, 5, 7

		Выполнение контрольной работы №1. З1 (ИД-1 опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1). <i>Подготовка к сдаче зачета с оценкой.</i> З1 (ИД-1 опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).		
	Итого		14	1, 3, 5, 7

Таблица 6.2.2 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (заочная форма обучения, 1 курс, зимняя сессия)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	3	Производная функции, ее геометрический и механический смысл. Правила дифференцирования. <i>Выполнение контрольной работы №1.</i> З1 (ИД-1 опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1). <i>Подготовка к сдаче зачета с оценкой.</i> З1 (ИД-1 опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).	14	1, 3, 5, 7
	Итого		14	1, 3, 5, 7

Таблица 6.2.3 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (заочная форма обучения, 1 курс, летняя сессия)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	5	Интегрирование иррациональных, тригонометрических функций. Приложения определенного интеграла в геометрии. <i>Выполнение контрольной работы №2.</i> З1 (ИД-1 опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1). <i>Подготовка к сдаче экзамена.</i> З1 (ИД-1 опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).	50	1-3, 5-7
2	6	Производная по направлению. Градиент. Метод наименьших квадратов. Криволинейные	50,1	1-3, 5-7

	<p>интегралы второго рода, их вычисление.</p> <p><i>Выполнение контрольной работы №2.</i></p> <p>З1 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Подготовка к сдаче экзамена.</i></p> <p>З1 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p>		
	Итого	100,1	1–3, 5–7

Таблица 6.2.4 – Тема, задания, вопросы и перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельного изучения (заочная форма обучения, 2 курс, зимняя сессия)

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тема, вопросы, задание	Время, ч	Рекомендуемая литература
1	8	<p>Основные понятия теории вероятностей. Классическое и статистическое определения вероятности.</p> <p><i>Выполнение контрольной работы №3.</i></p> <p>(З1 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p> <p><i>Подготовка к сдаче зачета.</i></p> <p>З1 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p>	6	2, 4, 6, 8
2	9	<p>Полигон и гистограмма. Интервальные оценки параметров генеральной совокупности. Доверительный интервал для генеральной средней.</p> <p><i>Выполнение контрольной работы №3.</i></p> <p>З1 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3(ИД-1ук-1).</p> <p><i>Подготовка к сдаче зачета.</i></p> <p>З1 (ИД-1опк-1), У1 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1), У3 (ИД-1 ук-1).</p>	5,8	2, 4, 6, 8
Итого			11,8	2, 4, 6, 8

7. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Формами организации учебного процесса по дисциплине являются лекции, практические занятия, выполнение расчетно-графических работ, консультации и самостоятельная работа студентов.

На лекциях излагается теоретический материал.

На практических занятиях студенты учатся решать задачи, опираясь на материал лекций.

Выполнение расчетно-графических работ имеет цель:

- закрепить умение студентов решать практические задачи после проведения практических занятий.

Самостоятельная работа студентов предполагает проработку лекционного материала, подготовку к практическим занятиям по рекомендуемой литературе, изучение дополнительной литературы, конспектирование некоторых разделов курса, выполнение домашних заданий, расчетно-графических и контрольных работ, подготовку к сдаче экзамена.

Формы контроля освоения дисциплины: устный опрос, проверка расчетно-графических и контрольных работ, тестирование, ежемесячные аттестации, зачет с оценкой, экзамен, зачет.

Таблица 7.1.1 – Образовательные технологии, обеспечивающие развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств (очная форма обучения)

№ раздела	Вид занятия (Лек, Пр, Лаб)	Используемые технологии и рассматриваемые вопросы, планируемые результаты обучения	Время, ч.
1	2	3	4
1	Лек	Векторы, линейные операции над ними. Проекция вектора на ось. Декартовы координаты векторов. Длина вектора. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
1	Лек	Окружность, эллипс, гипербола, парабола. (<i>Лекция с запланированными ошибками</i>) (31 (ИД-1опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
3	Лек	Определение производной, ее связь с непрерывностью, геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
5	Лек	Первообразная и неопределенный интеграл, их свойства. Таблица интегралов. (<i>Лекция с запланированными ошибками</i>) (31 (ИД-1опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2

5	Лек	Определение и свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
6	Лек	Частные производные и дифференцируемость функции нескольких переменных. Полный дифференциал. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
7	Лек	Действия над комплексными числами. Тригонометрическая и показательная формы комплексных чисел. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
8	Лек	Классическое и геометрическое определение вероятности, ее свойства. Сумма и произведение событий. (<i>Лекция с запланированными ошибками</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
Всего часов по лекциям			16
1	Пр	Способы вычисления определителей. Правило Крамера. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
1	Пр	Скалярное, векторное произведение векторов. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
2	Пр	Раскрытие неопределенностей. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
3	Пр	Применение производных к нахождению интервалов возрастания, убывания и экстремумов функции. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
6	Пр	Частные производные и полный дифференциал функции нескольких переменных. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
7	Пр	Решение линейных однородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
8	Пр	Размещения, перестановки и сочетания элементов. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
9	Пр	Схема Бернулли. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
9	Пр	Уравнение линейной регрессии. Коэффициент корреляции. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
Всего часов по практическим занятиям			18
ИТОГО			34

Таблица 7.1.2 – Образовательные технологии, обеспечивающие развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств (заочная форма обучения)

№ раздела	Вид занятия (Лек, Пр, Лаб)	Используемые технологии и рассматриваемые вопросы, планируемые результаты обучения	Время, ч.
1	2	3	4
1	Лек	Векторы, линейные операции над ними. Проекция вектора на ось. Декартовы координаты векторов. Длина вектора. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
4	Лек	Определение и свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. (<i>Лекция-диалог</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
Всего часов по лекциям			4
1	Пр	Способы вычисления определителей. Правило Крамера. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
2	Пр	Раскрытие неопределенностей. (<i>Работа в малых группах</i>) (31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
8	Пр	Схема Бернулли. (<i>Работа в малых группах</i>) ((31 (ИД-1 опк-1), В1 (ИД-1 опк-1)).	2
Всего часов по практическим занятиям			6
ИТОГО			10

8. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»

Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации представлен в Приложении 1.

9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ «МАТЕМАТИКА»

9.1 Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» необходимых для освоения дисциплины «Математика»

9.1.1 Основная литература

Таблица 9.1.1 – Основная литература

№ п/п	Наименование	Количество, экз.	
		всего	в расчете на 100 обучающихся
1	Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисление. Учебник. В 2-х т. Т. 1 – М.: Интеграл-Пресс, 2002. – 416 с.	85	125
2	Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисление. Учебник. В 2-х т. Т. 2 – М.: Интеграл-Пресс, 2001. – 544 с.	85	125

9.1.2 Дополнительная литература

Таблица 9.1.2 – Дополнительная литература

№ п/п	Наименование	Количество, экз.	
		всего	в расчете на 100 обучающихся
3	Шипачев В.С. Курс высшей математики. Учебник. В 2-х т. Т. 2 / Под ред. А.Н. Тихонова. - М.: Изд-во Моск. ун-та, 1982. - 328 с.	30	44
4	Вентцель Е.С. Теория вероятностей. Учебник. М.: Физматлит, 2002. – 536 с.	80	118
5	Данко, Павел Ефимович; Попов А.Г., Кожевникова Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах: учебное пособие. В 2-х частях. Ч. 1. / Попов А.Г., Т.Я. Кожевникова. - 6-е изд. М.: ОНИКС 21 век, Мир и Образование, 2005. - 304 с.	80	118
6	Данко, Павел Ефимович; Попов А.Г., Кожевникова Т.Я. Высшая математика в упражнениях и задачах: учебное пособие. В 2-х частях. Ч. 2. / Попов А.Г., Т.Я. Кожевникова. - 6-е изд. М.: ОНИКС 21 век, Мир и Образование, 2005. - 416 с.	95	140
7	Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике. М.: Физматлит. 2006. – 336 с.	70	103
8	Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учебное пособие для студентов вузов / Гмурман В.Е. - 6-е изд., доп. – М.: Высшая школа, 2002. – 405 с.	68	100

9	Практикум по математике. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия: учебное пособие для студентов инженерных специальностей. В.А. Мачнев, Н.А. Кривошеева и др. Пенза: РИО ПГСХА, 2009.	56	83
10	Бобылев, А.И. Математика. Ч. 1: учебное пособие / А.И. Бобылев — Пенза: РИО ПГСХА, 2013. http://www.rucont.ru/efd/227722	50	74

9.1.3 Собственные методические издания кафедры

Таблица 9.1.3 – Собственные методические издания кафедры

Наименование	Количество, экз.	
	Всего	В расчете на 100 обучающихся
Практикум по математике. Линейная алгебра. Аналитическая геометрия: учебное пособие для студентов инженерных специальностей. В.А. Мачнев, Н.А. Кривошеева и др. Пенза: РИО ПГСХА, 2009.	56	83
Бобылев, А.И. Математика. Ч. 1: учебное пособие / А.И. Бобылев — Пенза: РИО ПГСХА, 2013 http://www.rucont.ru/efd/227722	50	74
Математика. Теория вероятностей. Методические указания и задания к расчетным работам. Часть 4. Н.А. Тараканова, Т.Г. Федина. Пенза: РИО ПГСХА, 2004.	80	118
Математика. Часть 2. Методические указания и задания для контрольных работ. В.А. Мачнев, Н.А. Кривошеева. Пенза: РИО ПГСХА, 2009.	60	125

9.2. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине «Математика», включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Таблица 9.2.1 – Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

№ п/п	Наименование	Условия доступа
1	Электронно-библиотечная система «БиблиоРоссика». Электронный ресурс.	свободный http://www.bibliorossica.com
2	Библиотека «Книгосайт». Электронный ресурс.	свободный http://knigosite.ru
3	Каталог учебников, оборудования, электронных ресурсов	свободный http://ndce.edu.ru

Таблица 9.2.2 – Перечень информационных технологий (перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине «Математика»

№ п/п	Наименование	Условия доступа
1	Электронно-библиотечная система ZNANIUM.COM (http://znanium.com/) – сторонняя	С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальным ключам доступа Аудитория №3383 помещение для самостоятельной работы
2	Электронная библиотека полнотекстовых документов Пензенской ГАУ (собственная генерация)	https://www.rucont.ru/collections/72?isbn=true (Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет; возможность регистрации для удаленной работы по IP.) Аудитория №3116 помещение для самостоятельной работы
3	Договор №НВ28/10-2019 от 25 ноября 2019 г. с ООО «ЭБС ЛАНЬ» на оказание услуг по размещению произведений Пензенского ГАУ в	(Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК,

	Сетевую электронную библиотеку аграрных вузов	мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль)) до 31 декабря 2023 г. Аудитория №3116 помещение для самостоятельной работы
4	Образовательная платформа «Юрайт» Электронно-библиотечная система «ЮРАЙТ» г. с ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ»	(https://urait.ru/) (С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль). Номер Абонента 25751) Аудитория №3116 помещение для самостоятельной работы

Редакция от 01.09.2023

Таблица 9.2.2 – Перечень информационных технологий (перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине «Математика»

№ п/п	Наименование	Условия доступа
1.	Электронная библиотека полнотекстовых документов Пензенского ГАУ (https://pgau.ru/strukturnye-podrazdeleniya/nauchnaya-biblioteka/elektronnaya-biblioteka-pgau) - собственная генерация	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет; возможность регистрации для удаленной работы по IP.
2.	Электронный каталог научной библиотеки Пензенского ГАУ (https://ebs.pgau.ru/Web/Search/Simple) – собственная генерация	Доступ свободный с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств, имеющих выход в Интернет
3.	Электронно-библиотечная система издательства «ЛАНЬ» (http://e.lanbook.com) – сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств через Личный кабинет по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль); возможность удаленной регистрации и работы
4.	Электронно-библиотечная система «Национальный цифровой ресурс «Руконт» (https://lib.rucont.ru/search) – сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль); возможность регистрации для удаленной работы по IP
5.	Электронно-библиотечная система ZNANIUM.COM (http://znanium.com/) – сторонняя	С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальным ключам доступа
6.	Образовательная платформа «Юрайт» Электронно-библиотечная система «ЮРАЙТ» (https://urait.ru/)	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному

		аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет
7.	Электронно-библиотечная система «Agribib» (www.ebs.rgazu.ru) - сторонняя	С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль) Регистрационный код: penzgsha1359 (вводить только один раз).
8.	Электронная библиотека Издательского центра «Академия» (www.academia-moscow.ru)-сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль)
9.	Электронные ресурсы Федерального государственного бюджетного научного учреждения «Центральная научная сельскохозяйственная библиотека» (ФГБНУ ЦНСХБ) www.cnshb.ru www.cnshb.ru - сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета; с личных ПК, мобильных устройств, имеющих выход в Интернет Доступ к лицензионным ресурсам через терминал удаленного доступа Пензенского ГАУ согласно договору Заказ документов через службу ЭДД (электронной доставки документов) согласно договору
10.	eLIBRARY.RU - НАУЧНАЯ ЭЛЕКТРОННАЯ БИБЛИОТЕКА (https://www.elibrary.ru/defaultx.asp) – сторонняя	Доступны поиск, просмотр и загрузка полнотекстовых Лицензионных материалов через Интернет (в том числе по электронной почте) по IP адресам университета без ограничения количества пользователей Неограниченный доступ с личных компьютеров для библиографического поиска, просмотра оглавления журналов.
11.	НЭБ — Национальная электронная библиотека — скачать и читать онлайн книги, диссертации, учебные пособия (https://rusneb.ru/) – сторонняя	В электронном читальном зале НБ (ауд. 5202)
12.	Технологический портал Минсельхоза России (http://usmt.mcx.ru/opendata) - сторонняя	Доступ свободный
13.	Федеральная служба государственной статистики (https://rosstat.gov.ru/)- сторонняя	Доступ свободный

14.	Единый портал бюджетной системы Российской Федерации Электронный бюджет (http://budget.gov.ru) - сторонняя	Доступ свободный
15.	Национальная платформа открытого образования (https://npoed.ru/about) - сторонняя	Доступ свободный
16.	Библиотека им. М.Ю. Лермонтова (https://www.liblermont.ru/) - сторонняя	Доступ свободный
17.	Ассоциированные региональные библиотечные консорциумы - АРБИКОН (https://arbicon.ru/) - сторонняя	Доступ свободный
18.	Сводный каталог библиотек России (http://skbr21.ru/#/) - сторонняя	Доступ свободный
19.	Российская государственная библиотека (https://www.rsl.ru/?f=46) - сторонняя	Доступ свободный
20.	Электронный каталог Российской национальной библиотеки-РНБ (https://primo.nlr.ru/primo-explore/search?vid=07NLR_VU1) - сторонняя	Доступ свободный
21.	ФГБНУ «РОСИНФОРМАГРОТЕХ» (https://rosinformagrotech.ru/) - сторонняя	Доступ свободный

Таблица 9.2.2 – Перечень информационных технологий (перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине «Математика»

<i>№ п/п</i>	<i>Наименование</i>	<i>Условия доступа</i>
1.	Электронная библиотека полнотекстовых документов Пензенского ГАУ (https://pgau.ru/strukturnye-podrazdeleniya/nauchnaya-biblioteka/elektronnaya-biblioteka-pgau.html) - собственная генерация	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет; возможность регистрации для удаленной работы по IP.
2.	Электронный каталог научной библиотеки Пензенского ГАУ (https://ebs.pgau.ru/Web/Search/Simple) – собственная генерация	Доступ свободный с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств, имеющих выход в Интернет
3.	Электронно-библиотечная система издательства «ЛАНЬ» (http://e.lanbook.com) – сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств через Личный кабинет по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль); возможность удаленной регистрации и работы
4.	Электронно-библиотечная система «Национальный цифровой ресурс «Руконт» (https://lib.rucont.ru/search) – сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль); возможность регистрации для удаленной работы по IP
5.	Электронно-библиотечная система ZNANIUM.COM (http://znanium.com) – сторонняя	С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальным ключам доступа
6.	Образовательная платформа «Юрайт» Электронно-библиотечная система «ЮРАЙТ» (https://urait.ru/)	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному

		аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет
7.	Электронно-библиотечная система «Agribib» (www.ebs.rgazu.ru) - сторонняя	С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль) Регистрационный код: penzgsha1359 (вводить только один раз).
8.	Электронная библиотека Издательского центра «Академия» (www.academia-moscow.ru)-сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль)
9.	Электронные ресурсы Федерального государственного бюджетного научного учреждения «Центральная научная сельскохозяйственная библиотека» (ФГБНУ ЦНСХБ) www.cnshb.ru www.cnshb.ru - сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета; с личных ПК, мобильных устройств, имеющих выход в Интернет Доступ к лицензионным ресурсам через терминал удаленного доступа Пензенского ГАУ согласно договору Заказ документов через службу ЭДД (электронной доставки документов) согласно договору
10.	eLIBRARY.RU - НАУЧНАЯ ЭЛЕКТРОННАЯ БИБЛИОТЕКА (https://elibrary.ru/defaultx.asp?) – сторонняя	Доступны поиск, просмотр и загрузка полнотекстовых Лицензионных материалов через Интернет (в том числе по электронной почте) по IP адресам университета без ограничения количества пользователей Неограниченный доступ с личных компьютеров для библиографического поиска, просмотра оглавления журналов.
11.	Национальная электронная библиотека (https://tusneb.ru) - сторонняя	Доступ в зале обеспечения цифровыми ресурсами и сервисами, коворкинга НБ (ауд. 5202)
12.	Технологический портал Минсельхоза России (http://usmt.mcx.ru/opendata) – сторонняя	Доступ свободный
13.	Федеральная служба государственной статистики (https://rosstat.gov.ru/)- сторонняя	Доступ свободный

14.	Единый портал бюджетной системы Российской Федерации Электронный бюджет (http://budget.gov.ru) - сторонняя	Доступ свободный
15.	Национальная платформа «Открытое образование» (https://openedu.ru/) - сторонняя	Доступ свободный
16.	Про Школу ру - бесплатный школьный портал (https://proshkolu.ru) / - сторонняя	Доступ свободный
17.	Библиотека им. М.Ю. Лермонтова (https://www.liblermont.ru/) – сторонняя	Доступ свободный
18.	Ассоциированные региональные библиотечные консорциумы АРБИКОН (https://arbicon.ru/) – сторонняя	Доступ свободный
19.	ФИПС - Федеральное государственное бюджетное учреждение Федеральный институт промышленной собственности (https://www1.fips.ru/)- сторонняя	Доступ свободный
20.	Сводный каталог библиотек России (http://skbr21.ru/#/)- сторонняя	Доступ свободный
21.	Российская государственная библиотека (https://www.rsl.ru/) - сторонняя	Доступ свободный
22.	Электронный каталог Российской национальной библиотеки-РНБ (https://primo.nlr.ru/primo-explore/search?vid=07NLR_VU1) – сторонняя	Доступ свободный
23.	ФГБНУ «РОСИНФОРМАГРОТЕХ» (https://rosinformagrotech.ru/) - сторонняя	Доступ свободный

Таблица 9.2.2 – Перечень информационных технологий (перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине «Математика» (редакция от 01.09.2025)

№ п/п	Наименование	Условия доступа
1.	Электронная библиотека Пензенского ГАУ (https://ebs.pgau.ru/Web) - собственная генерация	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет; возможность регистрации для удаленной работы по IP.
2.	Электронный каталог научной библиотеки Пензенского ГАУ (https://ebs.pgau.ru/Web) – собственная генерация	Доступ свободный с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств через Личный кабинет
3.	Электронно-библиотечная система издательства «ЛАНЬ» (http://e.lanbook.com) – сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств через Личный кабинет по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль); возможность

		удаленной регистрации и работы
4.	Электронно-библиотечная система «Национальный цифровой ресурс «Руконт» (https://lib.rucont.ru/search) - сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по коллективному или индивидуальному аутентификатору (логин/пароль); возможность регистрации для удаленной работы по IP
5.	Электронно-библиотечная система Znaniум (https://znanium.ru/) – сторонняя	С любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальным ключам доступа
6.	Образовательная платформа Юрайт. Для вузов и ссузов. (https://urait.ru/) – сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль), через Личный кабинет
7.	Научная электронная библиотека «КИБЕРЛЕННИКА» (https://cyberleninka.ru/) - сторонняя	Доступ свободный
8.	Электронная библиотека Издательского центра «Академия» (www.academia-moscow.ru)-сторонняя	Доступ с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК, мобильных

		устройств по индивидуальному аутентификатору (логин/пароль)
9.	Электронные ресурсы и библиотеки Федерального государственного бюджетного научного учреждения «Центральная научная сельскохозяйственная библиотека» (ФГБНУ ЦНСХБ) http://www.cnshb.ru/ - сторонняя	<p>Доступ с любого компьютера локальной сети университета; с личных ПК, мобильных устройств, имеющих выход в Интернет</p> <p>Доступ к лицензионным ресурсам через терминал удаленного доступа Пензенского ГАУ согласно ежегодно заключаемому договору</p> <p>Заказ документов через службу ЭДД (электронной доставки документов) согласно ежегодно заключаемому договору</p>
10.	eLIBRARY.RU - НАУЧНАЯ ЭЛЕКТРОННАЯ БИБЛИОТЕКА (https://elibrary.ru/defaultx.asp?) – сторонняя	Доступны поиск, просмотр и загрузка полнотекстовых Лицензионных материалов через Интернет (в том числе по электронной почте) по IP адресам университета без ограничения количества пользователей. Неограниченный доступ с личных компьютеров для библиографического поиска, просмотра оглавления журналов.

11.	НЭБ — Национальная электронная библиотека — скачать и читать онлайн книги, диссертации, учебные пособия (https://rusneb.ru/) – сторонняя	Доступ в зале обеспечения цифровыми ресурсами и сервисами, коворкинга НБ (ауд. 5202)
12.	Электронный каталог всех видов документов из фондов ЦНСХБ https://opacg.cnshb.ru/wlib/	Доступ свободный с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК
13.	<i>Федеральная служба государственной статистики</i> (https://rosstat.gov.ru/) - сторонняя	Доступ свободный
14.	Единый портал бюджетной системы Российской Федерации Электронный бюджет (http:// budget.gov.ru) - сторонняя	Доступ свободный
15.	Национальная платформа открытого образования (https://npoed.ru/)- сторонняя	Доступ свободный
16.	Про Школу ру - бесплатный школьный портал (https://proshkolu.ru) /- сторонняя	Доступ свободный
17.	Библиотека им. М.Ю. Лермонтова (https://www.liblermont.ru) – сторонняя	Доступ свободный
18.	Ассоциированные региональные библиотечные консорциумы АР-БИКОН (https://arbicon.ru) – сторонняя	Доступ свободный
19.	ФИПС - Федеральное государственное бюджетное учреждение Федеральный институт промышленной собственности (https://www1.fips.ru)- сторонняя	Доступ свободный
20.	Сводный каталог библиотек АПК http://www.cnshb.ru/artefact3/ia/is1.asp?lv=11&un=svkat&p1=&em=c2R	Доступ свободный с любого компьютера локальной сети университета по IP-адресам; с личных ПК
21.	Российская государственная библиотека (https://www.rsl.ru) - сторонняя	Доступ свободный
22.	Электронные каталоги Российской национальной библиотеки (https://nlr.ru/nlr_visit/RA1812/elektronnyie-katalogi-rnb) – сторонняя	Доступ свободный
23.	РОСИНФОРМАГРОТЕХ (https://rosinformagrotech.ru) - сторонняя	Доступ свободный

10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА, НЕОБХОДИМАЯ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»

Таблица 10.1 – Материально-техническое обеспечение дисциплины

№ п/п	Наименование дисциплины в соответствии с учебным планом	Наименование специальных поме- щений и помеще- ний для самосто- ятельной работы	Оснащенность специ- альных помещений и помещений для само- стоятельной работы	Перечень лицензионного программного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
1	МАТЕМАТИКА	Учебная аудитория для проведения за- нятий лекционного типа №5103б 440014 Пензенская область, г. Пенза, Железнодорожный район, ул. Ботаниче- ская, д.30. (Учебно-лабораторий- ный корпус, лит.К (Корпус № 5)	<p>Специализированная мебель: парты, стол аудитор- ный, стул, трибуна, доски классные.</p> <p>Технические средства обучения, набор демонстрированного оборудования и учебно-наглядных пособий: Плакаты.</p> <p>Набор демонстрационного оборудования (стационарный): экран, проектор, аку- стическая система, микрофон, персональный компьютер.</p>	<p>Комплект лицензионного программного обеспечения:</p> <ul style="list-style-type: none"> • MS Windows 10 (9879093834, 2020); • MS Office 2019 (9879093834, 2020).
		Помещение для са- мостоятельной ра- боты 440014 Пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; аудитория 3383	<p>Специализированная мебель: столы письменные, столы компьютерные, стулья, сейф.</p> <p>Технические средства обучения, набор демонстрированного оборудования и учебно-наглядных пособий:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Персональный компь- ютер – 7 шт.; 2. Принтер – 1 шт.; 3. Сканер – 1 шт. 	<p>Комплект лицензионного программного обеспечения:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Linux Mint (GNU GPL); • Libre Office (GNU GPL); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License); • СПС «КонсультантПлюс» («Договор об информационной под- держке» от 03 мая 2018 года (бес- срочный)). <p>Доступ в электронную</p>

			информационно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.
	<p>Помещение для самостоятельной работы 440014 Пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30;</p> <p>аудитория 3116 Абонемент технической литературы</p>	<p>Специализированная мебель: столы компьютерные, столы читательские, стулья деревянные, стулья полумягкие, шкафы-витрины для выставок.</p> <p>Технические средства обучения, набор демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий:</p> <p>1. Персональный компьютер – 2 шт.</p>	<p>Комплект лицензионного программного обеспечения:</p> <ul style="list-style-type: none"> • MS Windows 10 (69766168, 2018 и 9879093834, 2020); • MS Office 2016 (69766168, 2018) или MS Office 2019 (9879093834, 2020); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License); • СПС «КонсультантПлюс» («Договор об информационной поддержке» от 03 мая 2018 года (бесстрочный)); • НЭБ РФ. <p>Доступ в электронную информационно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.</p>
	<p>Учебная аудитория для проведения занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации</p> <p><i>Кабинет математики № 3382</i></p>	<p>Специализированная мебель:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1.Стол преподавателя – 1 шт.; 2.Стул преподавателя – 1 шт.; 3.Столы аудиторные двухместные – 15 шт.; 4.Доска аудиторная – 1 шт.; 5.Скамьи из ДСП – 14 шт. <p>Технические средства обучения, набор демонстрационного</p>	<p>Комплект лицензионного программного обеспечения:</p> <p>отсутствует</p>

	<p>440014 Пензенская область, г. Пенза, Железнодорожный район, ул. Ботаническая, д.30. (Учебный корпус механизации, лит. В (корпус № 3))</p>	<p>оборудования и учебно-наглядных пособий:</p> <p>Плакаты:</p> <p>1.Правила дифференцирования и таблица производных основных элементарных функций.</p> <p>2.Таблица интегралов.</p> <p>3.Таблица значений функции Лапласа</p> $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$ <p>4.Таблица значений интегральной функции Лапласа $\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{t^2}{2}} dt$</p> <p>5.Графики функций: $y = ex$, $y = logax$, $y = arctgx$.</p> <p>6. Портреты ученых математиков – 4 шт.</p>	
	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; Аудитория 4117 <i>Кабинет математики</i></p>	<p>Специализированная мебель: столы ученические, скамьи, стол преподавательский, доска, стул жесткий.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения, наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий,: наглядные средства обучения по математике.</p> <p>Набор демонстрационного оборудования (мобильный)</p>	<p>Комплект лицензионного программного обеспечения</p> <ul style="list-style-type: none"> •Ms windows 10 (лицензия oem, поставлялась вместе с оборудованием) •Ms office 2019 (лицензия № 9879093834)

Таблица 10.1 – Материально-техническое обеспечение по дисциплине «Математика» (редакция от 1.09.2023)

№ п/п	Наименование дисциплины в соответ- ствии с учеб- ным планом	Наименование специальных поме- щений и помещений для самостоятель- ной работы	Оснащенность специальных по- мещений и поме- щений для само- стоятельной работы	Перечень лицензионного программ- ного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
	Математика	Помещение для само- стоятельной работы 440014 Пензенская об- ласть, г. Пенза, ул. Бота- ническая, д. 30; аудитория 3383	Специализированная мебель: столы письменные, столы компьютерные, стулья, сейф. Технические средства обучения: персональные компьютеры.	Комплект лицензионного программного обеспечения: • MS Windows XP (18572459, 2004) или MS Windows 10 (V9414975, 2021); • MS Office 2007 (46298560, 2009) или MS Office 2019 (V9414975, 2021); • SMathStudio (Freeware) (на ПК с Windows XP); • NormCAD (Freeware) (на ПК с Windows XP); • КОМПАС-3D v15 (Лицензион- ное соглашение с ЗАО «АСКОН» о приобретении и использовании Комплекса автоматизированных систем «КОМПАС» № Нп-14- 00047) (на ПК с Windows XP); • интегрированная среда разра- ботки программного обеспечения LAZARUS (лицензия GNU) (на ПК с Windows XP); • кафедральные программные раз- работки; • СПС «КОНСУЛЬТАНТПЛЮС» («ДОГОВОР ОБ ИНФОРМАЦИ- ОННОЙ ПОДДЕРЖКЕ» от 03 МАЯ 2018 ГОДА (БЕССРОЧ- НЫЙ)). Доступ в электронную информа- ционно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.
		Помещение для само- стоятельной работы 440014, Пензенская об- ласть, г. Пенза, ул. Бота- ническая, д. 30; аудитория 3116 Сектор обслуживания учебными ресурсами	Специализированная мебель: столы компь- ютерные, столы чита- тельские, стулья дере- вянные, стулья полу- мягкие, шкафы-вит- рины для выставок. Технические сред- ства обучения, набор демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий: 1. Персональные ком- пьютеры	Комплект лицензионного про- граммного обеспечения: • MS Windows 10 (69766168, 2018 и 9879093834, 2020); • MS Office 2016 (69766168, 2018) или MS Office 2019 (9879093834, 2020); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License); • СПС «КонсультантПлюс» («До- говор об информационной под- держке» от 03 мая 2018 года (бес- срочный)); • НЭБ РФ. Доступ в электронную информа- ционно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.

	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, Пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; аудитория 5103</p>	<p>Специализированная мебель: парты, стол аудиторный, стул, трибуна, доски классные.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения: плакаты.</p> <p>Набор демонстрационного оборудования (стационарный): экран, проектор, акустическая система, микрофон, камера, персональный компьютер.</p>	<p>Комплект лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства:</p> <ul style="list-style-type: none"> • MS Windows 10 (9879093834, 2020); • MS Office 2019 (9879093834, 2020).
	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; Аудитория 3382 <i>Кабинет математики</i></p>	<p>Специализированная мебель: стол преподавателя, стул преподавателя, столы аудиторные двухместные, доска аудиторная, скамьи из дсп.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения: интерактивная доска; плакаты: правила дифференцирования и таблица производных основных элементарных функций; таблица интегралов; таблица значений функции лапласа</p> $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$ <p>; таблица значений интегральной функции лапласа $\phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{t^2}{2}} dt$; графики функций: $y = ex$, $y = \log x$, $y = \arctan x$; портреты ученых математиков; производная и ее применение.</p>	

Таблица 10.1 – Материально-техническое обеспечение по дисциплине «Математика» (редакция от 1.09.2024)

№ п/п	Наименование дисциплины в соответ- ствии с учеб- ным планом	Наименование специальных поме- щений и помещений для самостоятель- ной работы	Оснащенность специальных по- мещений и поме- щений для само- стоятельной работы	Перечень лицензионного программ- ного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
	Математика	Помещение для само- стоятельной работы 440014 Пензенская об- ласть, г. Пенза, ул. Бота- ническая, д. 30; аудитория 3383	Специализированная мебель: столы письменные, столы компьютерные, стулья, сейф. Технические средства обучения: персональные компьютеры.	Комплект лицензионного программного обеспечения: • MS Windows XP (18572459, 2004) или MS Windows 10 (V9414975, 2021); • MS Office 2007 (46298560, 2009) или MS Office 2019 (V9414975, 2021); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License) (на ПК с Windows 10); • КОМПАС-3D v15 (Лицензион- ное соглашение с ЗАО «АС- КОН» о приобретении и исполь- зовании Комплекса автоматизиро- ванных систем «КОМПАС» № Нп-14-00047) (на ПК с Win- dows XP); • интегрированная среда разра- ботки программного обеспечен- ия LAZARUS (лицензия GNU) (на ПК с Windows XP); • кафедральные программные разработки; • СПС «КонсультантПлюс» («Договор об информационной поддержке» от 03 мая 2018 года (бессрочный)). Доступ в электронную информа- ционно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.
		Помещение для само- стоятельной работы 440014, Пензенская об- ласть, г. Пенза, ул. Бо- таническая, д. 30; аудитория 3116 <i>Сектор обслуживания учебными ресурсами</i>	Специализированная мебель: столы компь- ютерные, столы чита- тельские, стулья дере- вянные, стулья полу- мягкие, шкафы-вит- рины для выставок. Технические сред- ства обучения, набор демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий: 1. Персональные ком- пьютеры	Комплект лицензионного про- граммного обеспечения: • MS Windows 10 (69766168, 2018 и 9879093834, 2020); • MS Office 2016 (69766168, 2018) или MS Office 2019 (9879093834, 2020); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License); • СПС «КонсультантПлюс» («До- говор об информационной под- держке» от 03 мая 2018 года (бес- срочный)); • НЭБ РФ. Доступ в электронную информа- ционно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.

	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, Пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; аудитория 5103</p>	<p>Специализированная мебель: парты, стол аудиторный, стул, трибуна, доски классные.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения: плакаты.</p> <p>Набор демонстрационного оборудования (стационарный): экран, проектор, акустическая система, микрофон, камера, персональный компьютер.</p>	<p>Комплект лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства:</p> <ul style="list-style-type: none"> • MS Windows 10 (9879093834, 2020); • MS Office 2019 (9879093834, 2020).
	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; Аудитория 3382 <i>Кабинет математики</i></p>	<p>Специализированная мебель: стол преподавателя, стул преподавателя, столы аудиторные двухместные, доска аудиторная, скамьи из дсп.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения: интерактивная доска; плакаты: правила дифференцирования и таблица производных основных элементарных функций; таблица интегралов; таблица значений функции лапласа</p> $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$ <p>таблица значений интегральной функции лапласа $\phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{t^2}{2}} dt$; графики функций: $y = ex$, $y = \log x$, $y = \arctgx$; портреты ученых математиков; производная и ее применение.</p>	

Таблица 10.1 – Материально-техническое обеспечение по дисциплине «Математика» (редакция от 1.09.2025)

№ п/п	Наименование дисциплины в соответ- ствии с учеб- ным планом	Наименование специальных поме- щений и помещений для самостоятель- ной работы	Оснащенность специальных по- мещений и поме- щений для само- стоятельной работы	Перечень лицензионного программ- ного обеспечения. Реквизиты подтверждающего документа
Математика	Помещение для само- стоятельной работы 440014 Пензенская об- ласть, г. Пенза, ул. Бота- ническая, д. 30; аудитория 3383		Специализированная мебель: столы письменные, столы компьютерные, стулья, сейф. Технические средства обучения: персональные компьютеры.	Комплект лицензионного программного обеспечения: • MS Windows XP (18572459, 2004) или MS Windows 10 (V9414975, 2021); • MS Office 2007 (46298560, 2009) или MS Office 2019 (V9414975, 2021); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License) (на ПК с Windows 10); • КОМПАС-3D v15 (Лицензион- ное соглашение с ЗАО «АС- КОН» о приобретении и исполь- зовании Комплекса автоматизир- ованных систем «КОМПАС» № Нп-14-00047) (на ПК с Win- dows XP); • интегрированная среда разра- ботки программного обеспечен- ия LAZARUS (лицензия GNU) (на ПК с Windows XP); • кафедральные программные разработки; • СПС «КонсультантПлюс» («Договор об информационной поддержке» от 03 мая 2018 года (бессрочный)). Доступ в электронную информа- ционно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.
	Помещение для само- стоятельной работы 440014, Пензенская об- ласть, г. Пенза, ул. Бота- ническая, д. 30; аудитория 3116 <i>Сектор обслуживания учебными ресурсами</i>		Специализированная мебель: столы компь- ютерные, столы чита- тельские, стулья дере- вянные, стулья полу- мягкие, шкафы-вит- рины для выставок. Технические сред- ства обучения, набор демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий: 1. Персональные ком- пьютеры	Комплект лицензионного про- граммного обеспечения: • MS Windows 10 (69766168, 2018 и 9879093834, 2020); • MS Office 2016 (69766168, 2018) или MS Office 2019 (9879093834, 2020); • Yandex Browser (GNU Lesser General Public License); • СПС «КонсультантПлюс» («До- говор об информационной под- держке» от 03 мая 2018 года (бес- срочный)); • НЭБ РФ. Доступ в электронную информа- ционно-образовательную среду университета; Выход в Интернет.

	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, Пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; аудитория 5103</p>	<p>Специализированная мебель: парты, стол аудиторный, стул, трибуна, доски классные.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения: плакаты.</p> <p>Набор демонстрационного оборудования (стационарный): экран, проектор, акустическая система, микрофон, камера, персональный компьютер.</p>	<p>Комплект лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства:</p> <ul style="list-style-type: none"> • MS Windows 10 (9879093834, 2020); • MS Office 2019 (9879093834, 2020).
	<p>Учебная аудитория для проведения учебных занятий 440014, пензенская область, г. Пенза, ул. Ботаническая, д. 30; Аудитория 3382 <i>Кабинет математики</i></p>	<p>Специализированная мебель: стол преподавателя, стул преподавателя, столы аудиторные двухместные, доска аудиторная, скамьи из ДСП.</p> <p>Оборудование и технические средства обучения: интерактивная доска; плакаты: правила дифференцирования и таблица производных основных элементарных функций; таблица интегралов; таблица значений функции лапласа</p> $\varphi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$ <p>таблица значений интегральной функции лапласа $\phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{t^2}{2}} dt$; графики функций: $y = ex$, $y = \log x$, $y = \arctgx$; портреты ученых математиков; производная и ее применение.</p>	

11. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ «МАТЕМАТИКА»

11.1 Методические советы по планированию и организации времени, необходимого для изучения дисциплины

Примерное распределение затрат времени на самостоятельную работу приведено в рабочей программе дисциплины. Реальные затраты времени студента на различные виды самостоятельной работы могут отличаться от рекомендованных в силу индивидуальных особенностей личности, исходной математической подготовки, внешних условий и др.

Самостоятельная работа студента по математике должна быть систематической, распределенной равномерно в течение семестра. В среднем следует затрачивать от трех до четырех часов в неделю, распределяя ее на два или три раза.

Самостоятельная работа включает в себя: выполнение домашних заданий, расчетных работ и изучение некоторых вопросов. Выполнение домашнего задания следует начинать с изучения теоретического материала по лекционному курсу и разбора задач в аудиторной работе. Целесообразно выделить типы задач, алгоритмы решения. Рекомендуется выучить основные понятия, правила, формулы, применяемые при решении задач. После этого следует приступить к непосредственному решению заданий из задачника. В случае затруднений необходимо вернуться к лекциям и материалам практических занятий. По окончании решения следует проконтролировать полученный результат по ответам, данным в конце задачника. В случае неправильного ответа надо вернуться к заданию и найти ошибку. Если выполнение домашнего задания вызвало затруднения, следует проконсультироваться у преподавателя на следующем практическом занятии или во внеаудиторное время. Следует помнить, что целью выполнения домашних заданий является прочное закрепление материала темы. На последнем этапе выполнения домашнего задания следует подготовиться к следующему практическому занятию - познакомиться с теоретическим материалом и примерами по лекционному курсу или (и) учебнику.

Для расширения знаний по дисциплине проводить поиск в различных системах, таких как www.rambler.ru, www.yandex.ru, www.google.ru, www.yahoo.ru и использовать материалы сайтов, рекомендованных преподавателем на лекциях и практических занятиях.

11.2 Методические рекомендации по использованию материалов рабочей программы

Материалы рабочей программы предназначены для использования в учебном процессе преподавателями и студентами.

Часть материалов должна быть закрытой для студентов. К ним относятся: экзаменационные билеты и задания к ним, зачетные работы, задания контрольных работ.

Другая часть материалов открыта для студентов. Студенты должны быть ознакомлены с тематикой лекций и практических занятий, формами промежуточного и

итогового контроля, критериями знаний и умений по дисциплине, советами по планированию и организации времени, необходимого на изучение дисциплины, по подготовке к экзамену.

Каждый студент должен быть обеспечен перечнем вопросов для самостоятельного изучения, перечнем тем домашних заданий, заданиями расчетных работ, перечнем экзаменационных вопросов, материалами тестов и словарем терминов.

11.3 Методические советы по подготовке к промежуточной аттестации

При подготовке к экзамену следует заранее распределить экзаменационные вопросы по дням подготовки (например, в 1 и 2 дни - по 35%, в 3 день — 30%). Для подготовки нужно использовать конспекты лекции и учебники. Для каждого вопроса необходимо продумать план ответа, выучить основные понятия и формулы. Затем самостоятельно кратко записать ответ, чтобы проконтролировать уровень усвоения. Если возникли затруднения или (и) ошибки, необходимо вернуться к конспекту или учебнику и определить их причину. При подготовке к экзамену следует также повторить практическую часть курса, используя материалы аудиторных занятий и расчётные работы.

11.4 Методические советы по работе с тестовым материалом дисциплины

Тестовая система курса содержит вопросы, соответствующие программе дисциплины и охватывающие все дидактические единицы. Сложность вопросов соответствует базовому уровню освоения дисциплины.

Тесты могут быть использованы для текущего контроля освоения темы или раздела (дидактической единицы) на практическом занятии. Для этого формируется набор (тест) разнообразных вопросов из соответствующей темы (раздела) материалов тестирования или аналогичных им. Тест по разделу должен содержать вопросы по каждой теме раздела; критерием успешности выполнения является не менее 50% правильных ответов по каждой теме. Общая трудоемкость теста рассчитывается, исходя из 2 минут на один вопрос.

Тесты могут быть использованы для итогового контроля знаний в первом семестре. В этом случае принцип формирования теста следующий: по каждому из изученных разделов подбирается набор вопросов, включающий в себя по одному из каждой темы раздела. Критерием успешности выполнения теста является показатель не менее 50% правильных ответов на вопросы каждого раздела.

В самостоятельной работе студентов материалы тестирования могут быть использованы для подготовки к интернет - тестированию, зачету, экзамену.

11.5 Методические рекомендации по выполнению расчётно-графической работы

Расчетные работы следует выполнять после прохождения материала на практическом занятии и сдавать решения заданий в срок, установленный преподавателем (одна неделя после завершения изучения темы). Особое внимание следует уделить оформлению решения. Оно должно содержать все необходимые пояснения и ссылки на теоретический материал, не иметь пропусков. После проверки преподаватель либо допускает работу к защите, либо возвращает для выполнения работы над ошибками. Работа над ошибками выполняется отдельно на дополнительных листах и сдается вместе с исходной работой на повторную проверку. При подготовке к защите следует повторить основные понятия, правила и формулы, которые использовались при решении заданий, и продумать устное выступление.

12. СЛОВАРЬ ТЕРМИНОВ

Прямая называется **асимптотой** графика функции $y = f(x)$, если расстояние от переменной точки M графика до этой прямой при удалении точки M в бесконечность стремится к нулю, т.е. точка графика функции при своем стремлении в бесконечность должна неограниченно приближаться к асимптоте.

Функция $y = f(x)$ называется **бесконечно большой** в точке a , если ее предел в этой точке равен бесконечности.

$y = f(x)$ - **бесконечно малая** при $x \rightarrow a$, если $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0$

График функции $y=f(x)$ называется **выпуклым** на интервале $(a; b)$, если он расположен ниже любой своей касательной на этом интервале.

График функции $y=f(x)$ называется **вогнутым** на интервале $(a; b)$, если он расположен выше любой своей касательной на этом интервале.

Векторным произведением векторов \vec{a} и \vec{b} называется новый вектор \vec{c} , удовлетворяющий условиям:

1. Длина вектора \vec{c} равна площади параллелограмма, построенного на векторах \vec{a} и \vec{b} .
2. Вектор \vec{c} перпендикулярен плоскости этого параллелограмма.
3. Он направлен так, что векторы \vec{a} и \vec{b} образуют правую тройку векторов.

Математическая вероятность - числовая характеристика степени возможности появления какого-либо определенного события в тех или иных определенных, могущих повторяться неограниченное число раз условиях, т. е. характеристика объективно существующей связи между этими условиями и событием.

Вероятностью события называется отношение числа благоприятных исходов к общему числу несовместных равновозможных исходов (классическое определение вероятности).

Вероятность случайного события есть отношение площади области, благоприятствующей появлению события, к площади всей области (геометрическое определение вероятности).

Произвольное множество $\{a(1), a(2), \dots, a(n)\}$ называется **генеральной совокупностью**, а выбор k элементов из генеральной совокупности $\{a(i), a(i), \dots, a(i)\}$ с некоторыми дополнительными условиями называется **выборкой объема k** из генеральной совокупности объема n с соответствующими ограничениями.

Гиперболой называется геометрическое место точек плоскости, для каждой из которых абсолютная величина разности расстояний до двух фиксированных точек той же плоскости, называемых **фокусами гиперболы**, есть величина постоянная.

Градиентом функции $z = f(x, y)$ **в точке** $M_o(x_o, y_o)$ называется вектор, проекциями которого на координатные оси являются соответствующие частные производные данной функции в точке $M_o(x_o, y_o)$:

$$\text{grad } z = \frac{\partial z}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial z}{\partial y} \vec{j}.$$

Функция $y = f(x)$ **дифференцируема** в точке x_0 , если приращение функции в точке сможет быть представлено в виде:

$$\exists A : \Delta y = A \Delta x + \alpha(\Delta x), \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\alpha(\Delta x)}{\Delta x} = 0, A - \text{const.}$$

Функция $z = f(x; y)$ называется **дифференцируемой** в точке $M(x; y)$, если ее полное приращение в этой точке можно представить в виде:

$$\Delta z = A \cdot \Delta x + B \cdot \Delta y + \alpha \cdot \Delta x + \beta \cdot \Delta y, \quad (1)$$

где $\alpha = \alpha(\Delta x, \Delta y) \rightarrow 0$ и $\beta = \beta(\Delta x, \Delta y) \rightarrow 0$ при $\Delta x \rightarrow 0, \Delta y \rightarrow 0$.

Полным дифференциалом функции $z = f(x, y)$ называется главная часть полного приращения Δz , линейная относительно приращений аргументов $\Delta x, \Delta y$. Полный дифференциал функции вычисляется по формуле

$$dz = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy.$$

Обыкновенным дифференциальным уравнением называется равенство, содержащее независимую переменную x , неизвестную функцию y и её производные $y', y'', \dots, y^{(n)}$:

$$F(x, y', y'', \dots, y^{(n)}) = 0$$

Случайная величина называется **дискретной**, если в результате испытания она может принять значение из конечного либо счетного множества возможных числовых значений.

Дисперсией дискретной (непрерывной) случайной величины X , называется число

$$DX = \sum_{i=1}^s (x_i - MX)^2 \cdot p_i \quad (DX = \int_{-\infty}^{\infty} (x - MX)^2 f(x) dx)$$

Дисперсия является мерой концентрации результатов конкретных испытаний над случайной величиной X

Числа вида $a + bi$, где a и b - вещественные числа, называются **комплексными числами**. $i^2 = -1$.

Уравнение вида $y' + P(x)y = Q(x)$ называется **линейным уравнением первого порядка**, где $P(x), Q(x)$ - функции зависящие от x .

Матрицей размером $m \times n$ называется совокупность $m \cdot n$ чисел, расположенных в виде прямоугольной таблицы из m строк и n столбцов.

Модулем или длиной вектора \overrightarrow{AB} называют длину определяющего его направленного отрезка.

Функция $y=f(x)$ в точке x_0 имеет **максимум**, если значение функции в этой точке больше, чем ее значения во всех точках некоторого интервала, содержащего точку x_0 , т.е. если существует такая окрестность точки x_0 , что для всех $x \neq x_0$, принадлежащих этой окрестности, имеет место неравенство $f(x) < f(x_0)$.

Функция $y=f(x)$ имеет **минимум** в точке x_0 , если существует такая окрестность точки x_0 , что для всех $x \neq x_0$, принадлежащих этой окрестности, имеет место неравенство $f(x) > f(x_0)$.

Функция $z = f(x, y)$ имеет в точке $M_0(x_0, y_0)$ **максимум (минимум)**, если существует такая окрестность точки M_0 , в которой для любой точки $M(x, y)$ выполняется неравенство $f(x, y) \leq f(x_0, y_0)$ [$f(x, y) \geq f(x_0, y_0)$].

Значение функции в точке максимума (минимума) называется **максимумом (минимумом) функции**.

Математическим ожиданием дискретной (непрерывной) случайной величины X называется число

$$MX = \sum_{i=1}^s x_i \cdot p_i \quad (MX = \int_{-\infty}^{\infty} xf(x)dx)$$

x_i - все возможные различные конкретные исходы испытания;

p_i - вероятности их наступления, $f(x)$ - плотность распределения

Функция $y = f(x)$ называется **непрерывной в точке x_0** , если предел $y = f(x)$ в данной точке совпадает со значением функции в этой же точке

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$$

Функция непрерывна на множестве X , если она непрерывна в каждой точке этого множества.

Функция $z = f(x; y)$ (или $f(M)$) называется **непрерывной в точке $M_0(x_0; y_0)$** , если

$$\lim_{M \rightarrow M_0} f(M) = f(M_0) \text{ или } \lim_{\substack{x \rightarrow x_0 \\ y \rightarrow y_0}} f(x; y) = f(x_0; y_0)$$

Функция, непрерывная в каждой точке некоторой области, называется **непрерывной в этой области**.

Неопределенным интегралом от функции $f(x)$ называется совокупность всех ее первообразных $F(x) + C$.

Уравнение $y'' + py' + qy = f(x)$ называется **неоднородным линейным дифференциальным уравнением с постоянными коэффициентами**.

События A и B называются независимыми, если $P(A/B) = P(A)$.

Непрерывная величина принимает бесконечное множество значений, которые сплошь заполняют некоторый промежуток.

Случайная величина имеет **нормальное распределение (распределение Гаусса)** и называется нормально распределенной, если ее плотность вероятности

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-a)^2}{2\sigma^2}},$$

где $a = MX$, $\sigma^2 = DX$

Определителем второго порядка, соответствующим данной матрице, называется число, получаемое следующим образом:

$$|A| = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{vmatrix} = a_{11}a_{22} - a_{12}a_{21}$$

Определителем третьего порядка, соответствующим данной квадратной матрице третьего порядка, называется число, обозначаемое и получаемое следующим образом:

$$|A| = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = a_{11} \begin{vmatrix} a_{22} & a_{23} \\ a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} - a_{12} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{23} \\ a_{31} & a_{33} \end{vmatrix} + a_{13} \begin{vmatrix} a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} \end{vmatrix}$$

Если A – квадратная матрица, то **обратной** для неё матрицей называется матрица, обозначаемая A^{-1} и удовлетворяющая условию $A \cdot A^{-1} = A^{-1} \cdot A = E$.

Если определенная на отрезке $[a, b]$ функция $f(x)$ такова, что существует конечный предел последовательности интегральных сумм:

$$S_n = \sum_{i=1}^n f(\xi_i) \cdot \Delta x_i,$$

при условии, что наибольшая из разностей $\Delta x_i = x_{i-1} - x_i$ стремится к нулю, причем этот предел не зависит ни от способа разбиения отрезка $[a, b]$ на отрезки, ни от выбора точек ξ_i на этих отрезках, то функция $f(x)$ называется интегрируемой на отрезке $[a, b]$, а сам предел называется **определенным интегралом от функции f(x) в пределах от a до b**.

Общим решением дифференциального уравнения первого порядка называется функция $y = \varphi(x, C)$, которая зависит от одного произвольного постоянного C и удовлетворяет следующим условиям:

1) она удовлетворяет дифференциальному уравнению при любом конкретном значении постоянного C ;

2) каково бы ни было начальное условие $y|_{x=x_0} = y_0$, можно найти такое значение $C = C_0$, что функция $y = \varphi(x, C_0)$ будет удовлетворять данному начальному условию.

Уравнение $y'' + py' + qy = 0$ называется **однородным линейным дифференциальным уравнением с постоянными коэффициентами**.

Параболой называется геометрическое место точек плоскости, для каждой из которых расстояние до фиксированной точки этой плоскости, называемой **фокусом**, равно расстоянию до фиксированной прямой, лежащей в той же плоскости и называемой **директрисой** параболы.

Число a называется **пределом последовательности** $x = \{x_n\}$, если для произвольного заранее заданного сколь угодно малого положительного числа ε найдется такое натуральное число N , что при всех $n > N$ выполняется неравенство $|x_n - a| < \varepsilon$.

Число A называется **пределом функции** $y = f(x)$ при $x \rightarrow a$, и обозначается $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$, если для всякой последовательности $\{x_n\}$, сходящейся к a , соответствующая ей последовательность $\{y_n\}$ ($y_n = f(x_n)$) сходится к A .

Число A называется **пределом функции** $z = f(x; y)$ при $x \rightarrow x_0$ и $y \rightarrow y_0$ (или, что то же самое, при $M(x; y) \rightarrow M_0(x_0; y_0)$), если для любого $\varepsilon > 0$ существует $\delta > 0$ такое, что для всех $x \neq x_0$ и $y \neq y_0$ и удовлетворяющих неравенству $\sqrt{(x-x_0)^2 + (y-y_0)^2} < \delta$ выполняется неравенство $|f(x; y) - A| < \varepsilon$. Записывают:

$$A = \lim_{\substack{x \rightarrow x_0 \\ y \rightarrow y_0}} f(x; y) \text{ или } A = \lim_{M \rightarrow M_0} f(M).$$

Производной функции $y = f(x)$ в т. x называют предел отношения приращения функции в этой точке к приращению аргумента, при стремлении последнего к нулю.

$$f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

Порядком дифференциального уравнения называется порядок наивысшей производной, входящей в уравнение

Полным приращением функции $z = f(x, y)$ называется разность $\Delta z = f(x + \Delta x, y + \Delta y) - f(x, y)$.

Числом перестановок из n элементов называется число различных способов перестановок n элементов между собой с учетом их порядка (или размещений n предметов по n упорядоченным местам).

Два события, одно из которых обязательно должно произойти, причем наступление одного исключает возможность наступления другого, называются **противоположными**.

Произведением конечного числа **событий** называется новое событие, состоящее в том, что произойдут все эти события.

Решением или **интегралом дифференциального уравнения** называется всякая функция $y = f(x)$, которая, будучи подставлена в уравнение, превращает его в тождество.

Уравнение вида $y' = f(x) \cdot g(y)$ называется **уравнением с разделяющимися переменными**, где $f(x)$ и $g(y)$ функции одной переменной.

Числом размещений без повторений (или просто **размещений**) из n элементов по k называется число различных размещений n предметов по k упорядоченным местам.

Системой m линейных уравнений с n неизвестными называется система вида

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1, \\ a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2, \\ \dots \\ a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \dots + a_{mn}x_n = b_m, \end{cases}$$

Скалярным произведением векторов \vec{a} и \vec{b} называется число, равное произведению длин этих векторов на косинус угла между ними.

Смешанным произведением трёх векторов \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} называют число, равное $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}$. Обозначается $\vec{a}\vec{b}\vec{c} = (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}$. Здесь первые два вектора умножаются векторно и затем полученный вектор $\vec{a} \times \vec{b}$ умножается скалярно на третий вектор \vec{c} .

Числом сочетаний (более точно, **сочетаний без повторений**) из n элементов по k называется число различных способов выбора k предметов из совокупности, состоящей из n предметов, без учета порядка их выбора.

Два **события** называются **несовместными**, если наступление одного из них исключает возможность наступления другого. В противном случае **события** называются **совместными**.

Суммой конечного числа **событий** называется новое событие, состоящее в наступлении хотя бы одного из них.

Случайной величиной называется измеримая числовая скалярная функция $\varphi(\omega)$, элементами которой являются элементарные события.

Точка $(x_0; y_0)$ называется **точкой максимума функции** $z = f(x; y)$, если существует такая окрестность точки $(x_0; y_0)$, что для каждой точки $(x; y)$, отличной от $(x_0; y_0)$, из этой окрестности выполняется неравенство $f(x; y) < f(x_0; y_0)$.

Аналогично определяется **точка минимума функции**: для всех точек $(x; y)$, отличных от $(x_0; y_0)$, из δ -окрестности точки $(x_0; y_0)$ выполняется неравенство: $f(x; y) > f(x_0; y_0)$.

Точка графика непрерывной функции, отделяющая его выпуклую часть от вогнутой, называется **точкой перегиба**.

x_0 – **точка разрыва функции**, если в ней не выполняется условие непрерывности.

Уравнение $F(x, y)=0$, где F – некоторая функция называется **уравнением линии** если координаты каждой точки этой линии обращают данное уравнение в верное и каждая пара чисел (x, y) удовлетворяющая данному уравнению является координатой точки принадлежащей этой линии.

Пусть в пространстве задана некоторая система координат и поверхность S . Будем говорить, что уравнение, связывающее три упорядоченные переменные, является **уравнением поверхности** S в заданной системе координат, если координаты любой точки поверхности S удовлетворяют этому уравнению, а координаты любой точки, не лежащей на поверхности S , этому уравнению не удовлетворяют.

Условной вероятностью наступления события А, при условии события В, $P(A|B)$, называется вероятность наступления события А в результате испытаний, если известно, что в это испытании произошло событие В.

Если существует предел

$$\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta_x z}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x; y) - f(x; y)}{\Delta x},$$

то он называется **частной производной функции** $z = f(x; y)$ в точке $M(x; y)$ по переменной x .

Аналогично определяется и обозначается **частная производная** от $z = f(x; y)$ по переменной y :

$$z_y' = \lim_{\Delta y \rightarrow 0} \frac{\Delta_y z}{\Delta y} = \lim_{\Delta y \rightarrow 0} \frac{f(x; y + \Delta y) - f(x; y)}{\Delta y}.$$

Частными производными второго порядка функции $z = f(x, y)$ называются частные производные от ее частных производных первого порядка.

Частным решением дифференциального уравнения 1 порядка называется любая функция $y(x, C_0)$, которая получается из общего решения, если в нем произвольному постоянному придать определенное значение C_0 .

Эллипсом называется геометрическое место точек плоскости, для каждой из которых сумма расстояний до двух данных точек той же плоскости, называемых **фокусами эллипса**, есть величина постоянная.

Максимум или минимум функции называется ее **экстремумом**.

Приложение № 1 к рабочей программе дисциплины
«Математика», одобренной методической комиссией
инженерного факультета (протокол №7 от 31.03.2021 г.)
и утвержденной деканом 31.03.2021 г.

 — А.В. Поликанов

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ПЕНЗЕНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ
МАТЕМАТИКА

Специальность
23.05.01 НАЗЕМНЫЕ ТРАНСПОРТНО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЕ
СРЕДСТВА

Специализация программы
«Автомобильная техника в транспортных технологиях»

Квалификация
«СПЕЦИАЛИСТ»

Форма обучения – очная, заочная

Пенза – 2021

1. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ С УКАЗАНИЕМ ЭТАПОВ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ

Конечным результатом освоения программы дисциплины является достижение показателей сформированности компетенций «знать», «уметь», «владеть», определенных по отдельным компетенциям.

Таблица 1.1 – Дисциплина «Математика» направлена на формирование компетенций

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Этапы формирования компетенции
УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	У3 (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей
ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности
		В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач

2 Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине

Таблица 2.1 – Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине «Математика»

№ п/п	Контролируе- мые разделы (темы) дисци- плины	Код и наимено- вание контроли- руемой компе- тенции	Код и содержание индикатора дости- жения компетенции	Планируемые ре- зультаты	Наименова- ние оценочного средства
1	2	3	4	5	6
1	Алгебра и аналитическая геометрия	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа
				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического	<u>Очная форма обучения:</u>

				анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
2	Введение в математический анализ	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
3	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
4	Дискретная математика	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
5	Интегральное исчисление функции одной переменной	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
6	Функции нескольких независимых переменных	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
7	Обыкновенные дифференциальные уравнения	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
8	Теория вероятностей	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	З1 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				В1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач	<u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
9	Математическая статистика	УК-1: Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий	ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	УЗ (ИД-1ук-1) – уметь анализировать условия и результаты решения задач линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа и теории вероятностей	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование
		ОПК-1: Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей	ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	31 (ИД-1опк-1) – знать фундаментальные разделы математики: линейную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, теорию вероятностей и математическую статистику	<u>Очная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование. <u>Заочная форма обучения:</u> зачет с оценкой, экзамен, зачет, тестирование
				У1 (ИД-1опк-1) – уметь применять средства математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики в профессиональной деятельности	<u>Очная форма обучения:</u> расчетно-графическая работа. <u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа

				<p>B1 (ИД-1опк-1) – владеть методами математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, теории вероятностей и математической статистики при решении типовых задач</p>	<p><u>Очная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование.</p> <p><u>Заочная форма обучения:</u> контрольная работа, тестирование</p>
--	--	--	--	---	--

3 Контрольные мероприятия и применяемые оценочные средства по дисциплине

Таблица 3.1 – Контрольные мероприятия и применяемые оценочные средства по дисциплине «Математика»

Код и содержание индикатора достижения компетенции	Наименование контрольных мероприятий							
	Дискуссия	Тестирование	Расчетно-графическая работа	Анализ конкретных ситуаций	Доклад	Зачёт с оценкой	Экзамен	Зачёт
	Наименование материалов оценочных средств							
	Вопросы дискуссии	Фонд тестовых заданий	Комплект заданий для выполнения расчетно-графической работы	Кейсы	Комплект заданий для выполнения доклада	Вопросы к зачёту с оценкой	Вопросы к экзамену	Вопросы к зачёту
ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи	-	+	+	-	-	+	+	+
ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности	-	+	+	-	-	+	+	+

4. ПОКАЗАТЕЛИ И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИИ

Таблица 4.1 – Критерии и шкалы для интегрированной оценки уровня сформированности компетенций УК-1 и ОПК-1

Индикаторы компетенции	Оценки сформированности индикатора компетенций			
	Неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично
ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи				
Полнота знаний	Уровень знаний ниже минимальных требований	Минимально допустимый уровень знаний, допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки
Наличие умений	При решении стандартных задач имели место грубые ошибки	Продемонстрированы основные умения, решены типовые задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме
Наличие навыков (владение опытом)	При решении стандартных задач не продемонстрированы базовые навыки, имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов
Характеристика сформированности компетенции	Компетенция в полной мере не сформирована. Имеющихся знаний, умений, навыков недостаточно для решения практических (профессиональных) задач	Сформированность компетенции соответствует минимальным требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков в целом достаточно для решения	Сформированность компетенции в целом соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков и мотивации в целом достаточно для	Сформированность компетенции полностью соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков и мотивации в полной мере достаточно для

		практических (профессиональных) задач, но требуется дополнительная практика по большинству практических задач	решения стандартных практических (профессиональных) задач	решения сложных практических (профессиональных) задач
ИД-1опк-1 – демонстрирует знания основных законов математических и естественных наук необходимых, для решения типовых задач профессиональной деятельности				
Полнота знаний	Уровень знаний ниже минимальных требований, имели место грубые ошибки	Минимально допустимый уровень знаний, допущено много негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки, допущено несколько негрубых ошибок	Уровень знаний в объеме, соответствующем программе подготовки
Наличие умений	При решении стандартных задач имели место грубые ошибки	Продемонстрированы основные умения, решены типовые задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания, но не в полном объеме	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с негрубыми ошибками, выполнены все задания в полном объеме, но некоторые с недочетами	Продемонстрированы все основные умения, решены все основные задачи с отдельными несущественными недочетами, выполнены все задания в полном объеме
Наличие навыков (владение опытом)	При решении стандартных задач имели место грубые ошибки	Имеется минимальный набор навыков для решения стандартных задач с некоторыми недочетами	Продемонстрированы базовые навыки при решении стандартных задач с некоторыми недочетами	Продемонстрированы навыки при решении нестандартных задач без ошибок и недочетов
Характеристика сформированности компетенции	Компетенция в полной мере не сформирована. Имеющихся знаний, умений, навыков недостаточно для решения практических (профессиональных) задач	Сформированность компетенции соответствует минимальным требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков в целом достаточно для решения практических (профессиональных) задач, но требуется дополнительная практика по большинству практических задач	Сформированность компетенции в целом соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков и мотивации в целом достаточно для решения стандартных практических (профессиональных) задач	Сформированность компетенции полностью соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков и мотивации в полной мере достаточно для решения сложных практических (профессиональных) задач

5. КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ И ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯ- ТЕЛЬНОСТИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «МАТЕМАТИКА»

5.1 Вопросы для промежуточного контроля знаний

1 семестр

5.1.1 Вопросы для промежуточного контроля знаний (Зачет с оценкой) по оценке освоения индикатора, достижения компетенций ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществ- ляет декомпозицию задачи

1. Определители 2 и 3-го порядка.
2. Минор и алгебраическое дополнение элемента определителя. Теорема Лапласа.
3. Свойства определителей без теоремы Лапласа.
4. Решение системы 3-х линейных уравнений с 3 неизвестными по правилу Крамера.
5. Системы m линейных уравнений с n неизвестными: основные понятия.
6. Векторы: основные понятия.
7. Векторное произведение векторов.
8. Смешанное произведение векторов.
9. Аналитическая геометрия на плоскости: простейшие задачи, уравнение линии, общее уравнение прямой.
10. Угол между прямыми на плоскости, условие параллельности и перпендикулярности прямых. Расстояние от точки до прямой.
11. Определение кривой второго порядка. Окружность.
12. Эллипс.
13. Гипербола.
14. Плоскость в пространстве.
15. Прямая в пространстве.
16. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.
17. Определение функции. Классификация функций.
18. Числовая последовательность: определение, предел.
19. Предел функции в точке и на бесконечности. Односторонние пределы.
20. Бесконечно малые и бесконечно большие, их свойства.
21. Теоремы о пределах.
22. Определение функции, непрерывной в точке и на промежутке. Точки разрыва, их классификация.
23. Свойства функций, непрерывных в точке и на отрезке.
24. Производная: определение, связь с непрерывностью, геометрический и механический смысл. Уравнение касательной и нормали.
25. Дифференциал функции: определение, геометрический смысл.
26. Свойства дифференциала. Приближенные вычисления с помощью дифференциала.

**5.1.2 Вопросы для промежуточного контроля знаний (Зачет с оценкой)
по оценке освоения индикатора, достижения компетенций**

ИД-1опк-1: демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

1. Метод Гаусса: прямой и обратный ход.
2. Скалярное произведение векторов.
3. Уравнения прямой: проходящей через точку в заданном направлении; проходящей через две точки; в отрезках.
5. Парабола.
6. Раскрытие неопределенностей.
7. Замечательные пределы, следствия.
8. Правила дифференцирования. Таблица производных.
9. Логарифмическая производная, производная обратной, неявной и параметрически заданной функций.
10. Производные и дифференциалы высших порядков.
11. Правило Лопиталя.
12. Монотонность функции.
13. Экстремум функции: определение, необходимое условие, критические точки 1-го рода, достаточные условия.
14. Наибольшее и наименьшее значения функции.
15. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
16. Асимптоты графика функции.

2 семестр

**5.1.3 Вопросы для промежуточного контроля знаний (Экзамен)
по оценке освоения индикатора, достижения компетенций**

ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи

1. Первообразная и теоремы о ней.
2. Неопределенный интеграл: определение и свойства.
3. Определение определенного интеграла.
4. Свойства определенного интеграла.
5. Несобственные интегралы 1-го и 2-го рода.
6. Определение, частные и полное приращения функции двух переменных.
7. Предел, непрерывность функции двух переменных.
8. Полный и частные дифференциалы 1-го порядка, дифференцируемость функции двух переменных.
9. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
10. Определение, приложение и свойства криволинейного интеграла.
11. Показательная форма комплексного числа.
12. Дифференциальные уравнения: общие понятия.

13. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Теорема Коши, ее геометрический смысл, задача Коши.

14. Дифференциальные уравнения 2-го порядка: общие понятия. Линейные дифференциальные уравнения 2-го порядка.

15. Линейные однородные дифференциальные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.

16. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.

5.1.4 Вопросы для промежуточного контроля знаний (Экзамен)

по оценке освоения индикатора, достижения компетенций

ИД-1опк-1: демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

1. Полярная система координат.

2. Методы интегрирования в неопределенном интеграле.

3. Интегрированиедробно-рациональных функций.

4. Интегрирование иррациональных выражений.

5. Интегрирование тригонометрических функций.

6. Теорема Ньютона-Лейбница.

7. Методы интегрирования в определенном интеграле.

8. Геометрические приложения определенного интеграла.

9. Приложения определенного интеграла в физике.

10. Частные производные 1-го порядка функции двух переменных.

11. Частные производные и дифференциал 2-го порядка.

12. Производная по направлению, градиент.

13. Экстремум функции двух переменных.

14. Метод наименьших квадратов.

15. Вычисление криволинейного интеграла, его независимость от пути интегрирования.

16. Комплексные числа: алгебраическая форма и геометрическое изображение.

17. Тригонометрическая форма комплексного числа

18. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Бернулли.

19. Линейные однородные дифференциальные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.

20. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения 2-го порядка с постоянными коэффициентами.

5.1.5 Образец экзаменационного билета для промежуточного контроля знаний

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РФ
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Пензенский государственный аграрный университет»
Факультет инженерный
Кафедра «Физика и математика»
Направление подготовки «23.03.03 Эксплуатация транспортно-технологиче-
ских машин и комплексов»
Дисциплина «Математика»

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

1. Свойства определенного интеграла.
2. Экстремум функции двух переменных.
3. Задача. Найти общее решение дифференциального уравнения
 $y'' + 2y' - 8y = 3\sin x$.

Составитель _____ *Н.М. Семикова*

Заведующий кафедрой _____ *Н.М. Семикова*

« ____ » _____ 202__ г.

3 семестр

5.1.6 Вопросы для промежуточного контроля знаний (Зачет) по оценке освоения индикатора, достижения компетенций ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществ- ляет декомпозицию задачи

1. Соединения из n элементов: размещения, перестановки, сочетания. Правила суммы и произведения. Бином Ньютона.
2. Основные понятия теории вероятностей.
3. Сумма и произведение событий.
4. Зависимые и независимые события. Условная вероятность.
5. Теорема о независимости прямых и противоположных событий.
6. Случайная величина. Дискретная случайная величина, закон ее распределения.
7. Геометрический закон.
8. Закон Пуассона.
9. Функция распределения случайной величины и ее свойства.

10. Плотность распределения непрерывной случайной величины и ее свойства.

11. Задачи математической статистики. Генеральная совокупность и выборка, их объем. Репрезентативность выборки. Способы отбора статистического материала.

12. Точечные оценки.

**5.1.7 Вопросы для промежуточного контроля знаний (Зачет)
по оценке освоения индикатора, достижения компетенций**

ИД-1опк.1: демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

1. Классическое определение вероятности, свойства вероятности. Статистический способ определения вероятности.

2. Теорема сложения вероятностей несовместных событий. Сумма вероятностей несовместных событий, образующих полную группу. Сумма вероятностей противоположных событий. Теорема сложения вероятностей совместных событий.

3. Теорема умножения вероятностей зависимых событий.

4. Теорема умножения вероятностей независимых событий. Вероятность появления хотя бы одного события.

5. Формула полной вероятности. Формулы Байеса.

6. Повторные независимые испытания. Теорема Бернулли.

7. Локальная и интегральная теоремы Лапласа.

8. Теорема Пуассона.

9. Математическое ожидание дискретной случайной величины, его свойства.

10. Дисперсия и среднее квадратическое отклонение случайной величины, их свойства.

11. Биномиальный закон.

12. Числовые характеристики непрерывной случайной величины.

13. Равномерный и показательный законы.

14. Нормальный закон.

15. Дискретный и интервальный вариационный ряд. Полигон и гистограмма.

16. Выборочные характеристики.

17. Интервальные оценки. Доверительные интервалы. Интервальные оценки параметров нормального распределения.

18. Регрессионный анализ. Уравнение прямой регрессии.

19. Корреляционный анализ. Коэффициент корреляции, его свойства.

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Пензенский государственный аграрный университет»

Кафедра «Физика и математика»
наименование кафедры

**5.2 КОМПЛЕКТ ЗАДАНИЙ ДЛЯ ВЫПОЛНЕНИЯ
РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКОЙ РАБОТЫ**

Коды контролируемых индикаторов достижения компетенций:

ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи
ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

(ОЧНАЯ ФОРМА ОБУЧЕНИЯ)

по дисциплине «Математика»
наименование дисциплины

Рабочая программа дисциплины «Математика» предполагает выполнение трех расчетно-графических работ (РГР): по одной в 1, 2 и 3-ем семестрах.

Трудоемкость РГР №1 «Линейная алгебра, аналитическая геометрия и дифференциальное исчисление функции одной переменной» – 12 часов.

Трудоемкость РГР №1 «Линейная алгебра, аналитическая геометрия и дифференциальное исчисление функции одной переменной» – 12 часов.

Трудоемкость РГР №1 «Линейная алгебра, аналитическая геометрия и дифференциальное исчисление функции одной переменной» – 12 часов.

5.2.1 Задание для выполнения расчетно-графической работы №1 «Линейная алгебра, аналитическая геометрия и дифференциальное исчисление функции одной переменной»

Семестр 1

Задание № 1 «Решение систем линейных уравнений по формулам Крамера и методом Гаусса». [9, с.154, задание 4].

Задание № 2 «Векторная алгебра». [9, с.168, задание 12 (1-5)].

Задание № 3 «Прямая на плоскости». [9, с.160, задание 6].

Задание №4 «Пределы функций». [10, с.96-99, №1].

Задание №5 «Производная функции». [10, с.101-103].

Задание №6 «Производная и дифференциал 2-го порядка». [10, с.103].

Задание №7 «Производная параметрически заданной функции». [10, с.104].

5.2.2 Задание для выполнения расчетно-графической работы №2 «Интегральное исчисление функции одной переменной. Функции двух переменных. Дифференциальные уравнения»

Семестр 2

Задание №1 «Неопределенный интеграл». [11, с.16, 4].

Задание №2 «Определенный интеграл». [11, с.28, 8.1].

Задание №3 «Несобственный интеграл». [11, с.29, 8.2].

Задание №4 «Частные производные и дифференциал». [11, с.36, 6.1].

Задание №5 «Частные производные и дифференциал 2-го порядка». [12, с.37-38].

Задание №6 «Экстремум функции двух переменных». [11, с.38, 6.3].

Задание №7 «Дифференциальные уравнения первого порядка». [12, с.49, 5.1].

Задание №8 «Линейные дифференциальные уравнения второго порядка». [11, с.52, 5.2].

Задания для расчетно-графической работы №2 содержатся в

11. Математика. Методические указания и задания к расчетным работам.

Часть 3. Неопределенный интеграл. Определенный интеграл. Функции

нескольких переменных. Дифференциальные уравнения. Ряды. М.А. Мокшанина, Т.Г. Федина и др. Пенза: РИО ПГСХА, 2002.

5.2.3 Задание для выполнения расчетно-графической работы №3 «Теория вероятностей и математическая статистика»

Семестр 3

Задание №1 «Классическое определение вероятности». [12, с.78, 1].

Задание №2 «Теоремы сложения и умножения вероятностей». [12, с.78, 2].

Задание №3 «Формулы полной вероятности и Байеса». [12, с.78, 3].

Задание №4 «Повторные независимые испытания». [12, с.78, 4].

Задания №1 - №4 для расчетно-графической работы №3 содержатся в 12. Математика. Теория вероятностей. Методические указания и задания к расчетным работам. Часть 4. Н.А. Тараканова, Т.Г. Федина. Пенза: РИО ПГСХА, 2004.

Задание №5. Задан закон распределения дискретной случайной величины X. Найти: 1) математическое ожидание $M(X)$; 2) дисперсию $D(X)$; 3) среднее квадратическое отклонение $\sigma(X)$.

1	x_i	3	5	8	9
	p_i	0,3	0,2	0,4	0,1

2	x_i	7	11	15	17
	p_i	0,2	0,4	0,3	0,1

3	x_i	4	6	8	10
	p_i	0,2	0,2	0,5	0,1

4	x_i	2	6	9	11
	p_i	0,1	0,5	0,3	0,1

5	x_i	5	7	10	12
	p_i	0,2	0,4	0,3	0,1

6	x_i	10	12	15	20
	p_i	0,1	0,5	0,2	0,2

7	x_i	2	4	6	10
	p_i	0,1	0,2	0,5	0,2

8	x_i	1	5	8	11

14	x_i	7	11	13	15
	p_i	0,2	0,1	0,5	0,2

15	x_i	5	8	10	13
	p_i	0,1	0,2	0,4	0,3

16	x_i	6	8	10	14
	p_i	0,2	0,3	0,4	0,1

17	x_i	1	4	7	10
	p_i	0,3	0,5	0,1	0,1

18	x_i	7	10	13	17
	p_i	0,1	0,4	0,3	0,2

19	x_i	8	12	14	16
	p_i	0,1	0,2	0,2	0,5

20	x_i	5	9	12	16
	p_i	0,1	0,3	0,2	0,4

21	x_i	4	5	6	8

p_i	0,1	0,4	0,2	0,3
-------	-----	-----	-----	-----

9	x_i	10	14	17	20
	p_i	0,1	0,3	0,4	0,2

10	x_i	5	7	10	12
	p_i	0,2	0,4	0,3	0,1

11	x_i	6	9	11	15
	p_i	0,2	0,3	0,1	0,4

12	x_i	8	12	13	16
	p_i	0,2	0,3	0,4	0,1

13	x_i	7	10	14	15
	p_i	0,2	0,3	0,1	0,4

p_i	0,3	0,4	0,2	0,1
-------	-----	-----	-----	-----

22	x_i	3	5	7	9
	p_i	0,2	0,1	0,3	0,4

23	x_i	6	8	9	10
	p_i	0,3	0,1	0,2	0,4

24	x_i	2	5	7	10
	p_i	0,1	0,2	0,4	0,3

25	x_i	11	12	13	15
	p_i	0,3	0,3	0,2	0,2

26	x_i	10	12	14	16
	p_i	0,4	0,3	0,2	0,1

Задание №6. Непрерывная случайная величина X задана функцией распределения $F(x)$. Найти: 1) плотность распределения $f(x)$; 2) математическое ожидание $M(X)$; 3) дисперсию $D(X)$.

$$\text{В вариантах 1-9 } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0, \\ \frac{x^2}{n^2}, & 0 < x \leq n, \\ 1, & x > n, \end{cases} \text{ где } n \text{ равно номеру варианта.}$$

$$\text{В вариантах 10-18 } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq k, \\ x - k, & k < x \leq k + 1, \\ 1, & x > k + 1, \end{cases} \text{ где } k = m - 9, \text{ } m \text{ - номер варианта.}$$

$$\text{В вариантах 19-26 } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq k, \\ \frac{x - k}{3}, & k < x \leq k + 3, \\ 1, & x > k + 3, \end{cases} \text{ где } k = m - 19, \text{ } m \text{ - номер варианта.}$$

Задание №7. Детали, выпускаемые цехом, по размеру диаметра распределены по нормальному закону. Стандартная длина диаметра детали (математическое ожидание) равна α мм, среднее квадратическое отклонение – σ мм. Найти: 1) вероятность того, что диаметр наудачу взятой детали будет больше α мм и меньше β мм; 2) вероятность того, что диаметр детали отклонится от стандартной длины не более чем на δ мм.

№ вар.	α	σ	α	β	δ
1	50	5	45	52	3
2	20	3	17	26	1,5

№ вар.	α	σ	α	β	δ
14	22	2	18	25	2
15	54	5	50	59	4

3	36	4	30	40	2
4	60	5	54	70	8
5	48	4	45	56	3
6	30	3	24	33	1,5
7	35	4	27	37	2
8	45	5	40	48	3
9	40	3	34	43	1,5
10	25	2	20	27	1
11	55	5	51	61	5
12	32	3	26	34	3
13	44	4	40	46	6

16	34	3	33	40	3
17	58	6	52	62	3
18	42	4	39	47	1
19	28	3	24	34	3
20	38	3	35	42	6
21	52	4	49	59	4
22	26	2	22	28	3
23	56	5	48	60	6
24	46	5	43	53	5
25	24	2	21	25	4
26	33	4	31	37	5

Задание №8. Получены результаты измерений некоторого количественного признака. Требуется:

- 1) составить дискретный вариационный ряд;
- 2) построить полигон относительных частот;
- 3) вычислить выборочную среднюю, размах вариации, исправленную выборочную дисперсию, исправленное выборочное среднее квадратическое отклонение, коэффициент вариации.

Номер измерения	Номер варианта												
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
1	5	2	4	3	6	12	12	7	8	4	11	10	4
2	8	6	5	4	5	14	8	6	10	2	12	7	8
3	2	3	2	6	4	13	11	7	13	6	8	8	7
4	3	3	3	4	8	15	9	9	13	4	11	9	9
5	5	5	5	4	5	16	11	5	13	5	8	12	8
6	2	4	4	7	8	15	13	8	10	4	11	13	12
7	7	2	5	5	7	10	10	5	10	6	10	11	10
8	1	2	3	7	5	11	15	7	15	5	9	6	8
9	4	4	6	4	8	11	14	7	13	2	5	13	5
10	6	1	5	6	3	15	9	8	16	3	9	14	9
11	3	3	4	5	9	10	15	7	10	4	7	13	11
12	8	3	5	3	8	16	8	8	9	5	6	11	9
13	4	2	2	5	6	16	10	9	8	5	9	8	11
14	5	5	4	7	7	12	16	4	13	4	8	7	4
15	6	7	4	6	4	14	12	6	11	3	11	9	7
16	3	4	5	7	6	14	13	5	11	2	7	8	10
17	4	3	6	5	7	13	14	7	8	3	10	14	9
18	7	2	4	2	3	14	12	6	8	4	12	6	8
19	4	4	3	3	5	17	16	5	9	4	6	8	7
20	9	3	4	5	5	15	12	9	12	5	10	13	6

Номер измерения	Номер варианта												
	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26
1	13	3	5	2	15	11	9	6	9	13	8	6	2

2	12	6	8	4	11	12	8	10	8	10	4	4	4
3	11	4	4	5	8	8	7	7	7	8	5	3	4
4	14	5	3	3	9	10	11	12	6	13	6	4	6
5	12	5	5	5	11	7	12	8	7	13	5	4	5
6	13	4	4	4	10	8	8	9	9	10	8	7	4
7	11	2	7	5	13	9	11	7	5	10	7	5	6
8	13	2	5	6	12	12	8	8	8	15	5	7	5
9	12	6	4	3	14	13	11	9	5	13	8	4	2
10	10	1	6	5	9	11	10	8	7	16	3	6	3
11	12	3	3	4	15	6	9	12	7	10	9	5	4
12	11	3	8	2	10	13	5	10	8	9	8	3	5
13	12	2	4	5	8	6	9	5	7	8	6	5	5
14	13	5	5	4	16	13	7	8	8	13	7	7	4
15	14	7	6	4	12	8	6	9	9	11	4	6	3
16	13	4	3	5	13	13	9	11	6	11	6	7	2
17	10	3	4	6	14	11	8	9	6	8	7	5	3
18	12	2	7	4	16	8	11	11	5	9	3	2	4
19	11	4	4	3	12	7	7	7	7	12	5	3	4
20	13	3	6	4	12	9	10	10	9	8	5	5	5

Задание №9. Полагая, что между признаками X и Y существует линейная корреляционная зависимость,

- 1) найдите коэффициент корреляции и сделайте вывод о тесноте и направлении линейной корреляционной связи между признаками;
- 2) составьте уравнение прямой регрессии Y на X;
- 3) отметьте в системе координат точки, соответствующие исходным данным, и постройте полученную прямую регрессии.

Номер наблюдения	Номер варианта									
	1		2		3		4		5	
	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y
1	10	24	97	35	41	47	30	38	93	36
2	41	32	104	31	40	48	11	19	101	31
3	38	35	103	32	39	44	29	29	95	34
4	39	36	98	34	38	45	30	39	97	35
5	12	24	101	30	36	42	8	19	102	30
6	39	34	102	33	37	45	15	21	94	35
7	41	38	100	31	39	50	21	30	96	36
8	8	17	99	34	36	47	32	37	100	31
9	7	24	96	35	36	46	12	16	95	36
10	13	20	98	32	38	46	30	33	92	37

Номер наблюдения	Номер варианта									
	10		11		12		13		14	
	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y
1	95	36	11	9	32	27	102	32	50	37
2	90	37	10	8	22	20	95	37	23	19
3	103	32	8	6	52	36	97	35	40	28
4	104	31	4	3	29	22	98	34	31	26
5	89	37	10	9	40	33	94	37	24	19

6	97	35	11	7	31	22	90	38	50	34	92	65	25	21	23	15	112	68
7	101	34	7	6	32	25	100	30	30	21	98	79	25	23	39	21	106	65
8	96	34	8	5	48	40	101	31	40	32	84	52	25	22	32	20	93	62
9	99	33	6	4	48	28	93	36	29	23	96	65	30	23	22	15	110	70
10	102	32	5	3	36	23	96	35	51	38	99	68	30	24	50	29	91	62

Номер наблюдения	Номер варианта																	
	19		20		21		22		23		24		25		26			
	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y		
1	40	34	7	30	103	79	20	15	85	56	7	26	50	38	97	61		
2	41	31	4	45	96	61	41	27	94	63	8	26	28	19	89	48		
3	21	15	8	30	93	59	50	33	92	60	11	36	41	29	95	59		
4	40	29	5	40	100	68	25	18	104	70	15	46	34	26	106	75		
5	49	36	6	40	89	55	41	25	101	64	19	50	25	19	98	62		
6	20	18	6	35	97	70	34	24	98	59	23	60	53	36	92	67		
7	42	27	7	35	98	66	24	18	93	61	27	66	30	22	85	60		
8	33	25	9	25	87	54	50	30	87	49	31	70	40	32	94	72		
9	21	18	3	50	106	75	29	20	99	58	35	75	31	21	103	78		
10	49	33	5	40	97	61	39	29	95	65	34	65	29	24	97	58		

5.2.2 Образец оформления титульного листа расчетно-графической работы

Министерство сельского хозяйства РФ
ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ

Инженерный факультет
Кафедра «Физика и математика»

РАСЧЕТНО-ГРАФИЧЕСКАЯ РАБОТА

по дисциплине
Математика

Вариант ____

Выполнил: студент 1 курса инженерного факультета
очного отделения

ФИО

Проверил: _____

ФИО

ПЕНЗА – 2021

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Пензенский государственный аграрный университет»

Кафедра «Физика и математика»
наименование кафедры

**5.3 КОМПЛЕКТ ЗАДАНИЙ ДЛЯ ВЫПОЛНЕНИЯ
КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ**

Коды контролируемых индикаторов достижения компетенций:

ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи
ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

(ЗАОЧНАЯ ФОРМА ОБУЧЕНИЯ)

по дисциплине «Математика»
наименование дисциплины

5.3.1 Задания для выполнения контрольных работ

Рабочая программа дисциплины «Математика» предполагает выполнение трех контрольных работ.

Контрольная работа №1 выполняется к зимней сессии 1 курса.

Контрольная работа №2 выполняется к летней сессии 1 курса.

Контрольная работа №3 выполняется к зимней сессии 2 курса.

5.3.1.1 Задание для выполнения контрольной работы №1

Контрольная работа №1 состоит из восьми задач. Студент выполняет задачи в соответствии со своим шифром. Если последние две цифры шифра, например, 17, то нужно решить задачи 17, 37, 57, 77, 97, 117, 137, 157. Если последние две цифры шифра, например, 23, то нужно решить задачи 3, 23, 43, 63, 83, 103, 123, 143.

Каждую контрольную работу следует выполнять в отдельной тетради, на внешней обложке которой должны быть указаны дисциплина, номер контрольной работы, факультет, направление, профиль, фамилия и инициалы студента, шифр. После выполнения контрольной работы необходимо привести список использованной литературы, указать дату завершения и подписать работу.

Страницы тетради, на которых выполняется контрольная работа, должны иметь поля шириной 3 см для замечаний преподавателя. Работа должна быть написана грамотно, разборчивым почерком.

Перед решением каждой задачи нужно привести полностью ее условие. В том случае, если несколько задач, из которых студент выбирает задачу своего варианта, имеют общую формулировку, следует, переписывая условие задачи, заменить общие данные конкретными из соответствующего номера.

Следует придерживаться той последовательности при решении задач, в какой они даны в задании, строго сохраняя при этом нумерацию примеров.

В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании по своему варианту. Контрольные работы, содержащие не все задания, а также содержащие задачи не своего варианта, не зачитываются.

Решения заданий должны сопровождаться подробными пояснениями. Все вычисления приводятся полностью, чертежи и графики должны быть выполнены аккуратно, с указанием координатных осей и единиц масштаба.

Пример оформления титульного листа контрольной работы приведен ниже.

В задачах 1-20 решить систему уравнений

а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса.

$$1. \begin{cases} 2x - 4y + 3z = 1 \\ x - y + 2z = 3 \\ -3x + y + 7z = 0 \end{cases} \quad 2. \begin{cases} x - 4y + 2z = 0 \\ -2x + y - 3z = -5 \\ 5x - y + 2z = 3 \end{cases}$$

$$3. \begin{cases} -4x + 5y - z = -3 \\ 2x - y + 3z = 3 \\ x - 3y - 7z = -1 \end{cases}$$

$$5. \begin{cases} 4x - 2y + 5z = 1 \\ 3x - 2y + z = 3 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$$

$$7. \begin{cases} 3x - y + 2z = 3 \\ -7x - 3y + z = -1 \end{cases}$$

$$9. \begin{cases} 3x - 2y + 4z = 6 \\ -x + 3y - z = 1 \\ 2x - 5y + z = -3 \end{cases}$$

$$11. \begin{cases} 3x - 4y + 5z = 2 \\ -2x + 3y + z = -1 \\ 3x - y - 2z = 5 \end{cases}$$

$$13. \begin{cases} -3x + 4y + 5z = 4 \\ -x + 3y - z = 2 \\ x - 2y + 3z = 2 \end{cases}$$

$$15. \begin{cases} 5x - 4y + 3z = 2 \\ x + 3y - 2z = -1 \\ -2x - y + 3z = 5 \end{cases}$$

$$17. \begin{cases} 4x - 2y + 3z = 6 \\ -x + 3y - z = 1 \\ x - 5y + 2z = -3 \end{cases}$$

$$19. \begin{cases} 3x + y + 2z = 5 \\ 4x - y + 3z = 4 \\ 3x + 2y + 4z = 4 \end{cases}$$

$$4. \begin{cases} x - 3y + z = -2 \\ -3x + y + 2z = -5 \\ 2x - y + 3z = 7 \end{cases}$$

$$6. \begin{cases} x + y - 3z = 6 \\ 5x - 3y + 2z = 5 \\ -x + 3y + 5z = -4 \end{cases}$$

$$8. \begin{cases} 5x - 5y + 3z = 5 \\ x - 2y + 2z = 0 \\ x - 3y + 4z = -1 \end{cases}$$

$$10. \begin{cases} -x + 2y - z = 0 \\ 2x - 3y + 2z = 2 \\ x + 2y - 3z = 4 \end{cases}$$

$$12. \begin{cases} 2x - y + 3z = 0 \\ -3x - y + 2z = -9 \\ 4x - 2y + 5z = 1 \end{cases}$$

$$14. \begin{cases} 5x - 2y + 7z = 1 \\ x + 3y - z = 6 \\ -x + 3y + 2z = -1 \end{cases}$$

$$16. \begin{cases} x - 3y + 5z = 2 \\ 2x - y + 3z = 7 \\ -3x + 2y + 7z = 2 \end{cases}$$

$$18. \begin{cases} 2x - 4y + z = 0 \\ -3x + y - 2z = -5 \\ 2x - y + 5z = 3 \end{cases}$$

$$20. \begin{cases} 3x - 5y + 5z = 5 \\ 2x - 2y + z = 0 \\ 4x - 3y + z = -1 \end{cases}$$

В задачах 21-40 даны координаты вершин треугольника ABC.

Найти

- 1) длину стороны AB,
- 2) уравнения сторон AB и AC и их угловые коэффициенты,
- 3) тангенс угла A;

- 4) уравнение высоты BD и ее длину;
 5) уравнение медианы AE;
 6) точку K пересечения медианы AE и высоты BD;
 7) уравнение прямой, проходящей через точку K параллельно стороне AB.
21. $A(5, -1), B(2, 3), C(-4, -3)$. 22. $A(0, -8), B(-6, 6), C(2, 4)$.
 23. $A(-3, 7), B(5, 1), C(3, -3)$. 24. $A(0, 7), B(8, -11), C(-4, 3)$.
 25. $A(-3, 5), B(2, 6), C(4, 2)$. 26. $A(-5, -2), B(6, -4), C(2, 2)$.
 27. $A(4, -2), B(1, -1), C(3, 9)$. 28. $A(-1, 5), B(7, 8), C(3, 6)$.
 29. $A(3, -3), B(1, 9), C(-5, 5)$. 30. $A(2, -2), B(10, 1), C(12, 11)$.
 31. $A(7, -5), B(5, -1), C(1, -3)$. 32. $A(7, -5), B(8, 3), C(4, 1)$.
 33. $A(2, 7), B(0, 9), C(1, -1)$. 34. $A(-10, 0), B(12, 4), C(8, 6)$.
 35. $A(-3, -1), B(0, 2), C(2, 8)$. 36. $A(-2, 0), B(2, 7), C(10, 1)$.
 37. $A(-3, 5), B(-4, 0), C(2, 2)$. 38. $A(-4, -2), B(3, -3), C(9, -7)$.
 39. $A(5, 3), B(0, 0), C(6, -2)$. 40. $A(1, -6), B(-7, 2), C(9, 6)$.

В задачах 41-60 определить вид кривой второго порядка; указать ее фокусы (фокус). Построить кривую.

41. $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$

42. $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{9} = 1$

43. $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{16} = 1$

44. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$

45. $y^2 = -2x$

46. $x^2 = -3y$

47. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$

48. $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{25} = 1$

49. $x^2 = 8y$

50. $y^2 = 4x$

51. $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{4} = 1$

52. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{1} = 1$

53. $x^2 = 2y$

54. $x^2 = 4y$

55. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$

56. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$

57. $y^2 = -4x$

58. $x^2 = 6y$

59. $\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{4} = 1$

60. $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{4} = 1$

В задачах 61-80 даны координаты вершин пирамиды ABCD.

Найти

1) координаты векторов \overrightarrow{AA} , \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{AD} , записать эти вектора в системе орт i , j , k ;

2) найти косинус угла между векторами \overrightarrow{AA} и \overrightarrow{AC} ;

3) найти проекцию вектора \overrightarrow{AD} на вектор \overrightarrow{AA} ;

4) найти площадь грани ABC;

5) найти объем пирамиды ABCD;

6) составить уравнение плоскости грани ABC;

7) составить уравнение прямой ребра AB.

$$61. A(5, -1, 3), B(4, 3, -2), C(-3, -1, 1), D(4, 2, 2).$$

$$62. A(3, 2, 7), B(-4, -1, 1), C(2, 1, -3), D(1, 3, 0).$$

$$63. A(5, 3, 7), B(-3, -1, 2), C(1, 2, -3), D(2, 7, 2).$$

$$64. A(1, -3, 2), B(-3, 1, -1), C(1, 2, 3), D(-2, -5, 7).$$

$$65. A(-1, 2, 1), B(2, -3, 2), C(-1, 2, -3), D(0, 2, 4).$$

$$66. A(-3, -1, 1), B(4, 3, -2), C(5, -1, 3), D(4, 2, 2).$$

$$67. A(2, 1, -3), B(-4, -1, 1), C(3, 2, 7), D(1, 3, 0).$$

$$68. A(1, 2, -3), B(-3, -1, 2), C(5, 2, 7), D(2, 7, 2).$$

$$69. A(-3, 2, 5), B(1, -3, 3), C(1, 5, -1), D(6, 5, 4).$$

$$70. A(2, 3, 4), B(1, -1, 2), C(3, 4, 3), D(5, 4, 4).$$

$$71. A(5, 1, 2), B(-2, -2, -1), C(4, 3, -1), D(3, 3, -5).$$

$$72. A(3, 2, 5), B(1, -1, -2), C(2, -2, 4), D(0, -9, -1).$$

$$73. A(7, -1, 2), B(-2, 3, 3), C(5, 1, -1), D(1, 6, -1).$$

$$74. A(1, 5, -1), B(1, -3, 3), C(-3, 2, 5), D(6, 5, -4).$$

$$75. A(3, 4, 3), B(1, -1, 2), C(2, 3, 4), D(5, 4, 4).$$

$$76. A(4, 3, -1), B(-2, -2, -1), C(5, 1, 2), D(1, 3, -5).$$

$$77. A(2, -3, 4), B(1, -1, -2), C(3, 2, 5), D(0, -9, 1).$$

$$78. A(5, 1, -1), B(-2, 3, 3), C(7, -1, 2), D(1, 6, -1).$$

$$79. A(1, 2, 3), B(-3, 1, -1), C(1, -3, 2), D(-2, -3, 7).$$

$$80. A(-1, 2, -3), B(2, -3, 2), C(-1, 2, 1), D(0, 2, 4).$$

В задачах 81-100 найти указанные пределы

$$81. 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 4x + 3}; \quad a) x_0 = 2, b) x_0 = 1, c) x_0 = \infty$$

$$2) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+2} - 1}{x+1} \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\operatorname{tg} 3x} \quad 4) \lim_{x \rightarrow 0} (1 - \sin x)^{\frac{1}{5x}}$$

82. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 5x + 6}$; a) $x_0 = 5$, b) $x_0 = 2$, c) $x_0 = \infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2 - \sqrt{3x+1}}{2x-2}$ 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{x \sin 3x}$ 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{2x-3}\right)^{4x-5}$

83. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{2x^2 - 5x - 3}{x^2 - 2x - 3}$; a) $x_0 = 2$, b) $x_0 = 3$, c) $x_0 = \infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3 - \sqrt{2x+5}}{2x-4}$ 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{5x}$ 4) $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin 10x)^{\frac{1}{4x}}$

84. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 3x - 4}{x^2 - 16}$; a) $x_0 = 1$, b) $x_0 = 4$, c) $x_0 = \infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{1 - \sqrt{x+2}}{2x+2}$ 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 2x}{\arcsin 5x}$ 4) $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + x^2)^{\frac{1}{3x^3}}$

85. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 + x - 2}{x^2 + 2x - 3}$; a) $x_0 = 5$, b) $x_0 = 1$, c) $x_0 = \infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x+1} - 2}{x^2 - 1}$ 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 7x}{\sin 9x}$ 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{2x-3}\right)^{3x}$

86. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 + x - 6}{x^2 + 2x - 8}$; a) $x_0 = 1$, b) $x_0 = 2$, c) $x_0 = \infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x+5} - 3}{x^2 - 4}$ 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin \frac{x}{2}}{\operatorname{tg} 3x}$ 4) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x+2}\right)^{3x+5}$

87. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{3x^2 - 8x - 3}{x^2 - x - 6}$; a) $x_0 = -1$, b) $x_0 = 3$, c) $x_0 = \infty$
 2) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{x^2 - 9}$ 3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 3x}{5x \sin 7x}$ 4) $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin 2x)^{\frac{1}{x}}$

88. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 5x + 4}{x^2 - 3x - 4}$; a) $x_0 = 3$, b) $x_0 = 4$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+2}-1}{x^2-1}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 3x}{\operatorname{tg} 2x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{3}{2x-6}\right)^{x+5}$$

89. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 + 2x - 3}$; a) $x_0 = 3$, b) $x_0 = 1$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2 - \sqrt{3x+1}}{x-1}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 3x}{\sin 5x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{2x+1}\right)^{x+1}$$

90. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 + 2x - 8}{x^2 - x - 2}$; a) $x_0 = 4$, b) $x_0 = 2$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3 - \sqrt{2x+5}}{x-2}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{\operatorname{tg} 3x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow 0} (1 - \sin 3x)^{\frac{2}{5x}}$$

91. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{2x^2 - 5x - 3}{x^2 - x - 6}$; a) $x_0 = 5$, b) $x_0 = 3$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{2 - \sqrt{x+1}}{x-3}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{\sin 5x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{4}{2x+3}\right)^{5x}$$

92. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 + x - 2}$; a) $x_0 = 2$, b) $x_0 = 1$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{1+x}{\sqrt{2x+3}-1}.$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 6x}{\sin x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{3x-1}\right)^{x-1}$$

93. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 + x - 6}$; a) $x_0 = -1$, b) $x_0 = 2$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{2 - \sqrt{x+1}}{2x-6}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 5x}{\arcsin 2x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{7}{x-3}\right)^{x-1}$$

94. 1) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 2x - 3}{3x^2 - 8x - 3}$; a) $x_0 = 4$, b) $x_0 = 3$, c) $x_0 = \infty$

$$2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{3-x}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{arctg} 2x}{\sin 5x}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{15}{3x+2}\right)^{x-2}$$

$$95. \begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 3x + 2}; & \text{ a) } x_0 = -1, \text{ b) } x_0 = 1, \text{ c) } x_0 = \infty \\ 2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x+5}-3}{2-x} & \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} x \cdot \operatorname{ctg} 2x \\ 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{x+3}\right)^{2x+1} \end{aligned}$$

$$96. \begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - x - 2}; & \text{ a) } x_0 = 1, \text{ b) } x_0 = 2, \text{ c) } x_0 = \infty \\ 2) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{3x+1}-2}{1-x} & \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 2x}{\sin 3x} \\ 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{3}{2x+7}\right)^{x-4} \end{aligned}$$

$$97. \begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - 2x - 3}{2x^2 - 5x - 3}; & \text{ a) } x_0 = 4, \text{ b) } x_0 = 3, \text{ c) } x_0 = \infty \\ 2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{2 - \sqrt{x+1}}{x-3} & \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 x}{\operatorname{tg}^2 3x} \\ 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{11}{x+5}\right)^{3x-7} \end{aligned}$$

$$98. \begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{7x^2 - 28x}{x^2 - 3x - 4}; & \text{ a) } x_0 = 3, \text{ b) } x_0 = 4, \text{ c) } x_0 = \infty \\ 2) \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x+1}{\sqrt{x+2}-1} & \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\sin x} \\ 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{2}{2x+5}\right)^{4x-1} \end{aligned}$$

$$99. \begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 + 2x - 3}{2x^2 - 2}; & \text{ a) } x_0 = 2, \text{ b) } x_0 = 1, \text{ c) } x_0 = \infty \\ 2) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1-x}{\sqrt{3x+1}-2} & \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 2x}{\operatorname{tg} 15x} \\ 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{9}{2x-1}\right)^{x+3} \end{aligned}$$

$$100. \begin{aligned} 1) \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{x^2 - x - 6}{2x^2 - 18}; & \text{ a) } x_0 = 1, \text{ b) } x_0 = 3, \text{ c) } x_0 = \infty \\ 2) \lim_{x \rightarrow 3} \frac{6 - 2x}{\sqrt{x+1}-2} & \quad 3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{16x^2}{\operatorname{tg} 8x} \\ 4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{2}{x-5}\right)^{6x-1} \end{aligned}$$

В задачах 101 - 120 найти производные и дифференциалы первого порядка.

$$101. \text{ a) } y = \frac{\sin^2 x}{x^3 + 1}; \quad \text{ б) } y = \ln^5(x - 2^{-x}); \quad \text{ в) } y - x = \arcsin y.$$

$$102. \text{ a)} y = (3x - 4)^3 \cdot \arcsin 3x^2; \text{ b)} xy = ctgy.$$

$$103. \text{ a)} y = 2^{-x^3} \cdot arctg 7x^4; \text{ b)} y = (5^{\sin^2 x} - \cos 2x)^3; \text{ b)} 3y = 6 + xy^3.$$

$$104. \text{ a)} y = e^{-\sin x} \cdot tg 7x^6; \text{ b)} y = (2^{\arccos \sqrt{x}} - \sqrt{1-x})^4; \text{ b)} x^2 y^2 + x = 5y.$$

$$105. \text{ a)} y = \frac{\ln(7x+2)}{(x-6)^4}; \text{ b)} y = e^{arctg \sqrt{4x-1}}; \text{ b)} x^4 + x^2 y^2 + y = 4.$$

$$106. \text{ a)} y = (x-3)^4 \cdot \arccos 5x^3; \text{ b)} y = \ln(3x^2 + \sqrt{9x^4 + 1}); \text{ b)} ye^y = e^{x+1}.$$

$$107. \text{ a)} y = \frac{\cos^2 3x}{\lg(3x-4)}; \text{ b)} y = (4^{\arccos 2x} + \sqrt{1-4x^2})^3; \text{ b)} \sin y = xy^2 + 5.$$

$$108. \text{ a)} y = \frac{\arcsin(2x-7)}{(x+2)^4}; \text{ b)} y = (4^{tg \sqrt{x}} + \sqrt{x})^3; \text{ b)} xy^2 - y^3 = 4x - 5.$$

$$109. \text{ a)} y = 3^{\cos x} \cdot \ln(x^2 - 3x + 7); \text{ b)} y = arctg \frac{x}{\sqrt{9-x^2}}; \text{ b)} y = e^y + 4x.$$

$$110. \text{ a)} y = \frac{e^{\arccos x}}{\sqrt{x+5}}; \text{ b)} y = (3^{arctg 2x} + \ln(1+4x^2))^4; \text{ b)} y^2 - x = \cos y.$$

$$111. \text{ a)} y = \frac{e^{-ctg 5x}}{3x^2 - 4x + 2}; \text{ b)} y = \arcsin \sqrt{1 - \sin^2 x}; \text{ b)} \ln y - \frac{y}{x} = 7.$$

$$112. \text{ a)} y = \frac{\sqrt{5x^2 - x + 1}}{e^{3x}}; \text{ b)} y = \ln^4(x^5 - \sin^5 2x); \text{ b)} arctgy = 4x + 5y.$$

$$113. \text{ a)} y = 5^{-x^2} \cdot \arcsin 3x^3; \text{ b)} y = (3^{ctg^2 x} + \ln \sin x)^2; \text{ b)} x^3 y - y = 6x.$$

$$114. \text{ a)} y = (x^9 + 1) \cdot \cos 5x; \text{ b)} y = (2^{x^4} - tg^4 x)^3; \text{ b)} arctgx - \ln \sqrt{2y+3} = y.$$

$$115. \text{ a)} y = (x+1) \cdot \arccos 3x^4; \text{ b)} y = \left(5^{tg^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x} \right)^3; \text{ b)} x \ln x - e^y + y = 0.$$

$$116. \text{ a)} y = \frac{e^{ctg 5x}}{(x+4)^3}; \text{ b)} y = \ln \arccos \frac{1}{\sqrt{2x}}; \text{ b)} y^2 + x^2 = \sin y.$$

$$117. \text{ a)} y = 4^{\sin x} \cdot arctg 3x; \text{ b)} y = \ln \cos e^{-4x}; \text{ b)} \ln y - \frac{y}{x} = 7.$$

$$118. \text{ a)} y = e^{-\cos x} \cdot \arcsin 2x; \text{ b)} y = \ln arctg \sqrt{x-1}; \text{ b)} ctg^2(x+y) = 5x.$$

$$119. \text{ a)} y = \frac{e^{-tg 3x}}{4x^2 - 3x + 5}; \text{ b)} y = \ln arctg \frac{1}{x}; \text{ b)} \sin^2(3x + y^2) = 5.$$

$$120. \text{ а) } y = \frac{\ln(5x-3)}{4tg3x^4}; \text{ б) } y = \arccos \sqrt{1-2^x}; \text{ в) } \sin x - arctgy = 0.$$

В задачах 121 – 140 найти y'_x , если функция y аргумента x задана параметрическими уравнениями.

$$121. \begin{cases} x = e^{3t+1}, \\ y = e^{-3t+1}. \end{cases}$$

$$122. \begin{cases} x = e^{-t} \sin 2t, \\ y = e^t \cos 2t. \end{cases}$$

$$123. \begin{cases} x = t - \ln 4t, \\ y = 3t^2 - 2t^3. \end{cases}$$

$$124. \begin{cases} x = 3t^2 + \ln 3t, \\ y = 2t^3 + t. \end{cases}$$

$$125. \begin{cases} x = 2 - \sin 2t, \\ y = 4 \cos t. \end{cases}$$

$$126. \begin{cases} x = 3 \cos 4t, \\ y = 3 \sin 4t. \end{cases}$$

$$127. \begin{cases} x = e^{-4t}, \\ y = e^{2t}. \end{cases}$$

$$128. \begin{cases} x = 2(t - \sin t), \\ y = 2(1 - \cos t). \end{cases}$$

$$129. \begin{cases} x = \sqrt{4-t^2}, \\ y = \arcsin \frac{t}{2}. \end{cases}$$

$$130. \begin{cases} x = ctgt, \\ y = \frac{1}{\sin t}. \end{cases}$$

$$131. \begin{cases} x = 3 \cos^2 t, \\ y = 2 \sin^3 t. \end{cases}$$

$$132. \begin{cases} x = \cos^2 2t, \\ y = \cos 4t. \end{cases}$$

$$133. \begin{cases} x = 5 \cos 3t, \\ y = 4 \sin 3t. \end{cases}$$

$$134. \begin{cases} x = e^{2t} \cos 2t, \\ y = e^{2t} \sin 2t. \end{cases}$$

$$135. \begin{cases} x = arctg 2t, \\ y = \ln(1 + 4t^2). \end{cases}$$

$$136. \begin{cases} x = t^3, \\ y = \ln 5t. \end{cases}$$

$$137. \begin{cases} x = te^{-t}, \\ y = te^t. \end{cases}$$

$$138. \begin{cases} x = 3 \sin^2 t, \\ y = 6 \cos^2 t. \end{cases}$$

$$139. \begin{cases} x = \frac{t}{\sqrt{t^2+1}}, \\ y = \sqrt{t^2+1}. \end{cases}$$

$$140. \begin{cases} x = \frac{1}{t-3}, \\ y = \frac{t}{t-3}. \end{cases}$$

В задачах 141 - 160 исследовать заданную функцию методами дифференциального исчисления и построить ее график.

Исследование функции и построение графика рекомендуется проводить по следующей схеме.

- 1) Найти область определения функции.
- 2) Исследовать функцию на непрерывность, найти точки разрыва функции и ее односторонние пределы в точках разрыва. Если необходимо, исследовать поведение функции на границе области ее определения.
- 3) Найти асимптоты графика функции: а) вертикальные, б) наклонные.
- 4) Найти интервалы возрастания, убывания и экстремумы функции.
- 5) Найти интервалы выпуклости и вогнутости графика функции, точки его перегиба.
- 6) Построить график функции. Для этого в системе координат провести асимптоты, отметить точки экстремума, точки перегиба и, если необходимо, дополнительно

некоторые точки графика. Затем, учитывая результаты исследования, провести плавную кривую, соединяя отмеченные точки и приближая ее к асимптотам.

$$141. \ y = x^2 \cdot e^{\frac{1}{x}}.$$

$$142. \ y = \frac{3x^2 - 1}{x^3}.$$

$$143. \ y = \frac{x}{2} + \frac{2}{x^2}.$$

$$144. \ y = xe^{-x}.$$

$$145. \ y = \frac{x^2 - 6x + 1}{x - 6}.$$

$$146. \ y = (1 + x^2) \cdot e^{x^2}.$$

$$147. \ y = (x + 1) \cdot e^{x+2}.$$

$$148. \ y = \frac{2x^2}{2x - 1}.$$

$$149. \ y = \frac{x}{1 + x^2}.$$

$$150. \ y = x^2 \cdot e^{-x}.$$

$$151. \ y = 2x - 3 \cdot \sqrt[3]{x^2}.$$

$$152. \ y = x - 2 + \frac{4}{x - 2}.$$

$$153. \ y = \frac{e^{x-1}}{x}.$$

$$154. \ y = xe^{-\frac{x^2}{2}}.$$

$$155. \ y = \frac{x^2}{1 + x^2}.$$

$$156. \ y = \frac{x^3}{3(x^2 - 3)}.$$

$$157. \ y = \left(\frac{x - 1}{x} \right)^2.$$

$$158. \ y = e^{2x-x^2}.$$

$$159. \ y = \frac{\sqrt{e^x}}{x}.$$

$$160. \ y = \frac{3x}{1 + x^3}.$$

5.3.1.1 Задание для выполнения контрольной работы №2

Контрольная работа №2 состоит из девяти задач. Студент выбирает номера задач также, как и для контрольной работы №1.

В задачах 161 - 180 найти неопределенные интегралы:

$$161. \text{ а) } \int \sqrt{(2 - x^2)^3} \cdot x dx; \quad \text{ б) } \int \frac{\ln x}{x^4} dx; \quad \text{ в) } \int \frac{7x - 10}{x(x^2 - 6x + 10)} dx;$$

$$\text{ г) } \int \frac{dx}{(\sqrt[3]{x} + 4)\sqrt{x}}; \quad \text{ д) } \int \frac{dx}{5 + 4 \sin x}.$$

$$162. \text{ а) } \int x^2 (2x^3 + 7)^5 dx; \quad \text{ б) } \int \arccos 3x dx; \quad \text{ в) } \int \frac{x^2}{(x+1)(x+3)^2} dx;$$

$$\text{ г) } \int \frac{\sqrt[4]{x} dx}{\sqrt{x} + 1}; \quad \text{ д) } \int \sin^3 x \cdot \cos^5 x dx.$$

$$163. \text{ а) } \int \frac{e^x}{x^2} dx; \quad \text{ б) } \int \operatorname{arctg} 4x dx; \quad \text{ в) } \int \frac{9x^3 + 3x^2 - 2}{(x-1)(x^2 + 4x + 5)} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{dx}{\sqrt{x}(\sqrt[3]{x}-9)}; \quad \Delta) \int \frac{dx}{3-2\sin x + \cos x}.$$

$$164. \text{ a)} \int \frac{e^x}{(7-e^x)^2} dx; \quad \text{б)} \int (x-6)\sin 2x; \quad \text{в)} \int \frac{7x^3+2x^2-1}{(x+3)(x^2-2x+5)} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{\sqrt[3]{2x-1}-1}{(2x-1)\cdot\sqrt[6]{2x-1}} dx; \quad \Delta) \int \sin^2 x \cdot \cos^5 x dx.$$

$$165. \text{ а)} \int e^{x^2+4x+3}(x+2)dx; \quad \text{б)} \int (2x+1)\sin 4x dx; \quad \text{в)} \int \frac{x}{x^3+1} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{\sqrt{x}}{1+\sqrt[3]{x}} dx; \quad \Delta) \int \frac{dx}{6+6\sin x + 5\cos x}.$$

$$166. \text{ а)} \int \frac{x^4}{\cos^2(2x^5-3)} dx; \quad \text{б)} \int (3-x)e^{\frac{x}{2}} dx; \quad \text{в)} \int \frac{x^2-7x-18}{(x+1)(x^2+4x+8)} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{\sqrt[6]{x+5}-2}{\sqrt{x+5}-3\cdot\sqrt[3]{x+5}} dx; \quad \Delta) \int \sin^4 \frac{x}{2} \cdot \cos^2 \frac{x}{2} dx.$$

$$167. \text{ а)} \int \frac{\cos x}{\sqrt[3]{\sin^2 x}} dx; \quad \text{б)} \int \arcsin 6x dx; \quad \text{в)} \int \frac{x^3+10x^2+14x+5}{(x-5)(x^2+8x+25)} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{dx}{\sqrt{x}(1+\sqrt[4]{x})}; \quad \Delta) \int \frac{dx}{2-\sin x}.$$

$$168. \text{ а)} \int \frac{\sin 3x}{\sqrt[3]{\cos^4 3x}} dx; \quad \text{б)} \int \operatorname{arcctg} 2x dx; \quad \text{в)} \int \frac{x^2+15x+4}{(x-1)(x^2+2x+2)} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{\sqrt{x+1}}{\sqrt[3]{x+1}-1} dx; \quad \Delta) \int \sin^5 \frac{x}{2} dx.$$

$$169. \text{ а)} \int \sqrt[3]{3-4\sin x} \cdot \cos x dx; \quad \text{б)} \int \frac{\ln x}{x^3} dx; \quad \text{в)} \int \frac{3x-14}{(x-2)(x^2-4x+8)} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{1}{\sqrt{x-4}\cdot\sqrt[3]{x}} dx; \quad \Delta) \int \frac{dx}{4+2\sin x + 3\cos x}.$$

$$170. \text{ а)} \int \frac{\sin x dx}{\sqrt{4+\cos^2 x}}; \quad \text{б)} \int \ln(1-x) dx; \quad \text{в)} \int \frac{x^4+2}{x^3-x} dx;$$

$$\Gamma) \int \frac{dx}{\sqrt[4]{x^3} \cdot (\sqrt{x}-1)}; \quad \Delta) \int \sin^6 x \cdot \cos^3 x dx.$$

171. а) $\int \frac{dx}{\operatorname{tg} \frac{x}{5}};$ б) $\int (2x^3 - x) \ln x dx;$ в) $\int \frac{4x^3 + x - 18}{x(x^2 - 6x + 18)} dx;$

г) $\int \frac{dx}{\sqrt{x+3} \cdot (\sqrt[3]{x+3} + 1)};$ д) $\int \frac{dx}{8 - 4 \sin x + 7 \cos x}.$

172. а) $\int \frac{\sin x dx}{\sqrt{4 - \cos^2 x}};$ б) $\int (6x - 1)e^{2x+1} dx;$ в) $\int \frac{2x^2 - 3x - 3}{(x-1)(x^2 - 2x + 5)} dx;$

г) $\int \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt[3]{x+1}} dx;$ д) $\int \cos^4 \frac{x}{2} dx.$

173. а) $\int \frac{\operatorname{ctg} 2x}{\sin^2 2x} dx;$ б) $\int \sqrt[4]{x} \cdot \ln x dx;$ в) $\int \frac{7x+13}{x(x^2 + 6x + 13)} dx;$

г) $\int \frac{\sqrt{x} + 2 \cdot \sqrt[3]{x}}{1 + \sqrt[6]{x}} dx;$ д) $\int \frac{dx}{3 + 5 \cos x}.$

174. а) $\int \frac{dx}{\cos^2 x \cdot \sqrt{\operatorname{tg} x - 1}};$ б) $\int x \cdot e^{-\frac{x}{3}} dx;$ в) $\int \frac{x^2 + 4x + 4}{x(x-1)^2} dx;$

г) $\int \frac{\sqrt[3]{x}}{\sqrt[3]{x^2} - \sqrt{x}} dx;$ д) $\int \sin^5 x \cdot \cos^4 x dx.$

175. а) $\int \frac{\sin 4x}{(1 + \cos 4x)^2} dx;$ б) $\int \sqrt{x} \cdot \ln 3x dx;$ в) $\int \frac{4x^3 - 3x^2 + 2}{(x+2)(x^2 + 6x + 10)} dx;$

г) $\int \frac{dx}{\sqrt{x}(\sqrt[3]{x} + \sqrt[6]{x})};$ д) $\int \frac{dx}{3 + \sin x + 2 \cos x}.$

176. а) $\int \frac{dx}{\arcsin^4 x \cdot \sqrt{1-x^2}};$ б) $\int (x+3) \sin 6x dx;$ в) $\int \frac{x^3 + 8}{x(x^2 + 4x + 8)} dx;$

г) $\int \frac{dx}{\sqrt{2x+1}(1 + \sqrt[3]{2x+1})};$ д) $\int \cos^5 \frac{x}{2} dx.$

177. а) $\int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2} \cdot \arccos x};$ б) $x \cdot 4^{7x} dx;$ в) $\int \frac{x^3 + 3x^2 - 5x + 10}{(x+3)(x^2 - 2x + 10)} dx;$

г) $\int \frac{dx}{\sqrt[4]{x} \cdot (\sqrt{x} + 1)};$ д) $\int \frac{dx}{5 + 4 \sin x + 3 \cos x}.$

178. а) $\int \frac{e^{-\operatorname{arctg} x}}{1+x^2} dx;$ б) $\int (x+4) \cos 4x dx;$ в) $\int \frac{x^4}{(x+2)(x-1)^2} dx;$

$$\text{г) } \int \frac{dx}{\sqrt[6]{x^5}(9 + \sqrt[3]{x})}; \quad \text{д) } \int \sin^2 \frac{x}{2} \cdot \cos^4 \frac{x}{2} dx.$$

$$179. \text{ а) } \int \frac{\operatorname{arctg} \frac{x}{2}}{4+x^2} dx; \quad \text{б) } \int x \cdot e^{\frac{x}{5}} dx; \quad \text{в) } \int \frac{x^2 - 9x + 15}{x(x^2 - 4x + 5)} dx;$$

$$\text{г) } \int \frac{\sqrt{x}-1}{x+\sqrt[3]{x^2}} dx; \quad \text{д) } \int \frac{dx}{5+4\cos x}.$$

$$180. \text{ а) } \int \sqrt{\frac{\arcsin x}{1-x^2}} dx; \quad \text{б) } \int (x+2) \cos 5x dx; \quad \text{в) } \int \frac{14x^3 + 3x^2 + 2}{(x+1)(x^2 + 2x + 17)} dx;$$

$$\text{г) } \int \frac{dx}{\sqrt{x}(1+\sqrt[4]{x})^2}; \quad \text{д) } \int \sin^7 x \cdot \cos^3 x dx.$$

В задачах 181 - 200 вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$181. \ y = x^2 - 6x + 8; \quad y = x + 2.$$

$$182. \ y = x^2 + 2x - 3; \quad y = -x + 1.$$

$$183. \ y = x^2 + 8x + 12; \quad y = x + 2.$$

$$184. \ y = x^2 - 6x + 5; \quad y = x - 5.$$

$$185. \ y = x^2 + 2x + 2; \quad y = -x + 6.$$

$$186. \ y = x^2 - 6x + 3; \quad y = -x + 7.$$

$$187. \ y = x^2 - 6x + 13; \quad y = x + 7.$$

$$188. \ y = x^2 - 2x - 3; \quad y = x + 1.$$

$$189. \ y = x^2 + 6x + 5; \quad y = -x - 1.$$

$$190. \ y = x^2 - 8x + 12; \quad y = -x + 6.$$

$$191. \ y = x^2 - 6x + 8; \quad y = x - 2.$$

$$192. \ y = x^2 + 2x - 3; \quad y = -x + 7.$$

$$193. \ y = x^2 + 4x + 3; \quad y = x + 7.$$

$$194. \ y = x^2 - 6x + 10; \quad y = x + 4.$$

$$195. \ y = x^2 + 2x - 3; \quad y = x + 3.$$

$$196. \ y = x^2 + 6x + 8; \quad y = -x + 2.$$

$$197. \ y = x^2 - 8x + 12; \quad y = -x + 2.$$

$$198. \ y = x^2 + 6x + 10; \quad y = -x + 2.$$

$$199. \ y = x^2 - 2x + 2; \quad y = x + 6.$$

$$200. \quad y = x^2 - 6x + 5; \quad y = x - 2.$$

В задачах 201 - 207 вычислить площадь фигуры, ограниченной кривой, заданной в полярной системе координат:

$$201. \quad r = 4(1 + \cos \varphi); \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{2}.$$

$$202. \quad r = 6 \sin 3\varphi; \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{6}.$$

$$203. \quad r = 2\sqrt{\cos 2\varphi}; \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{4}.$$

$$204. \quad r = 4(2 + \cos \varphi); \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{2}.$$

$$205. \quad r = 4 \sin 2\varphi; \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{8}.$$

$$206. \quad r = 1 - \cos 2\varphi; \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{4}.$$

$$207. \quad r = 8 \cos 4\varphi; \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{16}.$$

В задачах 208 - 212 найти длину дуги кривой:

$$208. \quad y = \sqrt{1 - x^2}; \quad 0 \leq x \leq 1.$$

$$209. \quad y = \sqrt{(x+1)^3}; \quad 0 \leq x \leq 4.$$

$$210. \quad r = \sqrt{2}(1 - \cos \varphi); \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{2}.$$

$$211. \quad r = 2 \sin \varphi; \quad 0 \leq \varphi \leq \pi.$$

$$212. \quad r = 4 \cos \varphi; \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{2}.$$

В задачах 213 - 220 найти объем тела, образованного вращением вокруг оси Ох фигуры, расположенной в первой четверти и ограниченной осью Ох и линиями:

$$213. \quad y = 2x^2; \quad y = 16(6 - x).$$

$$214. \quad y = \frac{x^2}{5}; \quad y = 5(6 - x).$$

$$215. \quad y = 3x^2; \quad y = 9(6 - x).$$

$$216. \quad y = \frac{x^2}{4}; \quad y = \frac{9}{2}(8 - x).$$

$$217. \quad y = 4x^2; \quad y = 8(4 - x).$$

$$218. \quad y = \frac{x^2}{3}; \quad y = 4(9-x).$$

$$219. \quad y = 5x^2; \quad y = 10(4-x).$$

$$220. \quad y = \frac{x^2}{2}; \quad y = 4(6-x).$$

В задачах 221 - 240 вычислить несобственный интеграл или установить его расходимость:

$$221. \int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{dx}{\cos^2 2x}.$$

$$223. \int_0^{+\infty} \frac{x dx}{\sqrt[3]{x^2 + 1}}.$$

$$225. \int_1^e \frac{dx}{x \cdot \sqrt[3]{\ln x}}.$$

$$227. \int_0^{+\infty} \frac{x dx}{(x+2)^3}.$$

$$229. \int_0^{+\infty} \frac{x dx}{x^4 + 4}.$$

$$231. \int_0^1 \frac{x^4}{\sqrt{1-x^5}} dx.$$

$$233. \int_2^{10} \frac{dx}{\sqrt[3]{(x-2)^2}}.$$

$$235. \int_1^{+\infty} \frac{dx}{x^2 + 4x + 13}.$$

$$237. \int_{0,5}^1 \frac{dx}{(2x-1)^3}.$$

$$239. \int_0^{\frac{\pi}{6}} \frac{\cos x dx}{\sin^2 x}.$$

$$222. \int_{-1}^7 \frac{dx}{\sqrt[3]{7-x}}.$$

$$224. \int_5^9 \frac{dx}{\sqrt{9-x}}.$$

$$226. \int_0^1 \frac{x dx}{\sqrt{1-x^2}}.$$

$$228. \int_e^{+\infty} \frac{dx}{x \ln^3 x}.$$

$$230. \int_0^{+\infty} \frac{\operatorname{arctg} x}{1+x^2} dx.$$

$$232. \int_1^e \frac{dx}{x \ln^2 x}.$$

$$234. \int_4^{+\infty} \frac{dx}{x^2 - 8x + 17}.$$

$$236. \int_0^{+\infty} \frac{x dx}{\sqrt[3]{x+3}}.$$

$$238. \int_e^{+\infty} \frac{dx}{x \sqrt{\ln x}}.$$

$$240. \int_0^{+\infty} x^3 \cdot e^{-x^4} dx.$$

В задачах 241 - 247 задана функция $z = f(x; y)$. Найти в заданной точке $M(x_0; y_0)$ градиент и производную в направлении вектора \bar{l} , составляющего угол α с положительным направлением оси Ox .

$$241. z = \arcsin(3x + 2y), \quad M\left(\frac{1}{9}; \frac{1}{6}\right), \quad \alpha = \frac{\pi}{3}.$$

$$242. z = \ln \sqrt{x^2 + y^2}, \quad M(1;1), \quad \alpha = \frac{\pi}{4}.$$

$$243. z = 3x^4 - xy + y^3, \quad M(1;2), \quad \alpha = \frac{\pi}{3}.$$

$$244. z = x^2 \cdot e^y, \quad M(1;0), \quad \alpha = \frac{\pi}{6}.$$

$$245. z = x^2 \cdot \sin^2 y, \quad M\left(2; \frac{\pi}{3}\right), \quad \alpha = \frac{\pi}{4}.$$

$$246. z = \ln(x^2 + 3y^2), \quad M(1;1), \quad \alpha = \frac{\pi}{6}.$$

$$247. z = \operatorname{arctg} \frac{x}{y}, \quad M(2;-2), \quad \alpha = \frac{\pi}{4}.$$

В задачах 248 - 260 задана функция $z = f(x; y)$. Найти в заданной точке $M(x_0; y_0)$ градиент и производную в направлении вектора \bar{a} .

$$248. z = \ln(5x^2 + 4y^2), \quad M(1;1), \quad \bar{a} = 2\bar{i} - \bar{j}.$$

$$249. z = 4x^3 + x^2 y^3, \quad M\left(\frac{1}{2}; 1\right), \quad \bar{a} = 12\bar{i} - 5\bar{j}.$$

$$250. z = \operatorname{arctg}(x^2 y), \quad M(1;-2), \quad \bar{a} = \bar{i} + \sqrt{8} \cdot \bar{j}.$$

$$251. z = x^3 \cdot e^y, \quad M(-1;0), \quad \bar{a} = 3\bar{i} + 4\bar{j}.$$

$$252. z = \sin \frac{x}{y}, \quad M(0;1), \quad \bar{a} = 2\bar{i} - \bar{j}.$$

$$253. z = 2x^2 + 3xy + y^2, \quad M(2;1), \quad \bar{a} = 3\bar{i} - 4\bar{j}.$$

$$254. z = \frac{x}{y} + \frac{y}{x}, \quad M(1;2), \quad \bar{a} = 24\bar{i} + 7\bar{j}.$$

$$255. z = \operatorname{arctg}(xy), \quad M(2;1), \quad \bar{a} = 2\bar{i} - 7\bar{j}.$$

$$256. z = x^3 - 2x^2 y + xy^2 + 1, \quad M(1;2), \quad \bar{a} = 3\bar{i} + 4\bar{j}.$$

$$257. z = \operatorname{arctg}(x^2 y^2), \quad M(1;-1), \quad \bar{a} = 5\bar{i} - 12\bar{j}.$$

$$258. z = \ln(4x^2 + 3y^2), \quad M(1;-1), \quad \bar{a} = 3\bar{i} - 4\bar{j}.$$

$$259. z = x^3 + 2x^2 y + y^2, \quad M(1;-2), \quad \bar{a} = 4\bar{i} - 3\bar{j}.$$

$$260. z = \operatorname{arctg} \frac{y}{x}, \quad M(1;2), \quad \bar{a} = 4\bar{i} + 3\bar{j}.$$

В задачах 261 - 280 найти экстремум функции:

$$261. z = 2x^2 - 5xy + y^2 + 6x + y + 3.$$

$$262. z = 4x^2 + 3xy + 2y^2 + 2x - 5y - 1.$$

$$263. z = 3x^2 - xy + 4y^2 - 5x - 7y + 4.$$

$$264. z = 5x^2 - 4xy + 2y^2 - 8x + 8y - 5.$$

$$265. z = -4x^2 + 2xy - 5y^2 + 4x + 6y + 22.$$

$$266. z = 2x^2 + 3xy + 3y^2 - 5x - 1.$$

$$267. z = 6x^2 - 5xy + 2y^2 - 2x - 3y + 5.$$

$$268. z = x^2 + xy + y^2 - 2x - y - 7.$$

$$269. z = 5x^2 - 3xy + 2y^2 - 7x - y + 4.$$

$$270. z = 3x^2 + 4xy + 7y^2 - 8x + 6y.$$

$$271. z = 4x^2 + 5xy + 3y^2 + 2x + 7y - 6.$$

$$272. z = -7x^2 + 3xy - y^2 + 5x + 3y - 2.$$

$$273. z = 3x^2 - 2xy + 6y^2 - 6x + 2y - 3.$$

$$274. z = 2x^2 - 2xy - 7y^2 - 8x + 4y + 8.$$

$$275. z = 5x^2 + 4xy + y^2 - 8x - 4y - 1.$$

$$276. z = x^2 + xy + y^2 + x - y + 5.$$

$$277. z = 3x^2 - 5xy - 2y^2 + x - 9y - 4.$$

$$278. z = 4x^2 - xy + 4y^2 + x - 8y + 7.$$

$$279. z = 2x^2 + xy + 5y^2 - 4x - y + 2.$$

$$280. z = 6x^2 - 2xy - 3y^2 + 2x + 6y - 3.$$

В задачах 281 - 300 найти общее решение (общий интеграл) дифференциального уравнения первого порядка.

$$281. y' = e^{\frac{y}{x}} + \frac{y}{x}.$$

$$282. y' = -\frac{2x+y}{x}.$$

$$283. x^2 y' = (x - y)y.$$

$$284. 2x y y' = x^2 + y^2.$$

$$285. (2\sqrt{xy} - y') + y = 0.$$

$$286. x y' = y + \sqrt{x^2 + y^2}.$$

$$287. x + 2y - x y' = 0.$$

$$288. x^2 y' + y(y - 2x) = 0.$$

$$289. x(x - y)y' + y^2 = 0.$$

$$290. y' = \frac{y}{x} + \operatorname{tg} \frac{y}{x}.$$

$$291. xy' = y + xe^{\frac{y}{x}}.$$

$$292. y' = \frac{y + \sqrt{y^2 - x^2}}{x}.$$

$$293. y' = \frac{y}{x} + \cos^2 \frac{y}{x}.$$

$$294. xy' = y \operatorname{LN} \frac{y}{x}.$$

$$295. (\sqrt{xy} - x)y' + y = 0.$$

$$296. x \operatorname{COS} \frac{y}{x} \cdot y' = y \cdot \operatorname{COS} \frac{y}{x} - x.$$

$$297. xy' = y - xe^{\frac{y}{x}}.$$

$$298. xy' = y + \sqrt{xy}.$$

$$299. xy' - y = (x + y) \operatorname{LN} \frac{x+y}{x}.$$

$$300. xy' - y = e^{-\frac{y}{x}}.$$

В задачах 301 - 320 найти частное решение дифференциального уравнения первого порядка, удовлетворяющее данному начальному условию.

$$301. xy' - 2Y = 2x^4, Y(1) = 3.$$

$$302. (2x + 1)y' = 4x - 2y, y(0) = 1.$$

$$303. (3x - 2)y' = 9x + 3y, y(1) = 3.$$

$$304. y' + y \cdot \operatorname{tg} x = \cos^2 x, y(0) = 2.$$

$$305. xy' = xy + e^x, y(1) = e.$$

$$306. x^2y' + xy + 2 = 0, y(1) = 4.$$

$$307. xy' - y = x^2 \operatorname{COS} x, y\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{\pi}{12}.$$

$$308. y' - 2xy = e^{x^2+x}, y(0) = 2.$$

$$309. xy' - \frac{2y}{\operatorname{LN} x} = 1, y(e) = 1.$$

$$310. xy' + (x + 1)y = 3x^2e^{-x}, y(1) = 1.$$

$$311. y' - y \cdot \operatorname{ctg} x = \sin^2 x, y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1.$$

$$312. y' + y = 2e^x, y(0) = 3.$$

$$313. y' - y \cdot \operatorname{ctg} x = 2x \operatorname{SIN} x, y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1.$$

$$314. y' + \frac{y}{x+1} = -y^2, y(0) = 1.$$

$$315. y' - y \cdot \operatorname{tg} x = y^4 \cdot \operatorname{COS} x, y(0) = \frac{1}{3}.$$

$$316. y' - \frac{y}{x} = \frac{x}{y^2}, y(1) = 3.$$

$$317. y' - \frac{4y}{x} = 2x\sqrt{y}, y(1) = 1.$$

$$318. y' + \frac{2y}{x} = -x^4 y^3 e^x, y(1) = 1.$$

$$319. 2y' - \frac{xy}{x^2-1} = \frac{x}{y}, y(\sqrt{2}) = 1.$$

$$320. 2xy' - y = y^3 \cdot \sin x, y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 1.$$

В задачах 321 - 340 найти частное решение линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами, удовлетворяющее данным начальным условиям.

$$321. y'' - 2y' - 3y = e^{4x}, y(0) = \frac{1}{5}, y'(0) = -\frac{1}{5}.$$

$$322. y'' + y = 4xe^x, y(0) = 0, y'(0) = 1.$$

$$323. y'' - 7y' + 6y = (x - 2)e^x, y(0) = 0,05, y'(0) = 0,06.$$

$$324. y'' - 5y' + 4y = 4x^2 e^{2x}, y(0) = 2, y'(0) = 7.$$

$$325. y'' + 3y' - 4y = e^{-4x}, y(0) = \frac{1}{5}, y'(0) = 0.$$

$$326. y'' - 2y' + y = 6xe^x, y(0) = 1, y'(0) = 2.$$

$$327. y'' + 4y' + 4y = xe^{2x}, y(0) = -\frac{1}{32}, y'(0) = 1.$$

$$328. y'' + 4y' + 3y = x, y(0) = -\frac{1}{9}, y'(0) = 0.$$

$$329. y'' - y = 2e^x, y(0) = 2, y'(0) = 1.$$

$$330. y'' + 2y' - 3y = x^2 e^x, y(0) = \frac{31}{32}, y'(0) = -3.$$

$$331. y'' - 7y' + 12 = -e^{4x}, y(0) = 0, y'(0) = 0.$$

$$332. y'' - 2y' = x^2 - 1, y(0) = 1, y'(0) = \frac{1}{4}.$$

$$333. y'' - 2y' + y = 2e^x, y(0) = 1, y'(0) = 1.$$

$$334. y'' - 3y' = 2 - 6x, y(0) = 2, y'(0) = 3.$$

$$335. y'' + 9y = 6e^{3x}, y(0) = \frac{4}{3}, y'(0) = 4.$$

$$336. y'' - 4y = x + 1, y(0) = 0, y'(0) = 0.$$

$$337. y'' - 6y' + 9y = 9x^2 + 6x + 1, y(0) = 2, y'(0) = 6.$$

$$338. y'' + 4y = 8x^2, y(0) = -1, y'(0) = 2.$$

$$339. y'' - 8y' = 16x + 6, y(0) = 0, y'(0) = 7.$$

$$340. y'' + 16y = 100xe^{4x}, y(0) = 1, y'(0) = 5.$$

5.3.1.3 Задание для выполнения контрольной работы №3

Задания контрольной работы №3 содержатся в методических указаниях: «Математика: Методические указания и задания для контрольных работ. В.А. Мачнев, Т.Г. Федина и др. Пенза: РИО ПГСХА, 2008» и «Математика. Часть 2. Методические указания и задания для контрольных работ. В.А. Мачнев, Н.А. Кривошеева. Пенза: РИО ПГСХА, 2009».

Там же указано, какой вариант должен выполнить студент согласно его шифру.

5.3.2 Образец оформления титульного листа контрольной работы

Министерство сельского хозяйства РФ
ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ

Инженерный факультет
Кафедра «Физика и математика»

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА

по дисциплине
Математика

ШИФР _____

Выполнил: студент 1 курса инженерного факультета
заочной формы обучения

ФИО

Проверил: _____

ФИО

ПЕНЗА – 2021

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Пензенский государственный аграрный университет»

Кафедра «Физика и математика»
наименование кафедры

5.4 КОМПЛЕКТ ТЕСТОВЫХ ЗАДАНИЙ

Коды контролируемых индикаторов достижения компетенций:

ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляя декомпозицию задачи

ИД-1опк-1 – демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

(ОЧНАЯ И ЗАОЧНАЯ ФОРМЫ ОБУЧЕНИЯ)

по дисциплине «Математика»
наименование дисциплины

5.4.1 Тестовые задания по оценке освоения индикатора, достижения компетенций

**ИД-1ук-1 – анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет
декомпозицию задачи**

Вопрос 1. Вычислить определитель: $\begin{vmatrix} 3 & -2 \\ -4 & 5 \end{vmatrix}$.

1. 23*

2. 0

3. 7

4. 2

Вопрос 2. Решением системы линейных уравнений $\begin{cases} x + 2y = 5, \\ 3x - y = 1 \end{cases}$ является...

1. $x = 1, y = 1$

2. $x = 1, y = 2^*$

3. $x = 3, y = -1$

4. $x = 5, y = -1$

Вопрос 3. Даны точки А(5;-8) и В(-3;4). Тогда ордината середины отрезка АВ равна...

1. 2

2. 1

3. -4

4. -2*

Вопрос 4. Расстояние между точками А(3; 1) и В(6; 5) равно...

1. 7

2. 13

3. 5*

4. -1

Вопрос 5. На прямой $y = 4x - 1$ лежит точка ...

1. А(1;1)

2. В(-1; 4)

3. С(0;3)

4. D(0; -1)*

Вопрос 6. Точка А(2; 4) лежит на ...

1. прямой $y = 2x + 4$

2. параболе $y = x^2^*$

3. гиперболе $y = \frac{4}{x}$

4. окружности $x^2 + y^2 = 16$

Вопрос 7. Уравнение $y = x^2 - 5x + 6$ определяет на плоскости...

1. параболу*

2. гиперболу

3. эллипс

4. окружность

Вопрос 8. Нормальный вектор плоскости $x - 4y + 8z - 3 = 0$ имеет координаты...

1. $(1; -4; -8)$

2. $(1; -4; 8)*$

3. $(-4; -8; -3)$

4. $(1; -4; -3)$

Вопрос 9. Линейной функцией является...

1. $y = 3x + 7*$

2. $y = 2 \sin x$

3. $y = x \cdot e^{4x}$

4. $y = 5 - \ln x$

Вопрос 10. Производная функции $y = \sin 5x$ имеет вид...

1. $5 \cos x$

2. $-5 \cos 5x$

3. $5 \cos 5x + C$

4. $5 \cos 5x*$

11. Вычислить определитель: $\begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 3 & -2 & 1 \\ 5 & 1 & 2 \end{vmatrix}$.

а) 16, б) 22, в) -10, г) 28.

12. Алгебраическое дополнение элемента a_{32} матрицы $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 3 & 4 & -1 \\ 0 & 3 & 1 \end{pmatrix}$ имеет

вид:

а) $A_{32} = \begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 3 & -1 \end{vmatrix}$, б) $A_{32} = -\begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 3 & -1 \end{vmatrix}$, в) $A = -\begin{vmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 1 \end{vmatrix}$, г) $A_{32} = \begin{vmatrix} -3 & -3 \\ -9 & 0 \end{vmatrix}$.

13. Вычислить определитель: $\begin{vmatrix} 3 & 0 & 0 & 0 \\ -2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 9 & -2 & 0 \\ -5 & 4 & -3 & -1 \end{vmatrix}$.

a) 6, б) 45, в) 1, г) -5.

14. Вычислить определитель:

$$\begin{vmatrix} 5 & -2 & 1 & 4 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ -4 & 6 & 3 & -1 \\ 1 & -7 & 5 & 2 \end{vmatrix}$$

a) 8, б) 0, в) 2, г) -3.

15. Вычислить определитель:

$$\begin{vmatrix} -4 & 5 & 1 & 0 \\ 2 & -6 & -4 & -2 \\ 7 & 0 & 9 & 8 \\ -1 & 3 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

a) 0, б) 216, в) 2, г) -5.

16. Разложение определителя $\begin{vmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 0 & b_2 & 0 \\ c_1 & 0 & c_3 \end{vmatrix}$ по элементам второй строки имеет

вид:

а) - $\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ c_1 & c_3 \end{vmatrix}$, б) $\begin{vmatrix} 3 & 1 \\ c_1 & c_3 \end{vmatrix}$, в) $-b_2 \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ c_1 & c_3 \end{vmatrix}$, г) $b_2 \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ c_1 & c_3 \end{vmatrix}$.

17. Найти сумму матриц: $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & -4 \\ -1 & 5 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 6 & -7 & 0 \\ 3 & -2 & 1 \end{pmatrix}$.

а) $\begin{pmatrix} 2 & 7 & -4 \\ 9 & -9 & 1 \end{pmatrix}$, б) 6, в) $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$, г) $\begin{pmatrix} 9 & -5 & -4 \\ 2 & 3 & 1 \end{pmatrix}$.

18. Найти разность матриц: $A = \begin{pmatrix} 6 & -2 \\ 1 & -3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ -2 & -7 \end{pmatrix}$.

а) $\begin{pmatrix} 10 & -1 \\ -1 & -10 \end{pmatrix}$, б) $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$, в) $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 6 & -6 \end{pmatrix}$, г) $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 1 & -6 \end{pmatrix}$.

19. Найти произведение матрицы $\begin{pmatrix} 4 & -3 & -2 & -1 \\ 3 & 2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ на число $\lambda = -2$.

а) (-8 6 4 2), б) $\begin{pmatrix} -8 & 6 & 4 & 2 \\ -6 & -4 & -2 & 0 \end{pmatrix}$, в) $\begin{pmatrix} 2 & -5 & -4 & -3 \\ 1 & 0 & -1 & -2 \end{pmatrix}$, г) -8.

20. Найти произведение матриц $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 0 \\ -1 & 3 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$.

а) $\begin{pmatrix} 4 & -3 \\ 4 & 2 \\ 1 & -7 \\ -3 & -4 \end{pmatrix}$, б) $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ -4 & 1 \end{pmatrix}$, в) не существует, г) $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 4 & 0 \\ -1 & -6 \\ -2 & -2 \end{pmatrix}$.

21. Пусть А и В – обратимые квадратные матрицы одного порядка. Тогда решением матричного уравнения $AX=B$ является матрица...

a) $B^{-1}A^{-1}$, б) BA^{-1} , в) $A^{-1}B$, г) $A^{-1}B^{-1}$.

22. Если (x_0, y_0) – решение системы линейных уравнений $\begin{cases} x + 2y = 4, \\ 2x - 5y = 1, \end{cases}$ то x_0

может определяться по формуле

$$\text{а) } x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 2 & 4 \\ -5 & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{vmatrix}}, \quad \text{б) } x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -5 \end{vmatrix}}, \quad \text{в) } x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -5 \end{vmatrix}}, \quad \text{г) } x_0 = \frac{\begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -5 \end{vmatrix}}.$$

23. Укажите линейно зависимую систему векторов

- 1) $(3;1;0), (0;1;3)$, 2) $(1;1;1), (1;1;0)$, 3) $(2;5;-3), (1;-1;-1)$, 4) $(1;-3;2), (-2;6;-4)$.

24. Базисом пространства \mathbf{R}^3 является

- 1) $(1;0;0), (0;0;1), (0;1;0), 2) (1;1;1), (3;3;3), (1;2;3)$,
3) $(4;2; -5), (2; -1;7), (0;0;0), 4) (5;1;3), (4;0;2)$.

25. Разложение вектора $v = (6;-5)$ по базису $u_1 = (2;0), u_2 = (0;1)$ имеет вид...

- 1) $v = 6u_1 - 5u_2$, 2) $v = u_1 + u_2$, 3) $v = 3u_1 - 5u_2$, 4) $v = 6u_1 + 5u_2$.

26. Векторы $\bar{a} = (1;-2;\alpha;2)$ и $\bar{b} = (-2;4;6;-4)$ параллельны, если α равно...

- 1) -6, 2) 3, 3) -1, 4) -3.

27. Угол между векторами $\bar{a} = -\bar{i} + \bar{j}, \bar{b} = \bar{i} - 2\bar{j} + 2\bar{k}$ равен...

- 1) $\frac{\pi}{4}$, 2) $\frac{3\pi}{4}$, 3) $\frac{\pi}{2}$, 4) $\arccos \frac{1}{3\sqrt{2}}$.

28. Для векторов $\bar{a} = (1;0;-3), \bar{b} = (-6;1;2)$ справедливы утверждения...

- 1) вектор \bar{a} перпендикулярен оси ОY, 2) векторы \bar{a}, \bar{b} коллинеарны,
3) векторы \bar{a}, \bar{b} не перпендикулярны, 4) вектор \bar{a} параллелен оси ОХ.

29. Расстояние между точками A(1;0) и B(-2;-4) равно...

- 1) 5, 2) 1, 3) 3, 4) 4.

30. Расстояние между точками B(-3;-4) и D(6;8) равно...

- 1) 16, 2) 15, 3) 14, 4) 13.

31. Даны точки A(3;-12) и B(5;6). Тогда сумма координат середины отрезка AB равна...

- 1) 1, 2) 2, 3) -8, 4) 0.

32. Даны точки A(3;-1) и B(2;1). Тогда координаты точки M, симметричной точке A относительно точки B, равны...

- 1) (4;-3), 2) (-3;4), 3) (3;1), 4) (1;3).

33. (выберите несколько вариантов ответа)

Если длина отрезка AB равна 5, то координаты начала и конца отрезка могут быть равны соответственно...

- 1) A(0;5), B(5;0), 2) A(-1;3), B(-1;-2), 3) A(0;0), B(5;5), 4) A(-1;0), B(2;4).

34. Расстояние между точками $A(1;2)$ и $B(k;-2)$ равно 5 при k равном...

- 1) 4, 2) 1, 3) 10, 4) 6.

Вопрос 35. Угловой коэффициент прямой $6x+2y-5=0$ равен...

- 1. 2
- 2. 3
- 3. -6
- 4. -3*

36. Прямая на плоскости задана общим уравнением $Ax+By+C=0$. Эту прямую можно задать уравнением с угловым коэффициентом, если...

- 1) $A \neq 0$, 2) $C \neq 0$, 3) $A \neq 0$ и $B \neq 0$, 4) $B \neq 0$.

Вопрос 37. Уравнением прямой, параллельной $y=2x-1$, является...

- 1. $y = 2x+3^*$
- 2. $y = -2x-1$
- 3. $y = -x+3$
- 4. $y = x-2$

38. Общим уравнением прямой на плоскости является...

$$1) \ y = -\frac{2}{3}x + 2, \quad 2) \ y + 2 = -\frac{2}{3}(x - 6), \quad 3) \ 2x + 3y - 6 = 0, \quad 4) \ \frac{x}{3} + \frac{y}{2} = 1.$$

39. (выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите правильное соответствие между уравнениями и типами уравнений прямой на плоскости.

- 1. $2x-5y-9=0$, 2. $y=-3x+7$, 3. $x=6$.

А) уравнение прямой, параллельной оси абсцисс, В) общее уравнение прямой,

- С) уравнение прямой в отрезках на осях, D) уравнение прямой с угловым коэффициентом,
Е) уравнение прямой, параллельной оси ординат.

40. Произведение угловых коэффициентов прямых $2x-3y+9=0$, $3x-y-5=0$ равно...

- 1) 2, 2) 6, 3) 3, 4) -2.

41. Уравнение прямой, перпендикулярной прямой $y=2x+3$, является...

$$1) \ y=2x+1, \quad 2) \ y = -\frac{1}{3}x - 4, \quad 3) \ y=3x+5, \quad 4) \ y = -\frac{1}{2}x - 2.$$

42. Выберите прямую, угловой коэффициент которой равен 5.

- 1) $x-y+5=0$, 2) $5x-y+3=0$, 3) $5x-5y-1=0$, 4) $x-5y+3=0$.

43. Прямая на плоскости задана уравнением $y = kx+b$, причем $k > 0$, $b > 1$. Тогда эта прямая не проходит через...

- 1) вторую четверть, 2) четвертую четверть, 3) третью четверть, 4) первую четверть.

44. Прямая проходит через точки $O(0;0)$ и $B(-2;1)$. Тогда ее угловой коэффициент равен...

- 1) -2, 2) 2, 3) 0,5, 4) -0,5.

45. (выберите несколько вариантов ответа)

Среди прямых $l_1: x+3y-5=0$, $l_2: 2x+6y-3=0$, $l_3: 2x-6y-3=0$, $l_4: -2x+6y-5=0$ параллельными являются...

- 1) l_3 и l_4 , 2) l_2 и l_3 , 3) l_1 и l_3 , 4) l_1 и l_2 .

46. Ордината точки пересечения прямой $3x-2y+12=0$ с осью ОY равна...
1) -4, 2) 6, 3) -6, 4) -2.

47. Даны вершины треугольника P(2;1), Q(-1;-1), R(3;2). Тогда уравнение высоты имеет вид...
1) $4x+3y-11=0$, 2) $3x+2y-13=0$, 3) $2x+3y-13=0$, 4) $x+y+2=0$.

48. Центр окружности, заданной уравнением $3(x+1)^2+3(y-3)^2=25$, лежит в точке...
1) (-1;3), 2) (3;-9), 3) (-3;9), 4) (1;-3).

Вопрос 49. (выберите несколько вариантов ответа)

Парabolой является...

1. $y^2=4x^*$

2. $x^2=4y^*$

3. $\frac{x^2}{16}-\frac{y^2}{25}=1$,

4. $x^2+4y^2=1$

50. Радиус окружности, заданной уравнением $x^2+y^2-2y=0$, равен...
1) -1, 2) 1, 3) 3, 4) 4.

51. Если C(1;1) - центр окружности, которая проходит через точку A(5;4), то уравнение этой окружности имеет вид...

1) $(x-5)^2 + (y-4)^2 = 25$, 2) $(x+1)^2 + (y+1)^2 = 25$, 3) $(x+3)^2 + (y-2)^2 = 16$, 4) $\frac{x^2}{81}-\frac{y^2}{16}=1$.

52. (выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола. 2. Эллипс. 3. Гипербола.

A) $y^2=4x$, B) $x^2+4y^2=1$, C) $\frac{x^2}{16}-\frac{y^2}{25}=1$, D) $x^2 - 4y = 0$, E) $x+4y=1$.

Вопрос 53. Если уравнение окружности имеет вид $x^2+y^2=16$, то его центром С и радиусом г являются...

1. C(0;0), r=16

2. C(0;0), r=4*

3. C(1;1), r=16

4. C(1;1), r=4.

54. (выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите соответствие между кривыми второго порядка и их уравнениями:

1. $(x+6)^2 + (y-2)^2 = 64$, 2. $x^2+4y=16$, 3. $x^2+4y^2=4$, 4. $\frac{x^2}{9}-\frac{y^2}{9}=1$.

A) эллипс, B) гипербола, C) окружность, D) парабола.

55. Радиус окружности, заданной уравнением $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$, равен...
1) 5, 2) 2, 3) 4, 4) 3.

Вопрос 56. Точка (2; -1; 1) лежит на плоскости с уравнением...

1. $x + 2z = 0$

2) $-x - 2y + 4z = 0$

3) $-x + 2y + 2z = 0$

4) $x + 2y = 0*$

57. Если точка $P(-1; 2; 3)$ принадлежит плоскости $2x - 4y + Cz - 5 = 0$, то коэффициент C равен...

- 1) -5, 2) 3, 3) -1, 4) 5.

58. (выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между уравнением плоскости и точками, которые лежат в этих плоскостях

1. $2x+y-3z+4=0$, 2. $4y-z-3x=0$, 3. $2x+2y-4=0$, 4. $x+y+z-3=0$.

- A) $(0;0;0)$, B) $(-2;0;0)$, C) $(5;-1;7)$, D) $(1;1;1)$, E) $(1;1;0)$.

59. Координата x_0 точки $A(x_0; 1; 7)$, принадлежащей плоскости $5x+y+z+1=0$, равна...

- 1) 4, 2) 1, 3) 2, 4) 3.

60. Плоскость, проходящая через ось Oz , имеет вид...

- 1) $2x-3y+5=0$, 2) $-2x+3y=0$, 3) $2x+3z+2=0$, 4) $-2y+3z-2=0$.

61. Среди плоскостей $P_1: 2x+3y+z-5=0$, $P_2: 4x-6y-2z+10=0$, $P_3: 4x+6y+2z-5=0$ параллельными являются...

- 1) P_1 и P_2 , 2) P_1 и P_3 , 3) P_2 и P_3 , 4) нет параллельных плоскостей.

62. Уравнение плоскости, проходящей через точку $M(1;2;3)$ и параллельной плоскости $x+2y-z+3=0$, имеет вид...

- 1) $x+2y-3z+1=0$, 2) $x+2y-z+2=0$, 3) $x-2y-3z+5=0$, 4) $x+2y-z-2=0$.

63. Уравнение прямой, проходящей через точку $M(-1;-2;3)$ и перпендикулярной плоскости $2x-3y+z-5=0$, имеет вид...

1) $\frac{x+1}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-3}{1}$, 2) $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{1}$,

3) $\frac{x-2}{2} = \frac{y+3}{-3} = \frac{z-1}{1}$, 4) $\frac{x+2}{2} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z+1}{1}$.

ЗАДАНИЕ N 64() - выберите один вариант ответа)

Определитель
$$\begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}$$
 равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) -1

2) 1

3) 5^*

4) -5

ЗАДАНИЕ N 65(- выберите один вариант ответа)

Если $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$, то матрица $C = 2A + B$ имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ N 66(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между двумя множествами ...

1. $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$

2. $A = \begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$

3. $A = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1,5 \\ 1 & -0,5 \end{pmatrix}$

B) $A^{-1} = \begin{pmatrix} -0,3 & 0,1 \\ 0,1 & 0,3 \end{pmatrix}$

C) $A^{-1} = \begin{pmatrix} -3 & 6 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$

D) $A^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -0,5 & 2,5 \end{pmatrix}$

Е) $A^{-1} = \begin{pmatrix} 4 & -2 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ N 67( - выберите один вариант ответа)

В системе уравнений

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - x_3 + 2x_4 + x_5 = 0 \\ x_2 + x_3 - 2x_4 + x_5 = 0 \\ 2x_3 + x_4 - 4x_5 = 0 \end{cases}$$

независимыми (свободными) переменными можно считать...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) x_5

2) x_1, x_2, x_3

3) x_1, x_2, x_3, x_4, x_5

4) x_4, x_5

ЗАДАНИЕ N 68( - выберите один вариант ответа)

Расстояние от точки $A(1; 2)$ до прямой $3x = 4y$ равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $2\sqrt{2}$

2) $2\frac{1}{5}$

3) $\frac{2}{5}$

4) 1

ЗАДАНИЕ N 69(- введите ответ)

$$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$$

Расстояние между фокусами эллипса $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

ЗАДАНИЕ N 70(- выберите один вариант ответа)

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с абсциссами разных знаков. Тогда этот отрезок обязательно пересекает ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) плоскость Oxy

2) плоскость Oyz

3) ось абсцисс

4) плоскость Oxz

ЗАДАНИЕ N 71(- выберите несколько вариантов ответа)

Если $O(1,3,2)$ – центр сферы, то ее уравнение может иметь вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $x^2 + x + y^2 + 3y + z^2 + 2z + 13 = 0$

2) $x^2 - 2x + y^2 - 6y + z^2 - 4z + 13 = 0$

3) $x^2 - x + y^2 - 3y + z^2 - 2z + 2 = 0$

4) $x^2 - 2x + y^2 - 6y + z^2 - 4z - 2 = 0$

ЗАДАНИЕ N 72(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между функциями и их производными

1. $y = e^{3x}$

2. $y = \sin(5x + 1)$

3. $y = \operatorname{arctg} x^2$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\frac{2x}{1+x^4}$

B) $\cos(5x + 1)$

C) $5 \cos(5x + 1)$

D) $3x \cdot e^{3x-1}$

E) $3e^{3x}$

ЗАДАНИЕ N 73( - выберите один вариант ответа)

$$y(x) = \frac{2x^2 + x + 4}{x - 1}$$

Наклонной асимптотой графика функции является прямая ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) график не имеет наклонных асимптот

2)

$$y = 2x + 3$$

3) $y = -2x + 3$

4)

$$y = -x + 2$$

ЗАДАНИЕ N 74( - выберите один вариант ответа)

$$\frac{1}{x^2}$$

Функцией, производная второго порядка которой равна $\frac{1}{x^2}$, является ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $f(x) = x - \operatorname{arctg} x$

2)

$$f(x) = x - \ln x$$

3) $f(x) = -\frac{1}{x}$

4)

$$f(x) = -\frac{1-x}{x}$$

ЗАДАНИЕ N 75( - введите ответ)

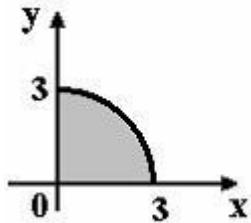
Задано множество точек на числовой прямой: $a = 1,2$, $b = 2$, $c = 2,3$, $d = 0,5$,
 $e = -0,01$, $f = -1,3$. Тогда количество точек этого множества, принадлежащих ε -окрестности точки $x = 1$ при $\varepsilon = 1,1$, равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:



ЗАДАНИЕ N 76(- выберите один вариант ответа)

Мера множества, изображенного на рисунке,



равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$$\frac{3\pi}{4}$$

2)

$$\frac{\pi}{4}$$

3)

$$\frac{9\pi}{2}$$

4)

$$\frac{9\pi}{4}$$

ЗАДАНИЕ N 77(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между промежутками и их образами при отображении $y = 3x - 1$.

- 1) $[1; 2]$
- 2) $(1; 2)$
- 3) $[-1; 0]$
- 4) $(-1; 0)$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

А)

$$(2; 5]$$

Б)

$$(2; 5)$$

С)

$$(-4; -1)$$

Д)

$$[2; 5]$$

Е)

$$[-4; -1)$$

Ж)

$$[-4; -1]$$

ЗАДАНИЕ N 78(- выберите несколько вариантов ответа)

Комплексное число $1 + i$ можно представить в виде ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\sqrt{2}e^{i\frac{3\pi}{4}}$

2) $\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)$

3) $\sqrt{2}\left(\cos\frac{3\pi}{4} + i\sin\frac{3\pi}{4}\right)$

4) $\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$

ЗАДАНИЕ N 79 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Дано комплексное число $z = 1 + \sqrt{3}i$. Установите соответствие между операциями над данным числом и результатами их выполнения.

1. $z \cdot \bar{z}$

2. $\frac{\bar{z}}{|z|}$

3. $z + \bar{z}$

4. $z - \bar{z}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$

B) 2

C) $2\sqrt{3}i$

D) $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

E) 4

ЗАДАНИЕ N 80 (- выберите один вариант ответа)

Значение функции $f(z) = z^2$ в точке $z_0 = 3 + 2i$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $13 + 12i$

2) $5 + 12i$

3) $7 + 12i$

4) $9 + 12i$

ЗАДАНИЕ N 81 (- выберите один вариант ответа)

Если $f(z) = 2z^2 + 4$, тогда значение производной этой функции в точке $z_0 = 2 + i$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $8 + 4i$

2) $4 + 4i$

3) $2 + i$

4) $8 + i$

ЗАДАНИЕ N 82(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между периодической функцией и значением ее периода

1. $y = \cos \pi x$

2. $y = \operatorname{tg} \frac{3\pi x}{2}$

3. $y = \sin \frac{\pi x}{2}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) 4

B) π

C) $\frac{2}{3}$

D) 1

E) 2

ЗАДАНИЕ N 83(- выберите один вариант ответа)

Гармонические колебания с амплитудой A , частотой ω и начальной фазой φ описываются законом...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $f(x) = \frac{A}{(\omega x + \varphi)}$

2) $f(x) = A \cos(\omega x + \varphi)$

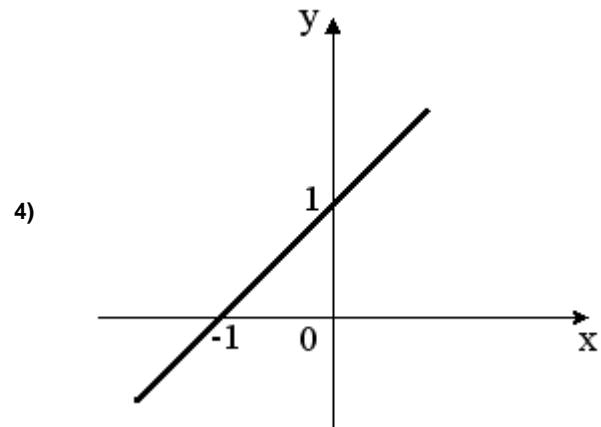
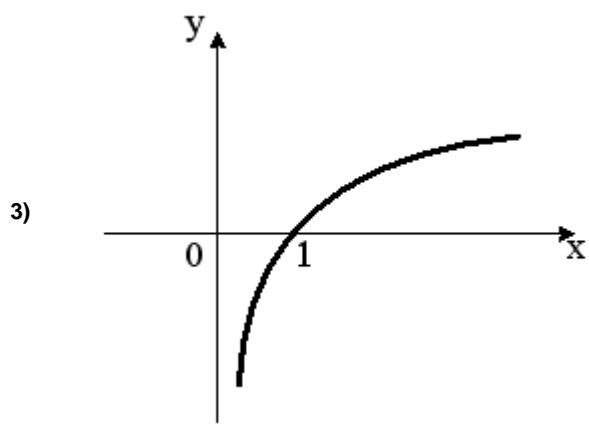
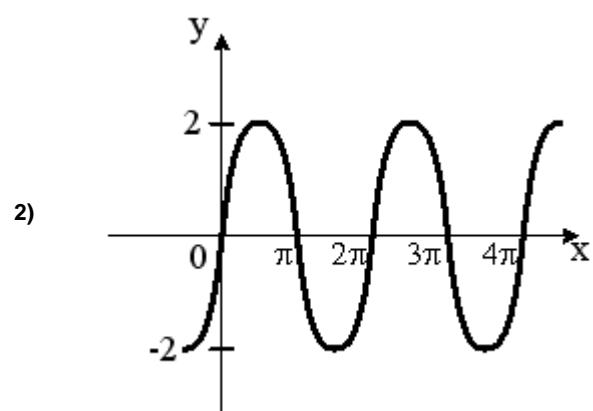
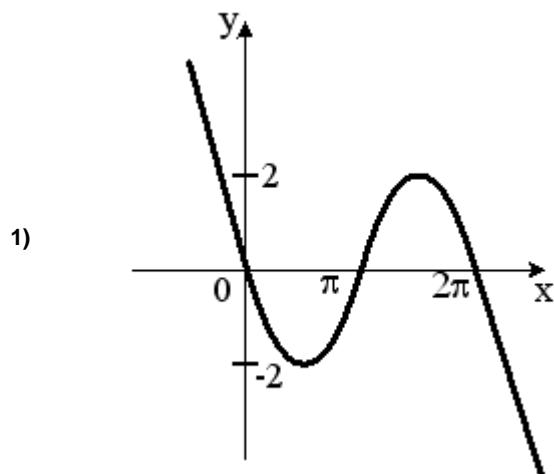
3) $f(x) = A(\omega x + \varphi)^2$

4) $f(x) = A\sqrt{\omega x + \varphi}$

ЗАДАНИЕ N 84(- выберите один вариант ответа)

Укажите график периодической функции

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:



ЗАДАНИЕ N 85(- выберите несколько вариантов ответа)

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями первого порядка являются:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $x^3 y' + 8y - x + 5 = 0$

2) $y^2 \frac{\partial y}{\partial x} + x = 0$

3) $2x \frac{d^2 y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$

4) $x \frac{d^2 y}{dx^2} + xy \frac{dy}{dx} + x^2 = y$

ЗАДАНИЕ N 86(- введите ответ)

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = \frac{y}{x}$, удовлетворяющее условию $y(1) = 1$, тогда $y(2)$ равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

ЗАДАНИЕ N 87(- выберите один вариант ответа)

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + 2$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

2)

$$y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + C$$

3) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

4)

$$y = x^4 + x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$$

ЗАДАНИЕ N 88(- выберите один вариант ответа)

Функция $y = C_1e^{2x} + C_2e^{-x}$ является общим решением линейного однородного дифференциального уравнения. Тогда его характеристическое уравнение имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $k^2 + k - 6 = 0$

2)

$$k^2 - k - 2 = 0$$

3) $k^2 + k - 2 = 0$

4)

$$k^2 + 3k - 4 = 0$$

ИД-1опк-1 - демонстрирует знание основных законов математических и естественных наук, необходимых для решения типовых задач профессиональной деятельности

Вопрос 1. Неопределенный интеграл от функции $y = 3x^2 + 2x$ равен...

1. $6x + 2$

2. $x^3 + x^2 + C^*$

3. $3x^3 + 2x^2 + C$

4. $x^3 + 2 + C$

Вопрос 2. Методом интегрирования не является...

1. замена переменной

2. интегрирование по частям

3. формула Ньютона-Лейбница*

4. подведение под знак дифференциала

Вопрос 3. Что нельзя вычислить с помощью определенного интеграла?

1. длину дуги кривой

2. определитель*

3. площадь фигуры

4. расстояние при неравномерном движении

Вопрос 4. Градиент есть...

1. функция

2. скаляр

3. вектор*

4. уравнение

Вопрос 5. Сумма комплексных чисел $z_1 = 3 + 5i$ и $z_2 = 2 - 3i$ равна...

1. $5 + 8i$

2. $6 - 15i$

3. $5 + 2i^*$

4. $3 - 3i$

Вопрос 6. Порядок дифференциального уравнения $5y'' - 3y' = x^4$ равен...

1. 4

2. 5

3. 2*

4. 1

Вопрос 7. Дифференциальным уравнением первого порядка является...

1. $y'' + 3y' = 8x$

2. $2y' - 5y = x^3*$

3. $y' - 4y = y''$

4. $y' + \sqrt{y''} = e^x$

Вопрос 8. Дано дифференциальное уравнение $y'' - y' - 6y = 0$. Тогда соответствующее ему характеристическое уравнение имеет вид...

1. $k^2 + k + 6 = 0$
2. $6k^2 - k + 1 = 0$
3. $k^2 + k - 6 = 0$
4. $k^2 - k - 6 = 0$

Вопрос 9. Вероятность невозможного события равна...

1. 0*
2. 0,5
3. 0,01
4. 1

Вопрос 10. События называются несовместными, если...

1. они не могут появиться вместе в одном испытании*
2. они могут появиться вместе в одном испытании
3. они являются противоположными
4. вероятность появления одного из них изменяется при появлении другого

Вопрос 11. В партии из 200 деталей обнаружены 5 нестандартных деталей. Чему равна относительная частота появления нестандартной детали?

1. 0,025*
2. 0,975
3. 0,20
4. 0,25

Вопрос 12. В урну опустили 7 зеленых и 13 белых шаров одинакового размера. Наудачу вынимают шар. Какова вероятность, что он окажется зеленым?

1. 0,35*
2. 1/7
3. 7/13
4. 0,65

Вопрос 13. Если значения случайной величины измеряются в кг, то ее математическое ожидание измеряется в...

1. граммах
2. килограммах*
3. kg^2
4. центнерах

Вопрос 14. Если каждое значение случайной величины умножить на 4, то ее математическое ожидание...

1. увеличится в 4 раза*

- 2. увеличится на 4
- 3. уменьшится в 4 раза
- 4. увеличится в 16 раз

Вопрос 15. Какая из характеристик может принять отрицательное значение?

- а) Математическое ожидание.
- б) Дисперсия.
- в) Среднеквадратическое отклонение.
- г) Никакая.

Вопрос 16. Случайная величина распределена равномерно на интервале (5; 9). Тогда ее математическое ожидание равно...

- 1. 4
- 2. 14
- 3. 7*
- 4. 45

Вопрос 17. Что не является законом распределения случайной величины?

- 1. нормальный закон
- 2. биномиальный закон
- 3. закон Бойля-Мариотта*
- 4. закон Пуассона

Вопрос 18. Если каждый элемент выборки уменьшить в 3 раза, то выборочная средняя...

- 1. уменьшится в 3 раза*
- 2. увеличится в 3 раза
- 3. увеличится в 9 раз
- 4. не изменится

19. Если $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$, тогда матрица $2A + B$ имеет вид:

- а) $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$
- б) $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$
- в) $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$
- г) $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$

20. Определитель матрицы $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ равен:

- а) -5
- б) 5**
- в) -1
- г) 1

21. Если $(x_0; y_0)$ – решение системы линейных уравнений $\begin{cases} x + 2y = -3 \\ 3x + 2y = 5 \end{cases}$, тогда $x_0 - y_0$ равно:

- а) 7,5**
- б) -7,5
- в) -0,5
- г) 0,5

22. Даны три точки $A(2; -1)$, $B(10; 5)$ и $C(10; -1)$. Установить соответствие между длинами векторов \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{AC}

- а) 8 = \overline{AC}**
- б) 14
- в) 10 = \overline{AB}**
- г) 12
- д) 6 = \overline{BC}**

23. Даны плоскости $\alpha: x + y - z = 2$, $\beta: 2x + 3y - z = 1$, $\gamma: -4x - 6y + 2z = 0$. Параллельными будут

- а) α и β
- б) β и γ**
- в) α и γ
- г) α и β ; α и γ

24. На плоскости XOY задана прямая $4x + 2y - 3 = 0$. Ее угловой коэффициент и начальная ордината равны:

- а) 1/2 и 4/3
- б) -2 и 3/2**
- в) 2 и 3
- г) 3/4 и -1/2

25. Уравнение второго порядка $3x^2 - 4y^2 + 5x + 2y - 1 = 0$ описывает

- а) окружность
- б) эллипс
- в) гиперболу**
- г) параболу

26. Найдите $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{2n^2 - n + 3}{n^2 + 4n - 1}$

- а) 1/2
- б) 2**
- в) 3
- г) ∞

27. Найдите $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{5}{x}\right)^{2x}$

- a) 1
- б) $e^{5/2}$
- в) $e^{2/5}$
- г) e^{10}**

28. Число точек разрыва функции $y = \frac{1}{x(x+3)^2}$ равно

- a) 0
- б) 1
- в) 2**
- г) 3

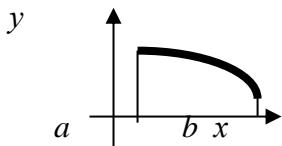
29. Производная частного $\frac{x}{2x-1}$ равна

- а) $-\frac{1}{2x-1}$
- б) $\frac{1}{(2x-1)^2}$
- в) $\frac{4x-1}{(2x-1)^2}$
- г) $-\frac{1}{(2x-1)^2}$**

30. Производная y'_x функции $\begin{cases} x = \ln t \\ y = t^4 \end{cases}$ равна

- а) $4t^3$
- б) $4t^4$**
- 3) $4t^2$
- 4) $3t^3$

31. Определите знаки y, y', y'' на отрезке $[a; b]$ кривой $y = y(x)$, изображенной на рисунке



- а) $y > 0, y' > 0, y'' > 0$
- б) $y < 0, y' < 0, y'' < 0$
- в) $y > 0, y' < 0, y'' < 0$**
- г) $y > 0, y' < 0, y'' > 0$

32. Множество первообразных функции $f(x) = e^{2x+3}$ имеет вид:

- а) $-\frac{1}{2}e^{2x+3} + C$

б) $e^{2x+3} + C$

в) $\frac{1}{2}e^{2x+3} + C$

г) $2e^{2x+3} + C$

33. Правильной рациональной дробью является

а) $\frac{x^2 + 3}{2x + 1}$

б) $\frac{x^2 + 3}{2x^2 + 1}$

в) $\frac{2x + 3}{x^2 + 1}$

г) $\frac{2x + 3}{3x + 1}$

34. Если криволинейная трапеция, ограниченная непрерывной кривой $x = \varphi(y)$, осью OY и горизонтальными прямыми $y = \alpha$ и $y = \beta$, вращается вокруг оси OY , то объем полученного от вращения тела находится по формуле:

а) $V = \pi \int_{\alpha}^{\beta} y(x) dx$

б) $V = \pi \int_{\alpha}^{\beta} x(y) dy$

в) $V = \pi \int_{\alpha}^{\beta} x^2(y) dy$

г) $V = \pi \int_{\alpha}^{\beta} y^2(x) dx$

35. Произведением двух комплексных чисел $z_1 = 2 - i$ и $z_2 = 3 + 2i$ будет

а) $5 + i$

б) $2 + i$

в) $6 - 2i$

г) $8 + i$

36. Общий интеграл дифференциального уравнения $\frac{dy}{y^2} = x dx$ имеет вид:

a) $\frac{1}{y} = \frac{x^2}{2} + C$

б) $-\frac{1}{y} = \frac{x^2}{2} + C$

в) $y = \frac{x^2}{2} + C$

г) $\frac{1}{y} = x^2 + C$

г) $xy' + y^3 = x^2$

37. Дифференциальное уравнение первого порядка является линейным

а) $xy' + y = x^2$

б) $xy' + y^2 = 1$

в) $y' + xy = y^2$

г) $xy' + y^3 = x^2$

38. Частному решению дифференциального уравнения $y'' - 5y' + 6y = x + 1$ по виду его правой части соответствует функция

а) $f(x) = Ax + B$

б) $f(x) = Ae^{2x} + Be^{3x}$

в) $f(x) = e^{2x}(Ax + B)$

г) $f(x) = Ax^2 + Bx$

39. Общим решением дифференциального уравнения $y'' - 12y' + 35y = 0$ является

а) $y_{общ} = C_1e^{8x} + C_2e^{4x}$

б) $y_{общ} = C_1e^{5x} + C_2 \sin 7x$

в) $y_{общ} = C_1e^{5x} + C_2e^{7x}$

г) $y_{общ} = C_1 \cos 5x + C_2 \sin 7x$

40. Частная производная $f'_y = \frac{\partial f}{\partial y}$ функции $f = 4 \ln(x + y^2)$ равна

а) $\frac{8x}{x + y^2}$

б) $\frac{8}{x + y^2}$

в) $\frac{1}{x+y^2}$

г) $\frac{8y}{x+y^2}$

41. Числовой ряд $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n^3 + 4}$

а) расходится

б) сходится

в) сходится условно

г) сходится абсолютно

42. Укажите правильное утверждение относительно сходимости числовых рядов

А) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{2^n}$

Б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n+1}}$

а) А – расходится, Б – сходится

б) А – сходится, Б – расходится

в) А и Б – расходятся

г) А и Б – сходятся

43. Радиус сходимости степенного ряда $\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ равен 10. Тогда интервал сходимости имеет

вид:

а) (-5; 5)

б) (0; 10)

в) (-10; 10)

г) (-10; 0)

44. Какое из указанных значений может принять вероятность?

а) -0,5.

б) 2.

в) 1.

г) 0.

45. Какое значение не может принять коэффициент корреляции r ?

а) 2.

б) -1.

в) $\frac{1}{2}$.

г) 0.

Бросают 2 монеты. События А – «герб на первой монете» и В – «цифра на второй монете» являются:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------------|----|---------------|
| 1) | зависимыми | 2) | несовместными |
| 3) | совместными | 4) | независимыми |
-

ЗАДАНИЕ N 47( - выберите один вариант ответа)

По мишени производится четыре выстрела. Значение вероятности промаха при первом выстреле 0,5; при втором - 0,3; при третьем – 0,2; при четвертом – 0,1. Тогда вероятность того, что мишень **не будет** поражена ни разу равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------|----|-------|
| 1) | 0,003 | 2) | 0,275 |
| 3) | 1,1 | 4) | 0,03 |
-

ЗАДАНИЕ N 48( - выберите один вариант ответа)

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{1}{3}$ и условные вероятности $P(A/B_1) = \frac{1}{2}$, $P(A/B_2) = \frac{1}{4}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------------|----|---------------|
| 1) | $\frac{3}{4}$ | 2) | $\frac{1}{3}$ |
| 3) | $\frac{2}{3}$ | 4) | $\frac{1}{2}$ |
-

ЗАДАНИЕ N 49( - выберите один вариант ответа)

Функция распределения вероятностей дискретной случайной величины X имеет

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0, \\ 0,3, & 0 < x \leq 1, \\ 0,5, & 1 < x \leq 6, \\ 1, & x > 6. \end{cases}$$

вид

Тогда вероятность $P(-1 \leq X \leq 3)$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----|----|-----|
| 1) | 0,7 | 2) | 0,3 |
| 3) | 0,2 | 4) | 0,5 |
-

ЗАДАНИЕ N 50( - выберите один вариант ответа)

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	2	3	7	10
n_i	4	7	5	4

Тогда относительная частота варианты $x_1 = 2$, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----|----|-----|
| 1) | 0,4 | 2) | 0,1 |
| 3) | 4 | 4) | 0,2 |
-

ЗАДАНИЕ N 51( - выберите один вариант ответа)

Мода вариационного ряда 1 , 4 , 4 , 5 , 6 , 8 , 9 равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---|----|---|
| 1) | 9 | 2) | 4 |
| 3) | 1 | 4) | 5 |
-

ЗАДАНИЕ N 52( - выберите один вариант ответа)

Дана выборка объема n . Если каждый элемент выборки увеличить в 5 раз, то выборочное среднее \bar{x} ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

-
- | | | | |
|----|--------------------|----|---------------------|
| 1) | увеличится в 5 раз | 2) | увеличится в 25 раз |
| 3) | не изменится | 4) | уменьшится в 5 раз |
-

ЗАДАНИЕ N 53( - выберите один вариант ответа)

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = -3 + 2x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------|----|-----|
| 1) | - 0,6 | 2) | - 3 |
| 3) | 0,6 | 4) | - 2 |
-

ЗАДАНИЕ N 54( - выберите один вариант ответа)

Действительный корень уравнения $x^3 + x^2 + x - 1 = 0$ принадлежит интервалу...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------------------------------|----|-------------------------------|
| 1) | $\left(\frac{3}{2}; 2\right)$ | 2) | $\left(1; \frac{3}{2}\right)$ |
| 3) | $\left(\frac{1}{2}; 1\right)$ | 4) | $\left(0; \frac{1}{2}\right)$ |
-

ЗАДАНИЕ N 55( - выберите один вариант ответа)

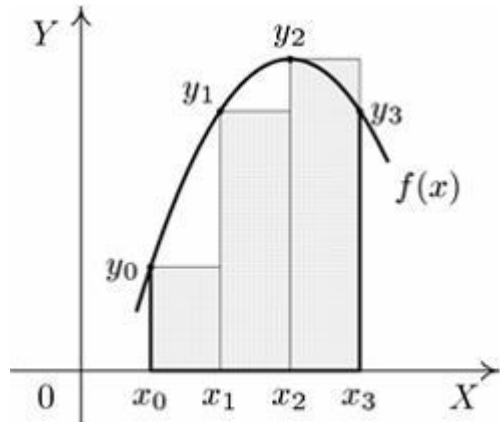
Дано дифференциальное уравнение $y' = y^2 - x$ при $y(0) = 1$. Тогда первые три члена разложения его решения в степенной ряд имеют вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---|----|--------------------------|
| 1) | $1 + x + \frac{x^5}{6}$ | 2) | $-1 + x + \frac{x^2}{2}$ |
| 3) | $1 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6}$ | 4) | $1 + x + \frac{x^2}{2}$ |
-

ЗАДАНИЕ N 56(- выберите один вариант ответа)

Формула приближенного вычисления определенного интеграла, соответствующая рисунку, имеет вид ...



ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\int_{x_0}^{x_3} f(x) dx \approx h \left(y_0 + \frac{y_1 + y_2}{2} + y_3 \right)$

2) $\int_{x_0}^{x_3} f(x) dx \approx h(y_0 + y_1 + y_2)$

3) $\int_{x_0}^{x_3} f(x) dx \approx h(y_1 + y_2 + y_3)$

4) $\int_{x_0}^{x_3} f(x) dx \approx h(y_0 + y_1 + y_2 + y_3)$

ЗАДАНИЕ N 57(- выберите один вариант ответа)

Дано множество натуральных чисел. Тогда арифметическими действиями (сложение, вычитание, умножение, деление), **всегда** выполнимыми на этом множестве, являются...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) сложение и умножение

2) умножение и вычитание

3) деление и вычитание

4) сложение и деление

ЗАДАНИЕ N 58(- выберите несколько вариантов ответа)

На множестве натуральных чисел **N** определены операции ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $a \circ b = \max\{a,b\}$

2) $a \circ b = a - b$

3) $a \circ b = a:b$

4) $a \circ b = a + b$

ЗАДАНИЕ N 59(- выберите один вариант ответа)

Линейным является отображение ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $f(x) = \sin x$

2) $f(x) = x^2$

3) $f(x) = 3x$

4) $f(x) = 2^x$

ЗАДАНИЕ N 60(- выберите один вариант ответа)

Дана система векторов-многочленов $f(t) = 1 - t^2$, $g(t) = 1 + t^3$. Тогда линейная комбинация $f + 2g$ имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $2 - t^2 + t^3$

2) $2t^3 - t^2$

3) $3 - t^2 + 2t^3$

4) $3 - 2t^2 + t^3$

ЗАДАНИЕ N 61(- выберите один вариант ответа)

Градусная мера угла между прямой $y = \sqrt{3}x + 1$ и положительным направлением оси Ox равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 60°

2) 45°

3) 30°

4) 120°

ЗАДАНИЕ N 62(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола
2. Эллипс
3. Гипербола

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

А) $x^2 - 4y^2 = 0$

Б) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{25} = 1$

С) $x + 4y = 1$

Д) $y^2 = 4x$

Е) $x^2 + 4y^2 = 1$

ЗАДАНИЕ N 63( *- выберите один вариант ответа)*

Полярные координаты точки $A(3,4)$ имеют вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\left(5, \operatorname{arctg} \frac{4}{3}\right)$

2) $\left(5, \operatorname{arctg} \frac{3}{4}\right)$

3) $\left(25, \operatorname{arctg} \frac{4}{3}\right)$

4) $\left(25, \operatorname{arctg} \frac{3}{4}\right)$

ЗАДАНИЕ N 64( *- выберите один вариант ответа)*

Даны две смежные вершины куба: $A(3;7;2)$ и $B(-1;4;2)$. Тогда объем этого куба равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 125

2)

5

3) 25

4)

$5\sqrt{5}$

ЗАДАНИЕ N 65(

- выберите один вариант ответа)

Дана функция $y = \sqrt{\frac{5-x}{x-2}}$. Тогда её областью определения является множество ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|----------------------------------|----|----------|
| 1) | $(-\infty; 2) \cup [5; +\infty)$ | 2) | $(2; 5]$ |
| 3) | $[2; 5]$ | 4) | $(2; 5)$ |
-

ЗАДАНИЕ N 66(

- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между функцией и ее точкой разрыва

1. $y = 7^{\frac{1}{x+2}}$

2. $y = \frac{1}{x^2 + 1}$

3. $y = \sin \frac{1}{x}$

4. $y = \frac{1}{\ln(x-2)}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------------|----|-----|
| A) | 2 | B) | - 2 |
| C) | \emptyset | D) | 0 |
| E) | 3 | | |
-

ЗАДАНИЕ N 67(

- выберите один вариант ответа)

Производная функции $y = 2x^4 + \sqrt{x} + 3$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|----------------------------------|----|----------------------------|
| 1) | $8x^3 + \frac{1}{2\sqrt{x}} + 3$ | 2) | $x^3 + \frac{1}{\sqrt{x}}$ |
|----|----------------------------------|----|----------------------------|

3) $8x^3 + \frac{1}{2\sqrt{x}}$

4) $4x^3 + \frac{1}{2\sqrt{x}}$

ЗАДАНИЕ N 68 (- выберите один вариант ответа)

Производная второго порядка функции $y = e^{5x-1}$ имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $25e^{5x}$

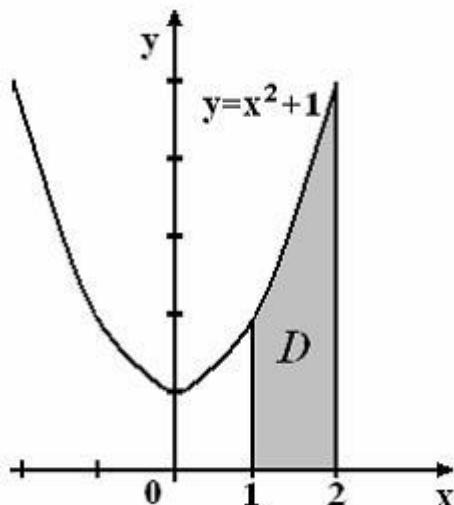
2) $25e$

3) $5e^x$

4) $25e^{5x-1}$

ЗАДАНИЕ N 69 (- выберите один вариант ответа)

Площадь криволинейной трапеции D



равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{7}{3}$

2) $\frac{14}{3}$

3) $\frac{8}{3}$

4) $\frac{10}{3}$

ЗАДАНИЕ N 70 (- выберите варианты согласно указанной последовательности)

Расположите комплексные числа в порядке возрастания их модулей

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $-2 + i$

2) i

3) $1 - i$

4) $2 - 2i$

ЗАДАНИЕ N 71() - выберите один вариант ответа)

$Z_1 = -\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$ и $Z_2 = \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i$ Сумма комплексных чисел равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $1 + i$

2) $2 - i$

3) $1 - i$

4) $2 + i$

ЗАДАНИЕ N 72() - выберите один вариант ответа)

Значение функции $f(z) = 2z + i$ в точке $z_0 = 1 + i$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $2 + 2i$

2) $2 - 3i$

3) $2 + 3i$

4) $3 + 2i$

ЗАДАНИЕ N 73() - выберите несколько вариантов ответа)

Укажите дифференциальное уравнение первого порядка.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $(2x + 6) = \frac{y''}{y'}$

2) $2y\sqrt{x} = y$

3) $\frac{x}{y'} = \ln y$

4) $\frac{dy}{y} = \sqrt{x}dx$

ЗАДАНИЕ N 74() - выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его общим интегралом.

1. $y' - 3x^2y = 0$

2. $y' - 6x^5y = 0$

3. $y' = 3xy$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\ln|y| = x^6 + C$

B) $\ln|y| = \frac{3}{2}x^2 + C$

C) $\ln|y| = x^3 + C$

D) $\ln|y| = x^2 + C$

ЗАДАНИЕ N 75 ( - выберите один вариант ответа)

Дано дифференциальное уравнение $y''' + 5y' + 6y = 0$. Тогда соответствующее ему характеристическое уравнение имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $k^2 + 5k + 6 = 0$

2) $k^2 - 5k - 6 = 0$

3) $1 + 5k + 6k^2 = 0$

4) $k^2 - 5k + 6 = 0$

ЗАДАНИЕ N 76 ( - выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением ...

1. $y^{IV} - y''' + y'' = 0$

2. $y^{IV} - y''' + y'' + y' = 0$

3. $y^{IV} - y''' + y' + y = 0$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\lambda^4 - \lambda^3 + \lambda + 1 = 0$

B) $\lambda^3 - \lambda^2 + \lambda = 0$

C) $\lambda^3 - \lambda^2 + \lambda + 1 = 0$

D) $\lambda^4 - \lambda^3 + \lambda^2 = 0$

E) $\lambda^4 - \lambda^3 + \lambda^2 + \lambda = 0$

ЗАДАНИЕ N 77(- выберите один вариант ответа)

Вероятность достоверного события равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----|----|-----|
| 1) | – 1 | 2) | 0,5 |
| 3) | 0 | 4) | 1 |
-

ЗАДАНИЕ N 78(- выберите один вариант ответа)

В урне находятся 1 белый и 2 черных шара. Из урны поочередно вынимают два шара, но после первого вынимания шар **возвращается** в урну, и шары в урне перемешиваются.

Тогда вероятность того, что оба шара белые, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------------|----|---------------|
| 1) | $\frac{2}{3}$ | 2) | $\frac{1}{9}$ |
| 3) | $\frac{2}{9}$ | 4) | $\frac{1}{6}$ |
-

ЗАДАНИЕ N 79(- выберите один вариант ответа)

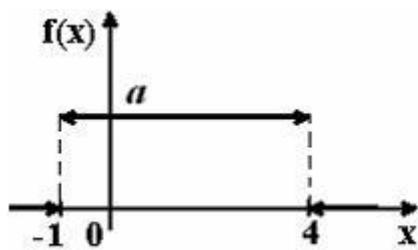
В первой урне 4 черных и 6 белых шаров. Во второй урне 3 белых и 7 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------|----|------|
| 1) | 0,15 | 2) | 0,4 |
| 3) | 0,9 | 4) | 0,45 |
-

ЗАДАНИЕ N 80(- выберите один вариант ответа)

График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X , распределённой равномерно в интервале $(-1; 4)$, имеет вид:



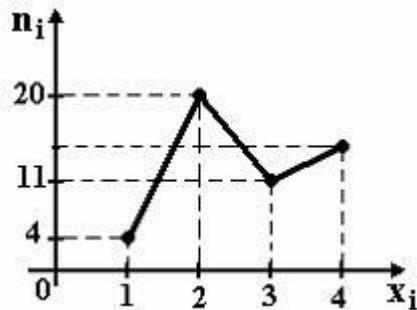
Тогда значение a равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------|----|------|
| 1) | 1 | 2) | 0,25 |
| 3) | 0,33 | 4) | 0,20 |

ЗАДАНИЕ N 81(- выберите один вариант ответа)

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид



Тогда число вариант $x_i=4$ в выборке равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|----|----|----|
| 1) | 16 | 2) | 15 |
| 3) | 50 | 4) | 14 |
-

ЗАДАНИЕ N 82(- выберите один вариант ответа)

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): **5, 6, 9, 12**. Тогда несмешенная оценка математического ожидания равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---|----|------|
| 1) | 8 | 2) | 8,5 |
| 3) | 7 | 4) | 8,25 |
-

ЗАДАНИЕ N 83( - выберите один вариант ответа)

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 10. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|--------------|----|-------------|
| 1) | (8,5 ; 11,5) | 2) | (10 ; 10,9) |
| 3) | (8,4 ; 10) | 4) | (8,6 ; 9,6) |
-

ЗАДАНИЕ N 84( - выберите один вариант ответа)

Если основная гипотеза имеет вид $H_0 : a = 10$, то конкурирующей может быть гипотеза...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------------------|----|-------------------|
| 1) | $H_1 : a \leq 10$ | 2) | $H_1 : a \geq 10$ |
| 3) | $H_1 : a \leq 20$ | 4) | $H_1 : a \neq 10$ |
-

ЗАДАНИЕ N 85( - выберите один вариант ответа)

Даны два высказывания: A – «треугольник равносторонний»; B – «все стороны равны». Тогда на языке алгебры логики предложение: «Если треугольник равносторонний, то все его стороны не равны» имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------------------|----|-------------------------|
| 1) | $A \rightarrow B$ | 2) | $A \rightarrow \bar{B}$ |
| 3) | $A \wedge B$ | 4) | $A \vee \bar{B}$ |
-

ЗАДАНИЕ N 86( - выберите несколько вариантов ответа)

Дано множество $X = \{1;2;3\}$. Истинными утверждениями являются...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------------------|----|---------------|
| 1) | $\{2\} \in X$ | 2) | $3 \subset X$ |
| 3) | $\{1;2\} \subset X$ | 4) | $1 \in X$ |
-

ЗАДАНИЕ N 87(

- выберите один вариант ответа)

Количество перестановок букв в слове «зачет» равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

20

2)

120

3)

5

4)

24

ЗАДАНИЕ N 88(

- выберите несколько вариантов ответа)

$$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$$

Членами определителя второго порядка $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$ являются следующие произведения (без учета знака произведения) ...**ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:**

1)

 ac

2)

 ab

3)

 ad

4)

 bc **ЗАДАНИЕ N 89(**

- выберите один вариант ответа)

Если $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$, то матрица $3A$ имеет вид...**ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:**

1)

$$\begin{pmatrix} -3 & 6 \\ 12 & -15 \end{pmatrix}$$

2)

$$\begin{pmatrix} -3 & 6 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$$

3)

$$\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 12 & -15 \end{pmatrix}$$

4)

$$\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 12 & 15 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ N 90(

- выберите один вариант ответа)

Даны матрицы A размерности 3×5 и B размерности 5×3 . Произведение AB существует и имеет размерность...**ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:**

1) 3×3

3) 5×3

2) 3×5

4) 5×5

ЗАДАНИЕ N 91( - выберите один вариант ответа)

$$\begin{cases} x - 2y - z = 3 \\ 4x + 5y + z = 6 \end{cases}$$

Расширенная матрица системы уравнений имеет размерность...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 2×3

3) 2×4

2) 4×2

4) 3×2

ЗАДАНИЕ N 92( - выберите один вариант ответа)

$$\begin{cases} x + 2y = -3 \\ 3x + 2y = 5 \end{cases}$$

Если $(x_0; y_0)$ решение системы линейных уравнений, тогда
 $x_0 + y_0$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $-3,5$

3) $0,5$

2) $3,5$

4) $-0,5$

ЗАДАНИЕ N 93( - выберите один вариант ответа)

Квадратичная форма двух переменных $5x^2 + 8xy + 5y^2$ является...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) законеопределенной

3) положительно определенной

2) отрицательно определенной

4) неотрицательно определенной

ЗАДАНИЕ N 94( - введите ответ)

Расстояние между точками $A(1; 0)$ и $B(-2; -4)$ равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

ЗАДАНИЕ N 95(- выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите правильное соответствие между характером расположения прямой $L: Ax + By + C = 0$ на декартовой плоскости и свойством совокупности коэффициентов A, B, C .

1. L параллельна оси Ox
2. L параллельна оси Oy
3. L пересекает оси Ox, Oy и не проходит через точку $O(0; 0)$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----------------------------|----|--------------------------------|
| A) | $A = 0, B = 0, C = 0$ | B) | $A = 0, B \neq 0, C \neq 0$ |
| C) | $A \neq 0, B = 0, C \neq 0$ | D) | $A \neq 0, B \neq 0, C \neq 0$ |
| E) | $A \neq 0, B \neq 0, C = 0$ | | |

ЗАДАНИЕ N 96(- выберите один вариант ответа)

Полярные координаты точки $A(3,4)$ имеют вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------------------------------------|----|---------------------------------------|
| 1) | $\left(5, \arctg \frac{4}{3}\right)$ | 2) | $\left(5, \arctg \frac{3}{4}\right)$ |
| 3) | $\left(25, \arctg \frac{4}{3}\right)$ | 4) | $\left(25, \arctg \frac{3}{4}\right)$ |

ЗАДАНИЕ N 97(- введите ответ)

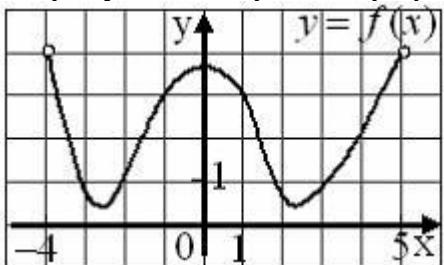
Если точка $P(-1; 2; 3)$ принадлежит плоскости $2x - 4y + Cz - 5 = 0$, то коэффициент C равен ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:



ЗАДАНИЕ N 98(- выберите один вариант ответа)

На рисунке изображен график функции $y = f(x)$.



Тогда при переходе от $x = -1$ к $x = 3$ приращение Δy равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) -2

- 2) 2

- 3) 4

- 4) 3

ЗАДАНИЕ N 99(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между пределами и их значениями

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x^2}{x}$

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{2x}$

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{x}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- A) 3
- C) 0
- E) $\frac{1}{2}$

- B) 1
- D) 2

ЗАДАНИЕ N 100( - выберите один вариант ответа)

$$y = \frac{1}{(x+3)^2}$$

Число точек разрыва функции равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

4

2)

3

3)

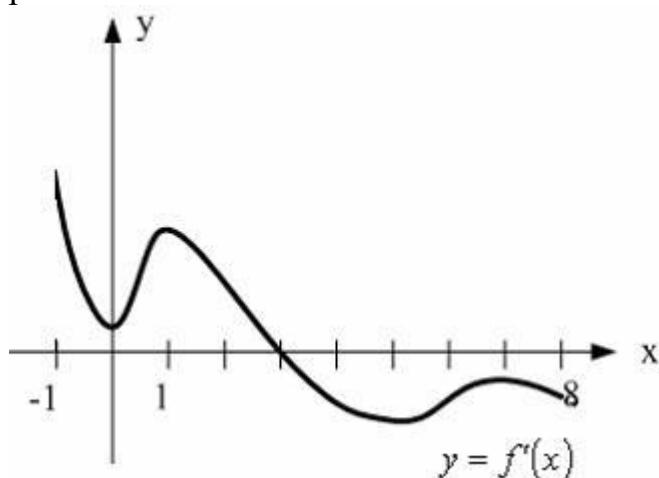
0

4)

1

ЗАДАНИЕ N 101( - выберите один вариант ответа)

На рисунке изображен график производной функции $y = f'(x)$, заданной на отрезке $[-1; 8]$.



Тогда точкой максимума этой функции является...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

7

2)

8

3)

1

4)

3

ЗАДАНИЕ N 102( - выберите один вариант ответа)

Множество первообразных функции $f(x) = \sin 2x$ имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$$2\cos x + C$$

2)

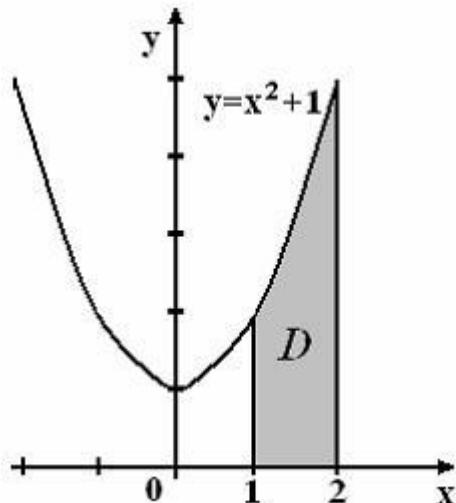
$$-\frac{1}{2}\cos 2x + C$$

3) $\frac{1}{2} \cos 2x + C$

4) $2 \cos 2x + C$

ЗАДАНИЕ N 103 (- выберите один вариант ответа)

Площадь криволинейной трапеции D



равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{7}{3}$

2) $\frac{14}{3}$

3) $\frac{8}{3}$

4) $\frac{10}{3}$

ЗАДАНИЕ N 104 (- выберите варианты согласно указанной последовательности)

Расположите дифференциальные уравнения по возрастанию порядка ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $xy' - 2y = 4xy$

2) $xy'' - 2y' = 4xy$

3) $xy - 2y'' = 4xy'''$

ЗАДАНИЕ N 105 (- выберите один вариант ответа)

Общий интеграл дифференциального уравнения $y' = y$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y = \frac{y^2}{2} + C$

2) $\frac{1}{2}y^2 = x$

3) $y = \sqrt{2x} + C$

4) $\ln|y| = x + C$

ЗАДАНИЕ N 106(- введите ответ)

Если дифференциальное уравнение имеет вид $y'' - 3y' + 2y = 0$, то сумма корней его характеристического уравнения равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:**ЗАДАНИЕ N 107**(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между дифференциальным уравнением и его характеристическим уравнением ...

1. $y^{IV} - y''' + y'' = 0$

2. $y^{IV} - y'''' + y'' + y' = 0$

3. $y^{IV} - y''' + y' + y = 0$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\lambda^4 - \lambda^3 + \lambda + 1 = 0$

B) $\lambda^3 - \lambda^2 + \lambda = 0$

C) $\lambda^3 - \lambda^2 + \lambda + 1 = 0$

D) $\lambda^4 - \lambda^3 + \lambda^2 = 0$

E) $\lambda^4 - \lambda^3 + \lambda^2 + \lambda = 0$

ЗАДАНИЕ N 108(- выберите варианты согласно тексту задания)

A, B, C – попарно независимые события. Их вероятности: $p(A) = 0,4$, $p(B) = 0,8$, $p(C) = 0,3$. Укажите соответствие между событиями и их вероятностями:

1. $A \cdot B$

2. $A \cdot C$

3. $B \cdot C$
4. $A \cdot B \cdot C$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------|----|------|
| A) | 1,5 | B) | 0,32 |
| C) | 0,24 | D) | 0,12 |
| E) | 0,096 | | |

ЗАДАНИЕ N 109(- выберите один вариант ответа)

В первой урне 4 черных и 6 белых шаров. Во второй урне 3 белых и 7 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------|----|------|
| 1) | 0,15 | 2) | 0,4 |
| 3) | 0,9 | 4) | 0,45 |

ЗАДАНИЕ N 111(- выберите один вариант ответа)

Пусть X – дискретная случайная величина, заданная законом распределения вероятностей:

X	-1	3
p	0,4	0,6

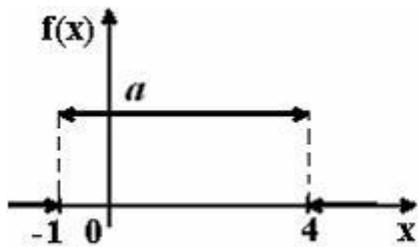
Тогда математическое ожидание этой случайной величины равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----|----|---|
| 1) | 2,2 | 2) | 1 |
| 3) | 1,4 | 4) | 2 |

ЗАДАНИЕ N 111(- выберите один вариант ответа)

График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X , распределённой равномерно в интервале $(-1; 4)$, имеет вид:



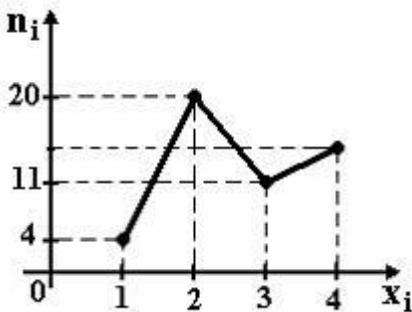
Тогда значение a равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------|----|------|
| 1) | 1 | 2) | 0,25 |
| 3) | 0,33 | 4) | 0,20 |
-

ЗАДАНИЕ N 112(- выберите один вариант ответа)

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид



Тогда число вариантов $x_i=4$ в выборке равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|----|----|----|
| 1) | 16 | 2) | 15 |
| 3) | 50 | 4) | 14 |
-

ЗАДАНИЕ N 113(- выберите один вариант ответа)

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины (в мм): **5, 6, 9, 12**. Тогда несмешенная оценка математического ожидания равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---|----|------|
| 1) | 8 | 2) | 8,5 |
| 3) | 7 | 4) | 8,25 |
-

ЗАДАНИЕ N 114( - выберите один вариант ответа)

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 10. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|--------------|----|-------------|
| 1) | (8,5 ; 11,5) | 2) | (10 ; 10,9) |
| 3) | (8,4 ; 10) | 4) | (8,6 ; 9,6) |
-

ЗАДАНИЕ N 115( - выберите один вариант ответа)

Если основная гипотеза имеет вид $H_0 : a = 10$, то конкурирующей может быть гипотеза...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------------------|----|-------------------|
| 1) | $H_1 : a \leq 10$ | 2) | $H_1 : a \geq 10$ |
| 3) | $H_1 : a \leq 20$ | 4) | $H_1 : a \neq 10$ |
-

ЗАДАНИЕ N 116( - выберите один вариант ответа)

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = 2$$

Определитель

$$\begin{pmatrix} 3a_{11} & -3a_{12} & 3a_{13} \\ a_{21} & -a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & -a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

. Тогда определитель матрицы

равен ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---|----|-----|
| 1) | 6 | 2) | - 6 |
| 3) | 4 | 4) | 5 |
-

ЗАДАНИЕ N 117(

- выберите один вариант ответа)

$$\text{Если } A = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 4 & -5 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, \text{ то матрица } C = 2A + B \text{ имеет вид...}$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 4 & -3 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 8 & -8 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ N 118(

- выберите несколько вариантов ответа)

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 3 & 0 & 4 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 3 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$$

Для матриц и транспонированных к ним определены произведения ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) AB

2) AB^T

3) $B^T A$

4) BA

5) $A^T B^T$

ЗАДАНИЕ N 119(

- введите ответ)

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -\alpha & 2 \\ -1 & 5 & -2 \\ 4 & 6 & 4 \end{pmatrix}$$

Обратная матрица к матрице не существует при α , равном ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

ЗАДАНИЕ N 120 ( - выберите один вариант ответа)

В системе уравнений

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - x_3 + 2x_4 + x_5 = 0 \\ x_2 + x_3 - 2x_4 + x_5 = 0 \\ 2x_3 + x_4 - 4x_5 = 0 \end{cases}$$

независимыми (свободными) переменными можно считать...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

x_5

2)

x_1, x_2, x_3

3)

x_1, x_2, x_3, x_4, x_5

4)

x_4, x_5

ЗАДАНИЕ N 121 ( - выберите один вариант ответа)

Матрице $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ соответствует квадратичная форма ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$x^2 - 2xy + 3y^2$

2)

$x^2 - 4xy + 3y^2$

3)

$x^2 + 4xy - 3y^2$

4)

$3x^2 - 4xy + 3y^2$

ЗАДАНИЕ N 122 ( - выберите несколько вариантов ответа)

Дана координатная ось. Правильными утверждениями являются...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- из двух различных точек на координатной оси, имеющих отрицательные координаты, дальше от начала координат лежит точка, имеющая меньшую координату
- 1) координата точки на оси равна расстоянию от этой точки до начала отсчета

- координаты двух точек координатной оси, лежащих по разные стороны от начала отсчета, всегда имеют разные знаки
- 2)

- начало координат может лежать на отрезке, соединяющем две точки координатной оси, имеющие отрицательные координаты
- 4)

ЗАДАНИЕ N 123(- выберите несколько вариантов ответа)

Среди прямых $l_1 : x + 3y - 5 = 0$, $l_2 : 2x + 6y - 3 = 0$, $l_3 : 2x - 6y - 3 = 0$,
 $l_4 : -2x + 6y - 5 = 0$ параллельными являются ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) l_1 и l_2

2) l_2 и l_3

3) l_3 и l_4

4) l_1 и l_3

ЗАДАНИЕ N 124(- выберите один вариант ответа)

$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$$

Если уравнение гиперболы имеет вид $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$, то длина ее действительной полуоси равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 3

2) 9

3) 16

4) 4

ЗАДАНИЕ N 125(- выберите один вариант ответа)

Полюс полярной системы координат совмещен с началом декартовой системы координат, а полярная ось совпадает с положительной полуосью абсцисс. Тогда точка $(3; y)$, заданная в декартовой системе координат, имеет полярный радиус $\rho = 5$ при y , равном ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) ± 2

2) 2

3) ± 4

4) 8

ЗАДАНИЕ N 126(выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между уравнением плоскости и ее положением в пространстве

1. $2x + 3z + 5 = 0$

2. $4y - z - 3 = 0$
3. $5x + 2y - 9 = 0$
4. $x + 7y - 2z = 0$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------------------------|----|---------------------------------|
| A) | параллельна оси z | B) | проходит через начало координат |
| C) | проходит через ось y | D) | параллельна оси y |
| E) | параллельна оси x | | |

ЗАДАНИЕ N 127 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите правильное соответствие между уравнением и определяемой им поверхностью в пространстве.

1. $x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 1$
2. $x^2 + 2y^2 - 3z^2 = 1$
3. $x^2 - 2y^2 - 3z^2 = 1$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------------------------|----|--------------------------|
| A) | коническая поверхность | B) | эллипсоид |
| C) | однополостный гиперболоид | D) | эллиптический параболоид |
| E) | двуполостный гиперболоид | | |

ЗАДАНИЕ N 128 (- выберите один вариант ответа)

Областью определения функции $y = \sqrt{\log_2 x}$ является множество...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------------|----|---------------------------|
| 1) | $(0, \infty)$ | 2) | $(0, 1) \cup (1, \infty)$ |
| 3) | $[0, \infty)$ | 4) | $[1, \infty)$ |
-

ЗАДАНИЕ N 129 (- выберите несколько вариантов ответа)

Для дробно-рациональной функции $y = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x}$ точками разрыва являются...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $x = -2$

2) $x = 0$

3) $x = 1$

4) $x = -1$

ЗАДАНИЕ N 130 (- выберите один вариант ответа)

Значение производной второго порядка функции $y = \sin 2x + 4x$ в точке

$x = \frac{\pi}{4}$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 4

2) 1

3) - 4

4) - 1

ЗАДАНИЕ N 131 (- выберите один вариант ответа)

$$y(x) = \frac{2x^2 + x + 4}{x - 1}$$

Наклонной асимптотой графика функции является прямая ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) график не имеет наклонных асимп-
тот

2) $y = 2x + 3$

3) $y = -2x + 3$

4) $y = -x + 2$

ЗАДАНИЕ N 132 (- выберите один вариант ответа)

$$\frac{1}{x^2}$$

Функцией, производная второго порядка которой равна $\frac{1}{x^2}$, является ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $f(x) = x - \operatorname{arctg} x$

2) $f(x) = x - \ln x$

3) $f(x) = -\frac{1}{x}$

4) $f(x) = -\frac{1-x}{x}$

ЗАДАНИЕ N 133 ( - выберите один вариант ответа)

$$\int_{3}^{+\infty} (x-2)^{-4} dx$$

Несобственный интеграл равен ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{1}{2}$

2)

1

3) $\frac{1}{3}$

4)

$$\frac{1}{4}$$

ЗАДАНИЕ N 134 ( - выберите несколько вариантов ответа)

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями первого порядка являются:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $x^3 y' + 8y - x + 5 = 0$

2) $y^2 \frac{\partial y}{\partial x} + x = 0$

3) $2x \frac{d^2 y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$

4) $x \frac{d^2 y}{dx^2} + xy \frac{dy}{dx} + x^2 = y$

ЗАДАНИЕ N 135 ( - введите ответ)

Если $y(x)$ — решение уравнения $y' = \frac{y}{x}$, удовлетворяющее условию $y(1) = 1$, тогда $y(2)$ равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

ЗАДАНИЕ N 136(- выберите один вариант ответа)

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + 2$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

2)

$$y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + C$$

3) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

4)

$$y = x^4 + x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$$

ЗАДАНИЕ N 137(- выберите один вариант ответа)

Случайные события А и В, удовлетворяющие условиям $P(A) = 0,3$, $P(B) = 0,4$,
 $P(AB) = 0,2$, являются ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) совместными и независимыми

2) несовместными и независимыми

3) совместными и зависимыми

4) несовместными и зависимыми

ЗАДАНИЕ N 138(- выберите один вариант ответа)

По мишени производится четыре выстрела. Значение вероятности промаха при первом выстреле 0,5; при втором - 0,3; при третьем - 0,2; при четвертом - 0,1.

Тогда вероятность того, что мишень **не будет** поражена ни разу равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 0,003

2) 0,275

3) 1,1

4) 0,03

ЗАДАНИЕ N 139(- выберите один вариант ответа)

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность

$P(B_1) = \frac{1}{3}$ и условные вероятности $P(A/B_1) = \frac{1}{2}$, $P(A/B_2) = \frac{1}{4}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{3}{4}$

2) $\frac{1}{3}$

3) $\frac{2}{3}$

4) $\frac{1}{2}$

ЗАДАНИЕ N 140 ( - выберите один вариант ответа)

Непрерывная случайная величина X задана интегральной функцией распределения вероятностей

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -1 \\ Cx + 2, & -1 < x \leq -\frac{1}{2} \\ 1, & x > -\frac{1}{2} \end{cases}$$

Тогда значение C равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $-\frac{1}{2}$

2) $\frac{1}{2}$

3) 2

4) 1

ЗАДАНИЕ N 141 ( - выберите один вариант ответа)

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	2	3	7	10
n_i	4	7	5	4

Тогда относительная частота варианты $x_1 = 2$, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----|----|-----|
| 1) | 0,4 | 2) | 0,1 |
| 3) | 4 | 4) | 0,2 |
-

ЗАДАНИЕ N 142( - выберите один вариант ответа)

Мода вариационного ряда 1 , 4 , 4 , 5 , 6 , 8 , 9 равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---|----|---|
| 1) | 9 | 2) | 4 |
| 3) | 1 | 4) | 5 |
-

ЗАДАНИЕ N 143( - выберите один вариант ответа)

Дана выборка объема n . Если каждый элемент выборки увеличить в 5 раз, то выборочное среднее \bar{x} ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|--------------------|----|---------------------|
| 1) | увеличится в 5 раз | 2) | увеличится в 25 раз |
| 3) | не изменится | 4) | уменьшится в 5 раз |
-

ЗАДАНИЕ N 144( - выберите один вариант ответа)

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = -3 + 2x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------|----|-----|
| 1) | - 0,6 | 2) | - 3 |
| 3) | 0,6 | 4) | - 2 |
-

ЗАДАНИЕ N 145(

- выберите один вариант ответа)

$$\text{Определитель } \begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix} \text{ равен...}$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) – 1
3) 5

- 2) 1
4) – 5

ЗАДАНИЕ N 146(

- выберите несколько вариантов ответа)

Если существует матрица $A + A^T$, то матрица A

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) может быть произвольной

- 2) является нулевой (размера $m \times n$,
где $m \neq n$)

- 3) является квадратной

- 4) может быть единичной

ЗАДАНИЕ N 147(

- выберите несколько вариантов ответа)

Операция произведения матриц правильно определена для матричного умножения вида ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 6 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$

2) $(2 \quad -1) \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 5 & 4 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 0 & 6 \\ 4 & 2 & 1 \end{pmatrix}$

5) $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} \cdot (2 \quad -1)$

ЗАДАНИЕ N 148 ( - выберите один вариант ответа)

Матрица, обратная данной матрице $A = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$, имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 4 & -1 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ N 149 ( - выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей.

1. $\begin{cases} x_1 + x_2 = 3, \\ -x_2 + x_3 - 4 = 0, \\ -3x_1 + x_2 - x_3 = 0 \end{cases}$

2. $\begin{cases} -2x_1 + x_3 = -3, \\ 2x_2 + x_3 = 0, \\ -3x_1 + 2x_2 = 4 \end{cases}$

3. $\begin{cases} x_1 + x_3 - 3 = 0, \\ x_2 + x_3 = 4, \\ -3x_1 + x_2 + x_3 = 2 \end{cases}$

4. $\begin{cases} 3x_1 - x_2 + x_3 = 4, \\ x_1 + x_3 = 0, \\ -2x_1 + x_3 - 1 = 0 \end{cases}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A)

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 & 4 \\ -3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

B)

$$\begin{pmatrix} 3 & -1 & 1 & 4 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ -2 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

C)

$$\begin{pmatrix} -2 & 0 & 1 & -3 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ -3 & 2 & 0 & 4 \end{pmatrix}$$

D)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & -1 & 1 & 4 \\ -3 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

E)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 3 \\ -1 & 1 & -4 & 0 \\ -3 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

F)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -3 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 4 \\ -3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ N 150 (- выберите один вариант ответа)

Матрице $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$ соответствует квадратичная форма ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $x^2 - 2xy + 3y^2$

2) $x^2 - 4xy + 3y^2$

3) $x^2 + 4xy - 3y^2$

4) $3x^2 - 4xy + 3y^2$

ЗАДАНИЕ N 151 (- выберите варианты согласно указанной последовательности)

Расположите по возрастанию длины сторон треугольника ΔABC , где $A(1;5)$, $B(5;1)$ и $C(-5;-1)$.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

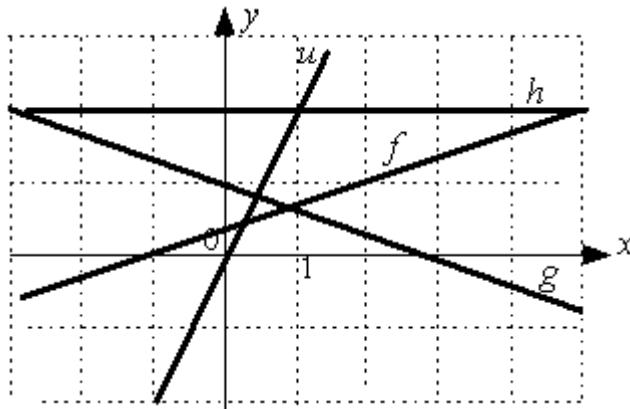
1) $|AC|$

2) $|BC|$

3) $|AB|$

ЗАДАНИЕ N 152 (- выберите варианты согласно указанной последовательности)

Даны графики прямых f, g, h, u :



Укажите последовательность этих прямых в порядке убывания их угловых коэффициентов.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) u

2) h

3) g

4) f

ЗАДАНИЕ N 153 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите соответствие между кривыми второго порядка и их уравнениями:

1. $(x+6)^2 + (y-2)^2 = 64$

2. $x^2 + 4y = 16$

3. $x^2 + 4y^2 = 4$

4. $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{9} = 1$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) эллипс

B) гипербола

C) окружность

D) парабола

ЗАДАНИЕ N 154 (- выберите один вариант ответа)

Уравнение $x^2 + y^2 = ax$ в полярных координатах имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\rho = a \cos \varphi$

2) $\rho^2 = a \cos \varphi$

3) $\rho = a \sin \varphi$

4) $\operatorname{tg} \varphi = a$

ЗАДАНИЕ N 155 ( - выберите один вариант ответа)

Плоскость, проходящая через начало координат параллельно плоскости $4x + 2y - 6z + 5 = 0$, имеет уравнение ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $2x + y - 3z = 0$

2) $2x + y + 3z = 0$

3) $2x - y - 3z = 0$

4) $4x + 2y - 6z - 5 = 0$

ЗАДАНИЕ N 156 ( - введите ответ)

Сумма координат центра эллипсоида $4(x-1)^2 + (y+2)^2 + z^2 = 16$ равна ...

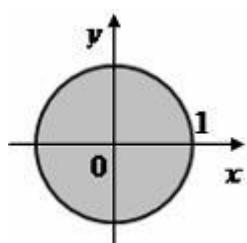
ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

ЗАДАНИЕ N 157 ( - выберите один вариант ответа)

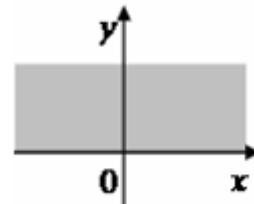
Дана функция двух переменных $z = \sqrt{x-1} + y$. Тогда область определения этой функции изображена на рисунке ...

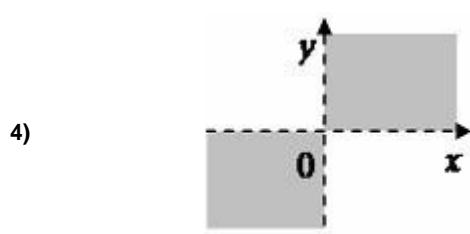
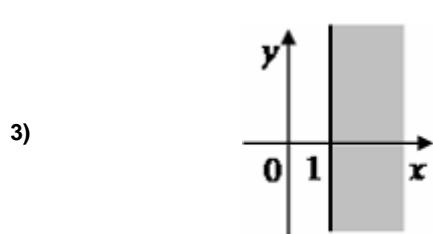
ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)



2)

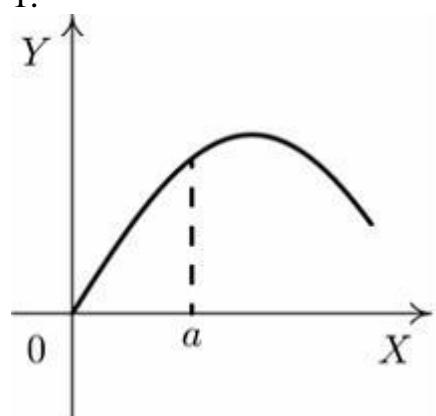




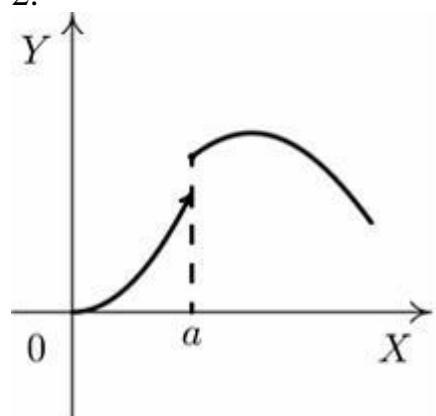
ЗАДАНИЕ N 158 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между графиком функции и характером точки $x=a$.

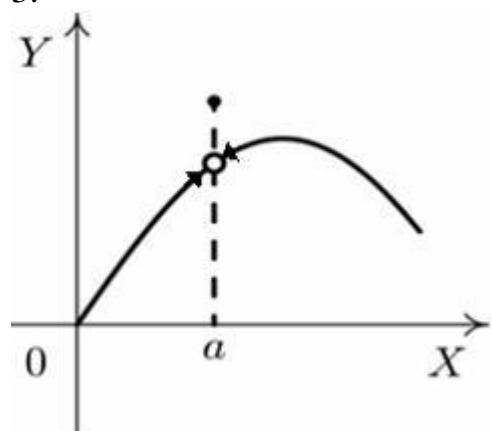
1.



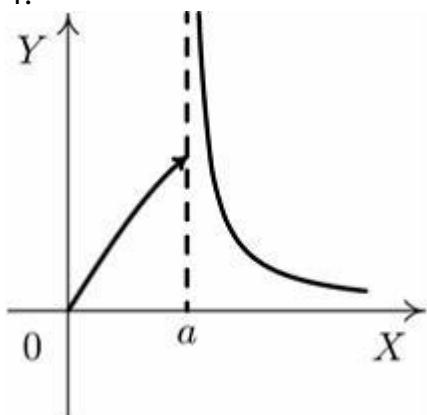
2.



3.



4.

**ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:**

- | | | | |
|----|---------------------------|----|-------------------------|
| A) | точка непрерывности | B) | точка разрыва 1-го рода |
| C) | точка разрыва 2-го рода | D) | точка перегиба |
| E) | точка устранимого разрыва | | |
-

ЗАДАНИЕ N 159 (- выберите один вариант ответа)

Значение производной второго порядка функции $y = \sin 2x + 4x$ в точке $x = \frac{\pi}{4}$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----|----|-----|
| 1) | 4 | 2) | 1 |
| 3) | - 4 | 4) | - 1 |
-

ЗАДАНИЕ N 160 (- выберите один вариант ответа)

$y(x) = \frac{2x^2 + x + 4}{x - 1}$
Наклонной асимптотой графика функции является прямая ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------------------------------------|----|--------------|
| 1) | график не имеет наклонных асимптот | 2) | $y = 2x + 3$ |
| 3) | $y = -2x + 3$ | 4) | $y = -x + 2$ |
-

ЗАДАНИЕ N 161(- выберите несколько вариантов ответа)

Первообразными функции $y = 3x^2 - 2x + 1$ являются ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $6x - 2$

2) $3x^3 - 2x^2$

3) $x^3 - x^2 + x$

4) $x^3 - x^2 + x + 1$

5) $x^3 - x^2 + x - 5$

ЗАДАНИЕ N 162(- выберите несколько вариантов ответа)

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\int_1^{+\infty} x^{-2} dx$

2) $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{2}} dx$

3) $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{4}} dx$

4) $\int_1^{+\infty} x^{-4} dx$

ЗАДАНИЕ N 163(- выберите один вариант ответа)

Порядок дифференциального уравнения $y'' - y' \operatorname{tg} x = \cos x$ можно понизить заменой ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y' = z(x)$

2) $y'' = z(x)$

3) $y' = z(y)$

4) $y'' = z(y)$

ЗАДАНИЕ N 164(- выберите один вариант ответа)

Дано дифференциальное уравнение $y' = 5 - y$. Тогда его решением является функция ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y = e^{-x} + 5$

2) $y = e^x + 5$

3) $y = e^{-x} - 5$

4) $y = e^x - 5$

ЗАДАНИЕ N 165(- выберите один вариант ответа)

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + 2$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$ 2) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + C$

3) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$ 4) $y = x^4 + x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$

ЗАДАНИЕ N 166(- выберите несколько вариантов ответа)

Бросают 2 монеты. События A – «герб на первой монете» и B – «цифра на второй монете» являются:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) зависимыми 2) несовместными

3) совместными 4) независимыми

ЗАДАНИЕ N 167(- выберите несколько вариантов ответа)

Несовместные события A, B и C не образуют полную группу, если их вероятности равны ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $P(A) = \frac{1}{6}$, $P(B) = \frac{1}{3}$, $P(C) = \frac{1}{4}$ 2) $P(A) = \frac{1}{6}$, $P(B) = \frac{1}{6}$, $P(C) = \frac{2}{3}$

3) $P(A) = \frac{1}{3}$, $P(B) = \frac{1}{3}$, $P(C) = \frac{1}{3}$ 4) $P(A) = \frac{1}{6}$, $P(B) = \frac{2}{3}$, $P(C) = \frac{1}{2}$

ЗАДАНИЕ N 168( - выберите один вариант ответа)

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{1}{3}$ и условные вероятности $P(A/B_1) = \frac{1}{2}$, $P(A/B_2) = \frac{1}{4}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{3}{4}$

2) $\frac{1}{3}$

3) $\frac{2}{3}$

4) $\frac{1}{2}$

ЗАДАНИЕ N 169( - выберите один вариант ответа)

Случайная величина распределена равномерно на интервале $(10;12)$. Тогда ее математическое ожидание и дисперсия соответственно равны ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $10,5$ и $\frac{1}{3}$

2) 11 и $\frac{1}{3}$

3) 10 и $\frac{1}{4}$

4) 11 и 1

ЗАДАНИЕ N 170( - выберите один вариант ответа)

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	2	3	7	10
n_i	4	7	5	4

Тогда относительная частота варианты $x_1 = 2$, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 0,4

2) 0,1

3)

4

4)

0,2

ЗАДАНИЕ N 171(*- выберите один вариант ответа)*

Дана выборка объема n . Если каждый элемент выборки увеличить в 5 раз, то выборочное среднее \bar{x} ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) увеличится в 5 раз

2) увеличится в 25 раз

3) не изменится

4) уменьшится в 5 раз

ЗАДАНИЕ N 172(*- выберите один вариант ответа)*

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = -3 + 2x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:1) $-0,6$ 2) -3 3) $0,6$ 4) -2 **ЗАДАНИЕ N 173(***- выберите варианты согласно тексту задания)*

Укажите соответствие между определителем матрицы и результатом его вычисления

$$1. \begin{vmatrix} 6 & 3 & 1 \\ 0 & 4 & 7 \\ 0 & 0 & 2 \end{vmatrix}$$

$$2. \begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 4 & -1 & 0 \\ 3 & 7 & -2 \end{vmatrix}$$

$$3. \begin{vmatrix} 5 & 6 & 1 \\ 0 & 4 & 3 \\ 0 & 0 & 2 \end{vmatrix}$$

$$4. \begin{vmatrix} 5 & 7 & 2 \\ 0 & 0 & 3 \\ 0 & 0 & 4 \end{vmatrix}$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- A) 40
C) 4
E) 48

- B) 0
D) -4

ЗАДАНИЕ N 174(**- выберите один вариант ответа)**

Заданы матрицы $A = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ и $B = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$. Тогда решением матричного уравнения $A + X = B$ является ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ 2) $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$
 3) $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$ 4) $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ N 175(**- выберите один вариант ответа)**

Для матриц A и B найдено произведение $A \cdot B$, причем $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 3 & 5 \\ 0 & 1 & 4 & 2 \end{pmatrix}$.
Тогда матрица B должна иметь ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 4 строки 2) 2 строки
3) 1 строку 4) 3 строки

ЗАДАНИЕ N 176(**- выберите один вариант ответа)**

Если $(x_0; y_0)$ решение системы линейных уравнений $\begin{cases} x + 2y = -3 \\ 3x + 2y = 5 \end{cases}$, тогда $x_0 + y_0$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $-3,5$

2) $3,5$

3) $0,5$

4) $-0,5$

ЗАДАНИЕ N 177 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите правильное соответствие между характером расположения прямой $L: Ax + By + C = 0$ на декартовой плоскости и свойством совокупности коэффициентов A, B, C .

1. L параллельна оси Ox
2. L параллельна оси Oy
3. L пересекает оси Ox, Oy и не проходит через точку $O(0; 0)$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $A = 0, B = 0, C = 0$

B) $A = 0, B \neq 0, C \neq 0$

C) $A \neq 0, B = 0, C \neq 0$

D) $A \neq 0, B \neq 0, C \neq 0$

E) $A \neq 0, B \neq 0, C = 0$

ЗАДАНИЕ N 178 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между кривой второго порядка и ее уравнением.

1. Парабола
2. Эллипс
3. Гипербола

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $x^2 - 4y^2 = 0$

B) $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{25} = 1$

C) $x + 4y = 1$

D) $y^2 = 4x$

E) $x^2 + 4y^2 = 1$

ЗАДАНИЕ N 179 (- выберите один вариант ответа)

Даны две смежные вершины куба: $A(3;7;2)$ и $B(-1;4;2)$. Тогда объем этого куба равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 125

2) 5

3) 25

4) $5\sqrt{5}$

ЗАДАНИЕ N 180(- выберите один вариант ответа)

Координата x_0 точки $A(x_0;1;7)$, принадлежащей плоскости $5x + y + z + 1 = 0$, равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 3

2) 4

3) 1

4) 2

ЗАДАНИЕ N 181(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между пределами и их значениями

1. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x^2}{x}$

2. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{2x}$

3. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 3x}{x}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) 3

B) 1

C) 0

D) 2

E) $\frac{1}{2}$

ЗАДАНИЕ N 182(- выберите один вариант ответа)

Закон движения материальной точки имеет вид $x(t) = 4 + 10t^2$, где $x(t)$ – координата точки в момент времени t . Тогда скорость точки при $t = 1$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

10

2)

20

3)

24

4)

14

ЗАДАНИЕ N 183 (- выберите один вариант ответа)

Производная второго порядка функции $y = e^{5x-1}$ имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$25e^{5x}$

2)

$25e$

3)

$5e^x$

4)

$25e^{5x-1}$

ЗАДАНИЕ N 184 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между интегралом и его значением.

1. $\int \frac{dx}{x}$

2. $\int \sin x dx$

3. $\int \frac{dx}{1+x^2}$

4. $\int x^4 dx$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A)

\arctgx

B)

$\frac{x^5}{5}$

C)

$\ln|x|$

D)

$\cos x$

E)

$-\cos x$

ЗАДАНИЕ N 185(- выберите один вариант ответа)

Модуль комплексного числа $3 + 4i$ равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

4

2)

3

3)

7

4)

5

ЗАДАНИЕ N 186(- выберите один вариант ответа)

$z_1 = -\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$ и $z_2 = \frac{5}{2} - \frac{1}{2}i$ Сумма комплексных чисел равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$1 + i$

2)

$2 - i$

3)

$1 - i$

4)

$2 + i$

ЗАДАНИЕ N 187(- выберите один вариант ответа)

Значение функции $f(z) = 2z + i$ в точке $z_0 = 1 + i$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$2 + 2i$

2)

$2 - 3i$

3)

$2 + 3i$

4)

$3 + 2i$

ЗАДАНИЕ N 188(- выберите несколько вариантов ответа)

Укажите две периодические функции с периодом 2 из представленных ниже

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$y = \cos \pi x$

2)

$y = \operatorname{tg} \frac{\pi x}{2}$

3)

$y = \sin x$

4)

$y = \operatorname{ctg} 2\pi x$

ЗАДАНИЕ N 189(- выберите один вариант ответа)

Гармонические колебания с амплитудой A , частотой ω и начальной фазой φ определяются уравнением...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $f(x) = \frac{A}{(\omega x + \varphi)}$

2) $f(x) = A \cos(\omega x + \varphi)$

3) $f(x) = A(\omega x + \varphi)^2$

4) $f(x) = A\sqrt{\omega x + \varphi}$

ЗАДАНИЕ N 190 ( - выберите один вариант ответа)

Порядок дифференциального уравнения $3y'' - y' = x^5$ равен ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 5

2) 1

3) 3

4) 2

ЗАДАНИЕ N 191 ( - выберите один вариант ответа)

$$\frac{dy}{y^2} = x dx$$

Общий интеграл дифференциального уравнения y имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $-\frac{1}{y} = \frac{x^2}{2} + C$

2) $\frac{1}{y} = \frac{x^2}{2} + C$

3) $-\frac{1}{y} = x^2 + C$

4) $y = \frac{x^2}{2} + C$

ЗАДАНИЕ N 192 ( - выберите один вариант ответа)

Дано дифференциальное уравнение $y'' + 5y' + 6y = 0$. Тогда соответствующее ему характеристическое уравнение имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $k^2 + 5k + 6 = 0$

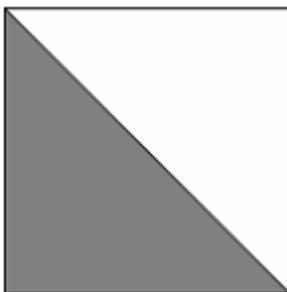
2) $k^2 - 5k - 6 = 0$

3) $1 + 5k + 6k^2 = 0$

4) $k^2 - 5k + 6 = 0$

ЗАДАНИЕ N 193(- выберите один вариант ответа)

В квадрат со стороной 3 брошена точка.



Тогда вероятность того, что она попадет в выделенную область, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\frac{3}{2}$

2) $\frac{2}{3}$

3) $\frac{1}{3}$

4) $\frac{1}{2}$

ЗАДАНИЕ N 194(- выберите варианты согласно тексту задания)

A, B, C – попарно независимые события. Их вероятности: $p(A) = 0,4$, $p(B) = 0,8$, $p(C) = 0,3$. Укажите соответствие между событиями и их вероятностями:

1. $A \cdot B$
2. $A \cdot C$
3. $B \cdot C$
4. $A \cdot B \cdot C$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

А) 1,5

Б) 0,32

С) 0,24

Д) 0,12

Е) 0,096

ЗАДАНИЕ N 195 ( - выберите один вариант ответа)

В первой урне 4 черных и 6 белых шаров. Во второй урне 3 белых и 7 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 0,15

2) 0,4

3) 0,9

4) 0,45

ЗАДАНИЕ N 196 ( - выберите один вариант ответа)

Пусть X – дискретная случайная величина, заданная законом распределения вероятностей:

X	-1	3
p	0,4	0,6

Тогда математическое ожидание этой случайной величины равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 2,2

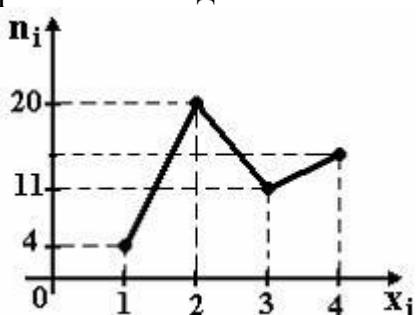
2) 1

3) 1,4

4) 2

ЗАДАНИЕ N 197 ( - выберите один вариант ответа)

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид



Тогда число вариант $x_i=4$ в выборке равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 16

2) 15

3) 50

4) 14

ЗАДАНИЕ N 198(- выберите один вариант ответа)

Мода вариационного ряда **1,2,2,3,4,5** равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|-----------|----|-----------|---|
| 1) | 17 | 2) | 3 |
| 3) | 5 | 4) | 2 |
-

ЗАДАНИЕ N 199(- выберите один вариант ответа)

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 10. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|-----------|-------------|-----------|------------|
| 1) | (8,5; 11,5) | 2) | (10; 10,9) |
| 3) | (8,4; 10) | 4) | (8,6; 9,6) |
-

ЗАДАНИЕ N 200(- выберите один вариант ответа)

$$\text{Определитель } \begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix} \text{ равен...}$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|-----------|-----|-----------|-----|
| 1) | - 1 | 2) | 1 |
| 3) | 5 | 4) | - 5 |
-

ЗАДАНИЕ N 201(- выберите один вариант ответа)

Если $A = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$, тогда матрица $C = A \cdot B$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|-----------|--|-----------|--|
| 1) | $\begin{pmatrix} 1 \\ 8 \end{pmatrix}$ | 2) | $\begin{pmatrix} 0 \\ 8 \end{pmatrix}$ |
|-----------|--|-----------|--|

3) $\begin{pmatrix} 8 \\ 1 \end{pmatrix}$

4) $(1 \quad 8)$

ЗАДАНИЕ N 202 (- выберите один вариант ответа)

$X = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ Вектор является собственным вектором матрицы A , соответствующий собственному значению $\lambda = 4$. Тогда произведение $A \cdot X$ равно ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\begin{pmatrix} -8 \\ 12 \end{pmatrix}$

2) $\begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$

3) $\begin{pmatrix} -0,5 \\ 0,75 \end{pmatrix}$

4) $\begin{pmatrix} 2 \\ 7 \end{pmatrix}$

ЗАДАНИЕ N203 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между системой линейных уравнений и ее расширенной матрицей.

1. $\begin{cases} x_1 + x_2 = 3, \\ -x_2 + x_3 - 4 = 0, \\ -3x_1 + x_2 - x_3 = 0 \end{cases}$

2. $\begin{cases} -2x_1 + x_3 = -3, \\ 2x_2 + x_3 = 0, \\ -3x_1 + 2x_2 = 4 \end{cases}$

3. $\begin{cases} x_1 + x_3 - 3 = 0, \\ x_2 + x_3 = 4, \\ -3x_1 + x_2 + x_3 = 2 \end{cases}$

4. $\begin{cases} 3x_1 - x_2 + x_3 = 4, \\ x_1 + x_3 = 0, \\ -2x_1 + x_3 - 1 = 0 \end{cases}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A)

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & 1 & 4 \\ -3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

B)

$$\begin{pmatrix} 3 & -1 & 1 & 4 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ -2 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

C)

$$\begin{pmatrix} -2 & 0 & 1 & -3 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ -3 & 2 & 0 & 4 \end{pmatrix}$$

D)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 3 \\ 0 & -1 & 1 & 4 \\ -3 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

E)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 3 \\ -1 & 1 & -4 & 0 \\ -3 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

F)

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & -3 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 4 \\ -3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

ЗАДАНИЕ N 204(- выберите несколько вариантов ответа)

Среди прямых $l_1 : x + 3y - 5 = 0$, $l_2 : 2x + 6y - 3 = 0$, $l_3 : 2x - 6y - 3 = 0$,
 $l_4 : -2x + 6y - 5 = 0$ параллельными являются ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) l_1 и l_2

2) l_2 и l_3

3) l_3 и l_4

4) l_1 и l_3

ЗАДАНИЕ N 205(- выберите один вариант ответа)

$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$$

Если уравнение гиперболы имеет вид $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$, то длина ее действительной полуоси равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 3

2) 9

3) 16

4) 4

ЗАДАНИЕ N 206(- выберите один вариант ответа)

Полюс полярной системы координат совмещен с началом декартовой системы координат, а полярная ось совпадает с положительной полуосью абсцисс. Тогда точка $(3; y)$, заданная в декартовой системе координат, имеет полярный радиус $\rho = 5$ при y , равном ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|---------|----|---|
| 1) | ± 2 | 2) | 2 |
| 3) | ± 4 | 4) | 8 |

ЗАДАНИЕ N 207 (- выберите один вариант ответа)

В пространстве имеется отрезок, соединяющий две точки с абсциссами разных знаков. Тогда этот отрезок обязательно пересекает ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-----------------|----|-----------------|
| 1) | плоскость Oxy | 2) | плоскость Oyz |
| 3) | ось абсцисс | 4) | плоскость Oxz |

ЗАДАНИЕ N 208 (- выберите несколько вариантов ответа)

Для дробно-рациональной функции $y = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 2x}$ точками разрыва являются...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|----------|----|----------|
| 1) | $x = -2$ | 2) | $x = 0$ |
| 3) | $x = 1$ | 4) | $x = -1$ |

ЗАДАНИЕ N 209 (- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между функциями и их производными

- | | |
|----|--------------------------------|
| 1. | $y = e^{3x}$ |
| 2. | $y = \sin(5x + 1)$ |
| 3. | $y = \operatorname{arctg} x^2$ |

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

-
- | | | | |
|----|--------------------|----|---------------------|
| A) | $\frac{2x}{1+x^4}$ | B) | $\cos(5x+1)$ |
| C) | $5 \cos(5x+1)$ | D) | $3x \cdot e^{3x-1}$ |
| E) | $3e^{3x}$ | | |
-

ЗАДАНИЕ N 210(- выберите один вариант ответа)

Линиями уровня функции $z = (x^2 - 2y)^3$ являются ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|----------|----|-----------|
| 1) | параболы | 2) | гиперболы |
| 3) | прямые | 4) | эллипсы |
-

ЗАДАНИЕ N 211(- выберите несколько вариантов ответа)

Сходящимися являются несобственные интегралы ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|--|----|--|
| 1) | $\int_1^{+\infty} x^{-2} dx$ | 2) | $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{2}} dx$ |
| 3) | $\int_1^{+\infty} x^{-\frac{1}{4}} dx$ | 4) | $\int_1^{+\infty} x^{-4} dx$ |
-

ЗАДАНИЕ N 212(- выберите варианты согласно тексту задания)

Укажите соответствие между заданным вектором и соответствующим ему нормированным вектором

1. $(1,0)$
2. $(1,1)$
3. $(3,4)$
4. $(1,2)$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\left(\frac{3}{5}, \frac{4}{5}\right)$

B) $\left(\frac{1}{\sqrt{5}}, \frac{2}{\sqrt{5}}\right)$

C) $(1,0)$

D) $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$

E) $\left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$

ЗАДАНИЕ N 213(- выберите один вариант ответа)

Векторное произведение векторов $\bar{a} = (4; \alpha; 6)$ и $\bar{b} = (2; 1; \beta)$ равно нулю, если...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\alpha = 2, \beta = 4$

2) $\alpha = 2, \beta = 1$

3) $\alpha = 2, \beta = 1/3$

4) $\alpha = 2, \beta = 3$

ЗАДАНИЕ N 214(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установить соответствия между списками двух множеств, заданных различным образом:

1. $\{x : x^2 - 5x + 6 \leq 0\}$

2. $\{x : x^2 - 5x + 6 = 0\}$

3. $\{x : x^2 - 5x + 6 < 0\}$

4. $\{x : x^2 - 5x + 6 > 0\}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $[2;3]$

B) $(-\infty; 2] \cup [3; \infty)$

c) $(-\infty; 2) \cup (3; \infty)$

D) $(2;3)$

E) $\{2;3\}$

ЗАДАНИЕ N 215(- выберите несколько вариантов ответа)

Комплексное число $1 + i$ можно представить в виде ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\sqrt{2}e^{i\frac{3\pi}{4}}$

2) $\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{4} + i\sin\frac{\pi}{4}\right)$

3) $\sqrt{2}\left(\cos\frac{3\pi}{4} + i\sin\frac{3\pi}{4}\right)$

4) $\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$

ЗАДАНИЕ N 216(- выберите варианты согласно тексту задания)

Дано комплексное число $z = 1 + \sqrt{3}i$. Установите соответствие между операциями над

данным числом и результатами их выполнения.

1. $z \cdot \bar{z}$

2. $\frac{\bar{z}}{|z|}$

3. $z + \bar{z}$

4. $z - \bar{z}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$

B) 2

C) $2\sqrt{3}i$

D) $-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

E) 4

ЗАДАНИЕ N 217(- выберите один вариант ответа)

Значение функции $f(z) = z^2$ в точке $z_0 = 3 + 2i$ равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $13 + 12i$

2) $5 + 12i$

3) $7 + 12i$

4) $9 + 12i$

ЗАДАНИЕ N 218(- выберите варианты согласно тексту задания)

Установите соответствие между периодической функцией и значением ее периода

1. $y = \cos \pi x$

2. $y = \operatorname{tg} \frac{3\pi x}{2}$

3. $y = \sin \frac{\pi x}{2}$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

A) 4

C) $\frac{2}{3}$

E) 2

B) π

D) 1

ЗАДАНИЕ N 219 (- выберите несколько вариантов ответа)

Укажите сходящиеся числовые ряды

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n+5}$

3) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + n}$

2) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n+4}}$

4) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^3 + n}$

ЗАДАНИЕ N 220 (- выберите один вариант ответа)

$$\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$$

Радиус сходимости степенного ряда равен 10. Тогда интервал сходимости имеет вид...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) (0; 10)

3) (-10; 0)

2) (-10; 10)

4) (-5; 5)

ЗАДАНИЕ N 221 (- выберите несколько вариантов ответа)

Среди перечисленных дифференциальных уравнений уравнениями первого порядка являются:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $x^3y' + 8y - x + 5 = 0$

2) $y^2 \frac{\partial y}{\partial x} + x = 0$

3) $2x \frac{d^2y}{dx^2} + x \frac{dy}{dx} + y = 0$

4) $x \frac{d^2y}{dx^2} + xy \frac{dy}{dx} + x^2 = y$

ЗАДАНИЕ N 222(- выберите один вариант ответа)

Общее решение дифференциального уравнения $y''' = x + 2$ имеет вид ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{6}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

2) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + C$

3) $y = \frac{1}{24}x^4 + \frac{1}{3}x^3 + \frac{C_1}{2}x^2 + C_2x + C_3$

4) $y = x^4 + x^3 + C_1x^2 + C_2x + C_3$

ЗАДАНИЕ N 223(- выберите один вариант ответа)

Случайные события А и В, удовлетворяющие условиям $P(A) = 0,3$, $P(B) = 0,4$,
 $P(AB) = 0,2$, являются ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) совместными и независимыми

2) несовместными и независимыми

3) совместными и зависимыми

4) несовместными и зависимыми

ЗАДАНИЕ N 224(- выберите один вариант ответа)

По мишени производится четыре выстрела. Значение вероятности промаха при первом выстреле 0,5; при втором - 0,3; при третьем - 0,2; при четвертом - 0,1. Тогда вероятность того, что мишень **не будет** поражена ни разу равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 0,003

2) 0,275

3) 1,1

4) 0,03

ЗАДАНИЕ N 225(- выберите один вариант ответа)

Событие A может наступить лишь при условии появления одного из двух несовместных событий B_1 и B_2 , образующих полную группу событий. Известны вероятность $P(B_1) = \frac{1}{3}$ и условные вероятности $P(A/B_1) = \frac{1}{2}$, $P(A/B_2) = \frac{1}{4}$. Тогда вероятность $P(A)$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$$\frac{3}{4}$$

2)

$$\frac{1}{3}$$

3)

$$\frac{2}{3}$$

4)

$$\frac{1}{2}$$

ЗАДАНИЕ N 226(- выберите один вариант ответа)

Функция распределения вероятностей дискретной случайной величины X имеет

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 0, \\ 0,3, & 0 < x \leq 1, \\ 0,5, & 1 < x \leq 6, \\ 1, & x > 6. \end{cases}$$

вид

Тогда вероятность $P(-1 \leq X \leq 3)$ равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$$0,7$$

2)

$$0,3$$

3)

$$0,2$$

4)

$$0,5$$

ЗАДАНИЕ N 227(- выберите один вариант ответа)

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	2	3	7	10
n_i	4	7	5	4

Тогда относительная частота варианты $x_1 = 2$, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1)

$$0,4$$

2)

$$0,1$$

3)

4

4)

0,2

ЗАДАНИЕ N 228(- выберите один вариант ответа)

Дана выборка объема n . Если каждый элемент выборки увеличить в 5 раз, то выборочное среднее \bar{x} ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|--------------------|----|---------------------|
| 1) | увеличится в 5 раз | 2) | увеличится в 25 раз |
| 3) | не изменится | 4) | уменьшится в 5 раз |
-

ЗАДАНИЕ N 229(- выберите один вариант ответа)

Выборочное уравнение парной регрессии имеет вид $y = -3 + 2x$. Тогда выборочный коэффициент корреляции может быть равен...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|-------|----|-----|
| 1) | - 0,6 | 2) | - 3 |
| 3) | 0,6 | 4) | - 2 |
-

ЗАДАНИЕ N 230(- выберите один вариант ответа)

Если основная гипотеза имеет вид $H_0: a = 20$, то конкурирующей может быть гипотеза ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|----|------------------|----|------------------|
| 1) | $H_1: a \leq 20$ | 2) | $H_1: a \geq 20$ |
| 3) | $H_1: a > 20$ | 4) | $H_1: a \geq 10$ |

6. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Оценивание знаний, умений и навыков проводится с целью определения уровня сформированности компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1) по регламентам текущего контроля и промежуточной аттестации.

Задания для текущего контроля и проведения промежуточной аттестации направлены на оценивание:

- 1) уровня освоения теоретических понятий;
- 2) степени готовности обучающегося применять теоретические знания;
- 3) сформированности когнитивных дескрипторов, значимых для профессиональной деятельности.

Процедура оценивания знаний, умений, навыков, индивидуальных способностей студентов осуществляется с помощью контрольных мероприятий, различных образовательных технологий и оценочных средств, приведенных в паспорте фонда оценочных средств (табл. 2.1).

Для оценивания результатов освоения компетенций в виде знаний (воспроизводить и объяснять учебный материал с требуемой степенью научной точности и полноты) используются следующие контрольные мероприятия:

- зачет с оценкой;
- экзамен;
- зачет;
- тестирование.

Для оценивания результатов освоения компетенций в виде

умений (решать типичные задачи на основе воспроизведения стандартных алгоритмов решения) и **владений** (решать усложненные задачи на основе приобретенных знаний, умений и навыков, с их применением в нестандартных ситуациях, формируется в процессе получения опыта деятельности) используются следующие контрольные мероприятия:

- зачет с оценкой;
- экзамен;
- зачет;
- расчетно-графическая работа;
- контрольная работа.

6.1 Процедура и критерии оценки знаний при текущем контроле успеваемости в форме компьютерного тестирования

Текущий контроль успеваемости в форме компьютерного тестирования возможен после изучения первых трех разделов дисциплины: «Алгебра и аналитическая геометрия», «Введение в математический анализ», «Дифференциальное исчисление функций одной независимой переменной».

Компьютерное тестирование знаний студентов исключает субъективный подход со стороны экзаменатора. Обработка результатов тестирования проводится с помощью компьютера, по заранее заложенным в программу алгоритмам, практически исключающим возможность выбора «сложного» или «легкого» вариантов тестового задания, так как вопросы тестового задания формируются с помощью «генератора случайных чисел», охватывая осваиваемые индикаторы достижения компетенций: ИД-1ук-1, ИД-1опк-1.

Каждому обучающемуся методом случайной выборки компьютерная программа формирует тестовое задание, состоящее из 30 вопросов с готовыми вариантами ответов, задача тестируемого выбрать правильный вариант ответа.

Тестовые задания состоят из вопросов на знание основных понятий и методов различных разделов математики.

Цель тестирования – проверка знаний, находящихся в оперативной памяти человека и не требующих обращения к справочникам и словарям, то есть тех знаний, которые необходимы для профессиональной деятельности будущего специалиста. Основная масса тестовых заданий, примерно 75 % – задания средней сложности. Разработаны различные формы тестов:

- выбор одного или нескольких правильных вариантов ответа;
- составление, конструирование формул или ответов (при этом используется не более восьми символов);
- установление последовательности действий и решение задач.

Материалы тестовых заданий актуальны и направлены на использование необходимых знаний в будущей практической деятельности выпускника.

Тестирование осуществляется в компьютерном классе. На тестировании кроме ведущего преподавателя, имеющего право осуществлять тестирование, и студентов соответствующей учебной группы допускается присутствие лаборанта компьютерного класса. Другие лица могут присутствовать на тестировании только с разрешения ректора или проректора по учебной работе.

Перед первым тестированием при необходимости проводится краткая консультация обучающихся, для ознакомления их с регламентом выполнения тестовых заданий и критериями оценки результатов тестирования. Каждый обучающийся может неограниченное количество раз проходить процедуру предварительного тестирования (в том числе и в режиме обучения с подсказками) в электронной среде вуза, используя индивидуальный доступ по логину и паролю.

Во время тестирования обучающимся запрещено пользоваться учебниками, программой учебной дисциплины, справочниками, таблицами, схемами и любыми другими пособиями. В случае использования во время тестирования не разрешенных пособий преподаватель отстраняет обучающегося от тестирования, выставляет неудовлетворительную оценку («неудовлетворительно») в журнал текущей аттестации.

Попытка общения с другими студентами или иными лицами, в том числе с применением электронных средств связи, несанкционированные перемещения и т.п. являются основанием для удаления из аудитории и последующего проставления оценки «неудовлетворительно».

После завершения процедуры тестирования всеми обучающимися, преподаватель (лаборант) распечатывает ведомость, сформированную компьютерной программой. Затем преподаватель объявляет итоговую оценку: («отлично», «хорошо», «удовлетворительно» или «неудовлетворительно»). При отсутствии апелляций, данная оценка проставляется в журнал текущей аттестации.

Копия ведомости оценок по результатам тестирования размещается преподавателем кафедры на информационном стенде кафедры в

день проведения тестирования, а сама ведомость хранится на кафедре в течение семестра, следующего за экзаменаціонной сессией.

Критерии оценки результатов тестирования.

Результаты тестирования оцениваются в процентах с последующим переводом в пятибалльную систему оценки: 90-100 % правильно решенных тестовых заданий – «отлично», 75-89,99 % – «хорошо», 60-74,99 % – «удовлетворительно» и менее 60 % – «неудовлетворительно».

6.2 Процедура и критерии оценки знаний при текущем контроле успеваемости в форме индивидуального собеседования (защита расчетно-графических работ)

Собеседование, как средство текущего контроля успеваемости, организуется преподавателем в виде специальной беседы с обучающимся (группой обучающихся) по контрольным вопросам, приведенным в методических указаниях к расчетным работам по дисциплине «Математика».

Собеседование рассчитано на выяснение объема знаний, обучающегося по определенным темам, охватывая осваиваемые индикаторы достижения компетенций: ИД-1ук-1, ИД-1опк-1, ключевым понятиям математики.

Проводится собеседование, как правило, после изучения определенной темы, указанной в рабочей программе дисциплины. Продолжительность собеседования – 5…10 мин. В ходе собеседования преподаватель определяет уровень усвоения обучающимся теоретического материала и его готовность к решению практических заданий.

Если во время собеседования обучающийся совершает попытки общения с другими студентами или иными лицами, в том числе с применением электронных средств связи, несанкционированные перемещения и т.п., преподаватель отстраняет обучающегося от собеседования. При этом оценка не выставляется, а обучающемуся предоставляется возможность пройти повторное собеседование в иное время, предусмотренное графиком консультаций, размещенным на информационном стенде кафедры.

Результаты собеседования оцениваются оценками «Зачтено» или «Не зачтено».

«Зачтено» – в случае, если обучающийся свободно владеет терминологией и теоретическими знаниями по теме расчетно-графической работы, уверенно объясняет методику и порядок выполненных расчетов,

и (или) уверенно отвечает на более чем 50% заданных ему контрольных вопросов по теме работы.

«Не зачтено» – в случае, если обучающийся демонстрирует значительные затруднения или недостаточный уровень знаний терминологии и теоретических знаний по теме расчетно-графической работы, не может объяснить методику и порядок выполненных расчетов, и (или) не может ответить на более чем 50% заданных ему контрольных вопросов по теме работы.

Выставленные преподавателем оценки служат основанием для последующего допуска обучающегося до экзамена (зачета, зачета с оценкой).

6.3 Процедура и критерии оценки знаний и умений при промежуточной аттестации в форме экзамена

Экзамены преследуют цель оценить полученные теоретические знания, умение интегрировать полученные знания и применять их к решению практических задач по видам деятельности, определенными основной профессиональной образовательной программой в части компетенций, формируемых в рамках изучаемой дисциплины.

Экзамены сдаются в периоды экзаменационных сессий, сроки которых устанавливаются приказом ректора на основании графика учебно-воспитательного процесса.

Расписание экзаменов составляется уполномоченным лицом (заместитель декана по учебной работе, декан), утверждается проректором по учебной работе и доводится до сведения преподавателей и обучающихся Университета не позднее, чем за месяц до начала экзаменов. Перед каждым экзаменом за 1-2 дня предусматриваются консультации для каждой группы обучающихся, которые включаются в расписание экзаменов.

Расписание экзаменов по очной форме обучения составляется с таким расчетом, чтобы на подготовку к экзаменам по каждой дисциплине было отведено, как правило, не менее трех дней. Расписание экзаменов по заочной форме обучения может не предусматривать освобожденных от занятий дней в пределах сроков учебно-экзаменационной сессии. Перенос экзамена во время экзаменационной сессии не допускается. В исключительных случаях перенос экзамена должен быть согласован преподавателем с деканом факультета и проректором по учебной работе Университета.

Деканы факультетов Университета в исключительных случаях на основании заявлений студентов имеют право разрешать обучающимся, успешно осваивающим программу курса, досрочную сдачу экзаменов при условии выполнения ими установленных практических работ и сдачи зачетов по программе дисциплины без освобождения от текущих занятий по другим дисциплинам.

Обучающиеся, которым по их заявлению и на основании решения ученого совета факультета Университета разрешено свободное посещение учебных занятий, сдают экзамены в период экзаменационной сессии.

Форма проведения экзамена (устная, письменная, тестирование и др.) устанавливается рабочей программой дисциплины. Вопросы, задачи, задания для экзамена определяются фондом оценочных средств рабочей программы дисциплины.

Не позднее, чем за 20 дней до начала промежуточной аттестации преподаватель выдает студентам очной формы обучения вопросы и задания для экзамена по теоретическому курсу. Обучающимся заочной формы обучения вопросы и задания для экзамена выдаются уполномоченным лицом (преподавателем соответствующей дисциплины, методистом) до окончания предшествующей промежуточной аттестации. Контроль за исполнением данными мероприятиями и их исполнением возлагается на заведующего кафедрой.

Экзаменационные билеты по соответствующей дисциплине подписывает заведующий кафедрой Университета, за которой данная дисциплина закреплена учебными планами. Экзаменационные билеты хранятся на соответствующей кафедре.

При явке на экзамен, обучающийся обязан иметь при себе зачетную книжку, которую он предъявляет преподавателю в начале проведения экзамена.

В зачетной книжке обучающегося очной формы обучения должна быть отметка о его допуске к экзаменационной сессии. Допуск студентов к экзаменационной сессии подтверждается соответствующим штампом в зачетной книжке, который проставляет уполномоченное лицо деканата факультета.

Экзамены принимаются, как правило, лекторами, читающими дисциплину у студентов данного потока. Экзамен может проводиться с участием нескольких преподавателей, читавших отдельные разделы курса дисциплины, по которому установлен один экзамен, при этом за экзамен проставляется одна оценка. В случае невозможности приема

экзамена лектором данного потока экзаменатор назначается заведующим кафедрой из числа преподавателей кафедры, являющихся специалистами в соответствующей области знаний.

В процессе сдачи экзамена экзаменатору предоставляется право задавать экзаменуемому вопросы сверх указанных в билете, а также, помимо теоретических вопросов, давать для решения задачи и примеры по программе данной дисциплины.

При подготовке к устному экзамену экзаменуемый ведет записи в листе устного ответа, который затем (по окончании экзамена) сдается экзаменатору. Обучающийся, испытавший затруднения при подготовке к ответу по выбранному им билету, имеет право на выбор второго билета с соответствующим продлением времени на подготовку. При окончательном оценивании ответа обучающегося оценка снижается на один балл. Выдача третьего билета обучающемуся не разрешается. Если обучающийся явился на экзамен, взял билет и отказался от ответа, то в экзаменационной ведомости ему выставляется оценка «неудовлетворительно» без учета причины отказа.

Нарушениями учебной дисциплины во время промежуточной аттестации являются:

- списывание (в том числе с использованием мобильной связи, ресурсов Интернет);
- обращение к другим обучающимся за помощью или консультацией при подготовке ответа по билету или выполнении зачетного задания;
- прохождение промежуточной аттестации лицами, выдающими себя за обучающегося, обязанного сдавать экзамен;
- некорректное поведение обучающегося по отношению к преподавателю (в том числе грубость, обман и т.п.).

Нарушения обучающимся дисциплины на экзаменах пресекаются. В этом случае в экзаменационной ведомости ему выставляется оценка «неудовлетворительно».

Присутствие на экзаменах посторонних лиц не допускается.

По результатам экзамена в экзаменационную ведомость выставляются оценки: «отлично»; «хорошо»; «удовлетворительно»; «неудовлетворительно».

Экзаменационная ведомость является основным первичным документом по учету успеваемости студентов. В Университете используются формы экзаменационной ведомости, установленные автоматизированной системой управления «Спрут» (подсистема «Студент»).

Экзаменационная ведомость независимо от формы контроля содержит следующую общую информацию: наименование Университета; наименование документа; номер семестра; учебный год; форму контроля (экзамен, зачет, курсовая работа (проект)); название дисциплины; дату проведения экзамена, зачета; номер группы, номер курса, фамилию, имя, отчество преподавателя; далее в форме таблицы – фамилию, имя, отчество обучающегося, № зачетной книжки или билета.

Экзаменационная ведомость для оформления результатов сдачи экзамена содержит дополнительную информацию в форме таблицы о результатах сдачи экзамена (цифрой и прописью) и подпись экзаменатора по каждому обучающемуся. Ниже в табличной форме дается сводная информация по группе (численность явившихся студентов, численность сдавших на «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», численность не допущенных к сдаче экзамена, численность не явившихся студентов, средний балл по группе).

Экзаменационные ведомости заполняются шариковой ручкой. Запрещается заполнение ведомостей карандашом, внесение в них любых исправлений и дополнений. Положительные оценки заносятся в экзаменационную ведомость и зачетную книжку, неудовлетворительная оценка проставляется только в экзаменационной ведомости. Каждая оценка заверяется подписью преподавателя – экзаменатора.

Неявка на экзамен отмечается в экзаменационной ведомости словами «не явился». Обучающийся, не явившийся по уважительной причине на экзамен или зачет в установленный срок, представляет в деканат факультета оправдательные документы: справку о болезни; объяснительную; вызов на соревнование, олимпиаду и т.п.

По окончании экзамена преподаватель-экзаменатор подводит суммарный оценочный итог выставленных оценок и в день проведения экзамена представляет экзаменационную (зачетную) ведомость в деканат факультета.

Преподаватель-экзаменатор несет персональную ответственность за правильность оформления экзаменационной ведомости, экзаменационных листов, зачетных книжек.

При выставлении оценки преподаватель учитывает показатели и критерии оценивания компетенции, которые содержатся в фонде оценочных средств по дисциплине.

Экзаменатор имеет право выставлять отдельным студентам в качестве поощрения за хорошую работу в семестре экзаменационную оценку по результатам текущей (в течение семестра) аттестации без

сдачи экзамена. Оценка за экзамен выставляется преподавателем в экзаменационную ведомость и в зачетную книжку обучающегося в период экзаменационной сессии.

При несогласии с результатами экзамена по дисциплине обучающийся имеет право подать апелляцию на имя ректора Университета.

Обучающимся, которые не могли пройти промежуточную аттестацию в общеустановленные сроки по уважительным причинам (болезнь, уход за больным родственником, участие в региональных межвузовских олимпиадах, в соревнованиях и др.), подтвержденным соответствующими документами, деканом факультета устанавливаются дополнительные сроки прохождения промежуточной аттестации. Приказ о продлении промежуточной аттестации обучающемуся, имеющему уважительную причину, подписывается ректором Университета на основе заявления студента и представления декана, в котором должны быть оговорены конкретные сроки окончания промежуточной аттестации.

При получении неудовлетворительной оценки, пересдача экзамена в период экзаменационной сессии не допускается.

Такому обучающемуся должна быть предоставлена возможность пройти промежуточную аттестацию по соответствующей дисциплине не более двух раз в пределах одного года с момента образования академической задолженности. В указанный период не включаются время болезни обучающегося, нахождение его в академическом отпуске или отпуске по беременности и родам. Сроки прохождения обучающимся промежуточной аттестации определяются деканом факультета.

Возможность пройти промежуточную аттестацию не более двух раз предоставляется обучающемуся, который уже имеет академическую задолженность. Таким образом, указанные два раза представляют собой повторное проведение промежуточной аттестации или, иными словами, проведение промежуточной аттестации в целях ликвидации академической задолженности.

Если повторная промежуточная аттестация в целях ликвидации академической задолженности проводится во второй раз, то для ее проведения создается комиссия не менее чем из трех преподавателей, включая заведующего кафедрой, за которой закреплена дисциплина. Заведующий кафедрой является председателем комиссии по должности. Оценка, выставленная комиссией по итогам пересдачи экзамена, является окончательной; результаты экзамена оформляются протоколом, который сдается уполномоченному лицу учебного отдела Университета и подшивается к основной экзаменационной ведомости группы.

Разрешение на пересдачу экзамена оформляется выдачей студенту экзаменационного листа с указанием срока сдачи экзамена. Конкретную дату и время пересдачи назначает декан факультета по согласованию с преподавателем-экзаменатором. Экзаменационные листы в обязательном порядке регистрируются и подписываются деканом факультета. Допуск студентов преподавателем к пересдаче экзамена без экзаменационного листа не разрешается. По окончании испытания экзаменационный лист сдается преподавателем уполномоченному лицу. Экзаменационный лист подшивается к основной экзаменационной ведомости группы.

Пересдача экзамена с целью повышения положительной оценки допускается в исключительных случаях по обоснованному решению декана факультета. Пересдача экзамена с целью повышения оценки «хорошо» для получения диплома с отличием допускается в случае, если наличие этой оценки препятствует получению студентом диплома с отличием. Такая пересдача может быть произведена только на последнем курсе обучения студента в Университете.

Перед каждой промежуточной аттестацией по дисциплине «Математика» студенты должны прослушать курс лекций, выполнить по одной расчетно-графической работе (по одной контрольной работе – при заочной форме обучения) к каждой промежуточной аттестации.

У каждого студента должен быть в наличии конспект лекций. Качество конспектов и их полнота проверяются ведущим преподавателем.

Расчетные работы должны быть оформлены индивидуально и защищены в установленные сроки.

К экзамену допускаются студенты, защитившие расчетно-графические работы.

Экзамен по дисциплине «Математика» проводится в письменно-устной форме. Основная цель проведения экзамена – оценить полученные теоретические знания, умение интегрировать полученные знания и применять их к решению практических задач по видам деятельности, определенными основной профессиональной образовательной программой в части индикаторов достижения компетенций ИД-1_{ОПК-1}, ИД-1_{УК-1}, формируемой в рамках изучаемой дисциплины.

Для проведения экзамена формируются экзаменационные билеты, включающие два теоретических вопроса и одно практическое задание в виде задачи. Примеры экзаменационных билетов приведены в фонде оценочных средств по дисциплине. Экзаменационные билеты обновляются преподавателем каждый учебный год.

Экзамен проводится в учебной аудитории для практических занятий.

Регламент проведения экзамена.

До начала проведения экзамена экзаменатор обязан получить на кафедре экзаменационную ведомость. Прием экзамена у обучающихся, которые не допущены к нему деканатом факультета или чьи фамилии не указаны в экзаменационной ведомости, не допускается. В исключительных случаях экзамен может приниматься при наличии у обучающегося индивидуального экзаменационного листа (направления), оформленного в установленном порядке.

Порядок проведения устного экзамена.

Преподаватель, проводящий экзамен проверяет готовность аудитории к проведению экзамена, раскладывает экзаменационные билеты на столе текстом вниз, оглашает порядок проведения экзамена, уточняет со студентами организационные вопросы, связанные с проведением экзамена.

Очередность прибытия обучающихся на экзамены определяют преподаватель и староста учебной группы.

Обучающийся, войдя в аудиторию, называет свою фамилию, предъявляет экзаменатору зачетную книжку и с его разрешения выбирает случайным образом один из имеющихся на столе экзаменационных билетов, называет его номер, берет при необходимости лист бумаги формата А4 для черновика и готовится к ответу за отдельным столом, а преподаватель фиксирует номер экзаменационного билета. Во время экзамена студент не имеет право покидать аудиторию. На подготовку к ответу дается не более одного академического часа.

После подготовки обучающийся докладывает о готовности к ответу и с разрешения преподавателя отвечает на поставленные вопросы. Ответ обучающегося на вопрос билета, если он не уклонился от ответа на заданный вопрос, не прерывается. Ему должна быть предоставлена возможность изложить содержание ответов по всем вопросам билета в течение 15 минут.

Преподавателю предоставляется право:

- освободить обучающегося от полного ответа на данный вопрос, если преподаватель убежден в твердости его знаний;
- задавать уточняющие вопросы по существу ответа и дополнительные вопросы сверх билета, а также давать задачи и примеры по программе данной дисциплины. Время, отводимое на ответ по билету, не

должно превышать 20 минут, включая ответы и на дополнительные вопросы.

Порядок проведения письменного экзамена.

Порядок проведения письменного экзамена объявляется преподавателем на консультации перед экзаменом. Отсчет времени, отведенного на письменный экзамен, идет по завершении процедуры размещения обучающихся в аудитории и раздачи экзаменационных заданий. Обучающийся обязан являться на экзамен в указанное в расписании время. В случае опоздания время, отведенное на письменный контроль знаний, не продлевается.

Перед проведением письменного экзамена основной экзаменатор должен заранее разработать схему размещения обучающихся в аудитории в зависимости от количества подготовленных вариантов и числа обучающихся.

Обучающиеся заполняют аудиторию, рассаживаются согласно схеме размещения (в случае наличия таковой). При себе обучающиеся должны иметь только письменные принадлежности и зачетную книжку, которые должны положить перед собой на рабочий стол.

Преподаватель раздает экзаменационные билеты по разработанной схеме. Экзаменационные билеты и листы с заданиями к ним должны быть повернуты текстом вниз, чтобы обучающиеся до окончания процедуры раздачи не могли начать выполнение работы. Во время раздачи второй преподаватель наблюдает, чтобы обучающиеся не обменивались друг с другом вариантами, не пересаживались, не читали текст задания.

По окончании раздачи экзаменационных билетов обучающимся разрешается перевернуть текст задания и одновременно приступить к выполнению экзамена. Во время выполнения письменного экзамена один из преподавателей подходит к каждому из обучающихся и проверяет:

- 1) зачетную книжку, обращая внимание на вуз, факультет, курс, Ф.И.О. и фото;
- 2) допущен ли данный обучающийся деканатом факультета к сдаче данного экзамена;
- 3) тот ли вариант выполняет обучающийся, который он получил согласно разработанной схеме рассадки.

По окончании отведенного времени обучающиеся одновременно покидают аудиторию, оставив на своем рабочем месте выполненную экзаменационную работу и все черновики. Если работа завершена

существенно раньше срока, то по разрешению преподавателя обучающийся может покинуть аудиторию досрочно.

Для ответа используется стандартный лист формата А4. При оформлении ответа допускается употребление только общепринятых сокращений. Листы ответа следует заполнять аккуратно и разборчиво ручкой синего или черного цвета; использование карандаша недопустимо.

Обучающийся подписывает каждый лист письменной работы, указывая фамилию, инициалы, курс и номер учебной группы. Ошибочную, по мнению студента, часть ответа ему следует аккуратно зачеркнуть. Использование иных корректирующих средств не рекомендуется в связи с ограниченным временем проведения экзамена.

По результатам сдачи экзамена преподаватель выставляет оценку с учетом показателей работы студента в течение семестра.

Выставление оценок на экзамене осуществляется на основе принципов объективности, справедливости, всестороннего анализа уровня знаний студентов.

При выставлении оценки преподаватель учитывает:

- знание фактического материала по программе дисциплины, в том числе знание обязательной литературы, современных публикаций по программе курса, а также истории науки;
- степень активности студента на семинарских занятиях;
- логику, структуру, стиль ответа; культуру речи, манеру общения; готовность к дискуссии, аргументированность ответа; уровень самостоятельного мышления; умение приложить теорию к практике, решить задачи;
- наличие пропусков семинарских и лекционных занятий по неуважительным причинам.

Знания и умения, навыки по сформированности компетенции (ИД-1_{УК-1}), (ИД-1_{ОПК-1}) при промежуточной аттестации (экзамен) оцениваются «отлично», если:

- раскрывает полное содержание основных понятий и методов математического анализа, теории вероятностей и математической статистики, а также знаний в области фундаментальных разделов математики;
- готов и умеет использовать в профессиональной деятельности базовые знания в области математики;
- свободно владеет навыками математических рассуждений и математических доказательств, методами математического

моделирования и анализа.

Знания и умения, навыки по сформированности компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1) при промежуточной аттестации (экзамен) оцениваются «хорошо», если:

- раскрывает суть содержания основных понятий и методов математического анализа, теории вероятностей и математической статистики, а также знаний в области фундаментальных разделов математики;

- умеет использовать в профессиональной деятельности базовые знания в области математики с небольшими отклонениями, не влияющими на качество;

- владеет навыками математических рассуждений и математических доказательств, методами математического моделирования и анализа.

Знания и умения, навыки по сформированности компетенции (ИД-1опк-1), (ИД-2опк-1) при промежуточной аттестации (экзамен) оцениваются «удовлетворительно», если:

- демонстрирует частичные знания основных понятий и методов математического анализа, теории вероятностей и математической статистики, а также знания в области фундаментальных разделов математики;

- допускает не существенные ошибки, не искажающие сути использования в профессиональной деятельности базовых знаний в области математики;

- допускает ошибки в математических рассуждениях и математических доказательствах, методах математического моделирования и анализа.

Знания и умения, навыки по сформированности компетенции (ИД-1опк-1), (ИД-2опк-1) при промежуточной аттестации (экзамен) оцениваются «неудовлетворительно», если:

- допускает существенные ошибки при раскрытии основных понятий и методов математического анализа, теории вероятностей и математической статистики. Не обладает базовыми знаниями в области фундаментальных разделов математики;

- допускает существенные ошибки при использовании в профессиональной деятельности базовых знаний в области математики;

- допускает существенные ошибки в математических рассуждениях и математических доказательствах, методах математического моделирования и анализа.

6.4 Процедура и критерии оценки умений при выполнении расчетно-графической работы

Рабочая программа дисциплины «Математика» предполагает выполнение трех расчетно-графических работ (РГР): 1 семестр РГР №1 – «Линейная алгебра, аналитическая геометрия и дифференциальное исчисление функции одной переменной», 2 семестр РГР №2 – «Интегральное исчисление функции одной переменной. Функции двух переменных. Дифференциальные уравнения», 3 семестр РГР №3 – «Теория вероятностей и математическая статистика».

Трудоемкость РГР №1 – №3 – по 12 часов на каждую.

РГР направлены на решение и отработку умений и навыков решения практических задач по указанным в их названиях разделам (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1).

В обязанности преподавателя входит оказание методической помощи и консультирование обучающихся. РГР представляется обучающимся в письменной форме на рецензирование ведущему преподавателю через электронно-обучающую среду академии.

РГР выполняется обучающимся самостоятельно, при возникновении затруднений обучающийся может дистанционно получить письменную консультацию в электронной информационно-образовательной среде академии, отослав соответствующий вопрос на почту ведущему преподавателю или получить контактную консультацию в заранее назначенное время по расписанию, составленному соответствующей кафедрой и размещенной на информационном стенде.

Ведущий преподаватель отслеживает в электронной информационно-образовательной среде академии степень выполнения обучающимся РГР и при ее завершении готовит рецензию. В представленной рецензии, он или засчитывает работу при отсутствии значимых ошибок, либо отправляет ее на доработку.

После необходимой доработки замечаний сделанных преподавателем в рецензии, обучающийся обязан исправить замечания, а преподаватель выполнить повторную рецензию с учетом сделанных ранее замечаний. Не допускается выполнение РГР заново, все необходимые исправления делаются непосредственно в представленной работе в виде работ над ошибками.

Выполненная в электронной информационно-образовательной среде РГР с рецензией ведущего преподавателя, сдается в установленные сроки, предусмотренные рабочей программой и учебным планом на

соответствующую кафедру под роспись лаборанту кафедры, где она подлежит регистрации и хранению.

Ведущий преподаватель во время экзамена вправе задать несколько вопросов обучающемуся по методике и порядку расчетов, приведенных в РГР, с целью проверки степени освоения обучающимся умений и навыков решения практических задач.

При оценке выполненной работы преподаватель учитывает полноту раскрытия теоретических вопросов, а также методику и точность решения практических заданий, аккуратность выполнения графической части, соответствие ее требованиям ЕСКД.

Критерии оценки выполнения РГР:

- соответствие работы заданию;
- точность воспроизведения учебного материала (воспроизведение терминов, алгоритмов, методик, правил, фактов и т.п.);
- правильное использование алгоритма выполнения действий (методики, технологии и т.д.);
- логика рассуждений;
- неординарность подхода к решению.

Изложение текста РГР должно быть логичным, ясным, лаконичным и обоснованным.

Выполненная расчетно-графическая работа оценивается: «зачтено» или «не зачтено».

«**Зачтено**» – в случае если расчетно-графическая работа выполнена в соответствии с требованиями, указанными в методических указаниях. При этом допускаются не значительные отклонения и ошибки, в целом не влияющие на конечные результаты.

Содержание РГР, выполненной обучающимся, демонстрирует достаточные знания и умения по соответствующей компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1), приведенные в таблице 4.1 ФОС.

«**Не зачтено**» – в случае если расчетно-графическая работа выполнена с нарушениями требований, указанными в методических указаниях. При этом допущены значительные отклонения и ошибки, отрицательно влияющие на результаты проверок в конце работы.

Содержание РГР, выполненной обучающимся, не позволяет сделать вывод о достаточности знаний и умений по соответствующей компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1), приведенные в таблице 4.1 ФОС.

6.5 Процедура и критерии оценки умений при выполнении контрольной работы студентами заочной формы обучения

Контрольная работа является средством проверки теоретических знаний и умений применять полученные знания для решения практических задач определенного типа по сформированной профессиональной компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1).

Студенты 1 и 2 курса, обучающиеся на заочном отделении, выполняют 3 контрольные работы, по одной к каждой сессии.

Задания контрольных работ содержатся в методичках: «Математика: Методические указания и задания для контрольных работ. В.А. Мачнев, Т.Г. Федина и др. Пенза: РИО ПГСХА, 2008». «Математика. Часть 2. Методические указания и задания для контрольных работ. В.А. Мачнев, Н.А. Кривошеева. Пенза: РИО ПГСХА, 2009».

Там же указано, какой вариант должен выполнить студент согласно его шифру.

Перед решением каждой задачи нужно привести полностью ее условие. В том случае, если несколько задач, из которых студент выбирает задачу своего варианта, имеют общую формулировку, следует, переписывая условие задачи, заменить общие данные конкретными из соответствующего номера.

Следует придерживаться той последовательности при решении задач, в какой они даны в задании, строго сохраняя при этом нумерацию примеров.

В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании по своему варианту. Контрольные работы, содержащие не все задания, а также содержащие задачи не своего варианта, не зачитываются.

Решения заданий должны сопровождаться подробными пояснениями. Все вычисления приводятся полностью, чертежи и графики должны быть выполнены аккуратно, с указанием координатных осей и единиц масштаба.

После выполнения контрольной работы необходимо привести список использованной литературы, указать дату завершения и подписать работу.

Контрольная работа выполняется обучающимся самостоятельно, при возникновении затруднений обучающийся может дистанционно получить письменную консультацию в электронной образовательной среде академии, отослав соответствующий вопрос на почту ведущему преподавателю или получить контактную консультацию в заранее назначенное время по расписанию, составленному соответствующей кафедрой и размещенной на информационном стенде.

Выполненная контрольная работа сдается до начала экзаменационной сессии в деканат факультета для регистрации, а далее методистом деканата передается под роспись лаборанту кафедры, где она также подлежит регистрации.

До начала экзаменационной сессии ведущий преподаватель проверяет выполненную контрольную работу. В представленной рецензии, он или допускает обучающегося до защиты работы при отсутствии значимых ошибок, либо отправляет контрольную работу на доработку. Запись о допуске или необходимости доработки вносится в журнал регистрации, хранящийся на кафедре.

После необходимой доработки замечаний сделанных преподавателем в рецензии, обучающийся обязан повторно зарегистрировать контрольную работу в деканате и на кафедре, а преподаватель выполнить повторную рецензию с учетом сделанных ранее замечаний. Не допускается выполнение контрольной работы заново, все необходимые исправления делаются непосредственно в представленной контрольной работе на обратной стороне листа или специально оставленных для этого полях.

Обучающийся получает проверенную контрольную работу на кафедре вместе с рецензией, и она хранится у него до экзамена.

При оценке выполненной контрольной работы преподаватель учитывает полноту раскрытия теоретических вопросов, а также методику и точность решения практических заданий.

Критерии оценки выполнения контрольной работы:

- соответствие работы заданию;
- точность воспроизведения учебного материала (воспроизведение терминов, алгоритмов, методик, правил, фактов и т.п.);
- правильное использование алгоритма выполнения действий (методики, технологии и т.д.);
- логика рассуждений.

Выполненная контрольная работа оценивается «зачтено» или «не зачтено».

«Зачтено» – в случае если контрольная работа выполнена в соответствии с требованиями, указанными в методических указаниях. При этом допускаются не значительные отклонения и ошибки в целом не влияющие на результаты проверок сделанных в конце работы, в результате собеседования обучающийся демонстрирует достаточные знания и умения по соответствующей компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1), приведенные в таблице 4.1 ФОС, и (или) уверенно отвечает на более чем 50%

заданных ему контрольных вопросов, приведенных в методических рекомендациях по выполнению контрольной работы.

«Не зачтено» – в случае если контрольная работа выполнена с нарушениями требований, указанными в методических указаниях. При этом допущены значительные отклонения и ошибки, отрицательно влияющие на результаты проверок в конце работы, в результате собеседования обучающийся демонстрирует не достаточные знания и умения по соответствующей компетенции (ИД-1ук-1), (ИД-1опк-1), приведенные в таблице 4.1 ФОС, и (или) не может ответить на более чем 50% заданных ему контрольных вопросов, приведенных в методических рекомендациях по выполнению контрольной работы.

Преподаватель вправе аннулировать представленную контрольную работу, сообщив об этом на кафедру и на факультет, если при собеседовании убедится, что студент выполнил контрольную работу не самостоятельно.

Выполненная и заченная контрольная является основанием для допуска, обучающегося к экзамену.

6.6 Процедура и критерии оценки знаний и умений при промежуточной аттестации в форме зачета

Зачет преследует цель оценить полученные теоретические знания, умение интегрировать полученные знания и применять их к решению практических задач по видам деятельности, определенными основной профессиональной образовательной программой в части компетенций, формируемых в рамках изучаемой дисциплины.

Зачет сдаются всеми обучающимися в обязательном порядке в строгом соответствии с учебными планами основной профессиональной образовательной программы по направлению подготовки (специальности) и утвержденными учебными рабочими программами по дисциплинам.

Зачет – это форма контроля знаний, полученных обучающимся в ходе изучения дисциплины в целом или промежуточная (по окончании семестра) оценка знаний студента по отдельным разделам дисциплины, курсовым работам.

Деканы факультетов Университета в исключительных случаях на основании заявлений студентов имеют право разрешать обучающимся, успешно осваивающим программу курса, досрочную сдачу зачетов при условии выполнения ими установленных практических работ без освобождения от текущих занятий по другим дисциплинам.

Форма проведения зачета (устная, письменная, тестирование и др.) устанавливается рабочей программой дисциплины. Вопросы, задачи, задания для зачета определяются фондом оценочных средств рабочей программы дисциплины.

Не позднее, чем за 20 дней до начала промежуточной аттестации преподаватель выдает студентам очной формы обучения вопросы и задания для зачета по теоретическому курсу. Обучающимся заочной формы обучения вопросы и задания для зачета выдаются уполномоченным лицом (преподавателем соответствующей дисциплины, методистом) до окончания предшествующей промежуточной аттестации. Контроль за исполнением данными мероприятиями и их исполнением возлагается на заведующего кафедрой.

При явке на зачет, обучающийся обязан иметь при себе зачетную книжку, которую он предъявляет преподавателю в начале проведения зачета.

Зачеты по дисциплине принимаются преподавателями, ведущими практические занятия в группах или читающими лекции по данной дисциплине.

Во время зачета экзаменуемый имеет право с разрешения преподавателя пользоваться учебными программами по курсу и таблицами. При подготовке к устному зачету экзаменуемый ведет записи в листе устного ответа, который затем (по окончании зачета) сдается экзаменатору. Обучающийся, испытавший затруднения при подготовке к ответу по выбранному им билету, имеет право на выбор второго билета с соответствующим продлением времени на подготовку. При окончательном

оценивании ответа обучающегося оценка снижается на один балл. Выдача третьего билета обучающемуся не разрешается. Если обучающийся явился на зачет, взял билет или вопрос и отказался от ответа, то в экзаменационной (зачетной) ведомости ему выставляется оценка «не зачтено» без учета причины отказа.

Нарушениями учебной дисциплины во время промежуточной аттестации являются:

- списывание (в том числе с использованием мобильной связи, ресурсов Интернет, а также литературы и материалов, не разрешенных к использованию на зачете);
- обращение к другим обучающимся за помощью или консультацией при подготовке ответа по билету или выполнении зачетного задания;
- прохождение промежуточной аттестации лицами, выдающими себя за обучающегося, обязанного сдавать экзамен (зачет);
- некорректное поведение обучающегося по отношению к преподавателю (в том числе грубость, обман и т.п.).

Нарушения обучающимся дисциплины на зачетах пресекаются. В этом случае в экзаменационной ведомости ему выставляется оценка «не зачтено».

Присутствие на зачетах посторонних лиц не допускается.

По результатам зачета в экзаменационную (зачетную) ведомость выставляются оценки «зачтено» или «не зачтено».

Экзаменационная ведомость является основным первичным документом по учету успеваемости студентов. В Университете используются формы экзаменационной ведомости, установленные автоматизированной системой управления «Спрут» (подсистема «Студент»).

Экзаменационная ведомость независимо от формы контроля содержит следующую общую информацию: наименование Университета; наименование документа; номер семестра; учебный год; форму

контроля (экзамен, зачет, курсовая работа (проект)); название дисциплины; дату проведения экзамена, зачета; номер группы, номер курса, фамилию, имя, отчество преподавателя; далее в форме таблицы – фамилию, имя, отчество обучающегося, № зачетной книжки или билета.

Ниже в табличной форме дается сводная информация по группе (численность явившихся студентов, численность получивших оценку «зачтено» и «не зачтено», численность не допущенных к сдаче зачета, численность не явившихся студентов).

Экзаменационные ведомости заполняются шариковой ручкой. Запрещается заполнение ведомостей карандашом, внесение в них любых исправлений и дополнений. Положительные оценки заносятся в экзаменационную ведомость и зачетную книжку, оценка «не зачтено» проставляется только в экзаменационной ведомости. Каждая оценка заверяется подписью преподавателя, принимающего зачет.

Неявка на зачет отмечается в экзаменационной ведомости словами «не явился». Обучающийся, не явившийся по уважительной причине на зачет в установленный срок, представляет в деканат факультета оправдательные документы: справку о болезни; объяснительную; вызов на соревнование, олимпиаду и т.п.

По окончании зачета преподаватель-экзаменатор подводит суммарный оценочный итог выставленных оценок и представляет экзаменационную (зачетную) ведомость в деканат факультета в последний рабочий день недели, предшествующей экзаменационной сессии.

Преподаватель-экзаменатор несет персональную ответственность за правильность оформления экзаменационной ведомости, экзаменационных листов, зачетных книжек.

Экзаменатор имеет право выставлять отдельным студентам в качестве поощрения за хорошую работу в семестре зачет по результатам текущей (в течение семестра) аттестации без сдачи зачета.

При несогласии с результатами зачета по дисциплине обучающийся имеет право подать апелляцию на имя ректора Университета.

Обучающимся, которые не могли пройти промежуточную аттестацию в общеустановленные сроки по уважительным причинам (болезнь, уход за больным родственником, участие в региональных межвузовских олимпиадах, в соревнованиях и др.), подтвержденным соответствующими документами, деканом факультета устанавливаются дополнительные сроки прохождения промежуточной аттестации. Приказ о продлении промежуточной аттестации обучающемуся, имеющему уважительную причину, подписывается ректором Университета на основе заявления студента и представления декана, в котором должны быть оговорены конкретные сроки окончания промежуточной аттестации.

Такому обучающемуся должна быть предоставлена возможность пройти промежуточную аттестацию по соответствующей дисциплине не более двух раз в пределах одного года с момента образования академической задолженности. В указанный период не включаются время болезни обучающегося, нахождение его в академическом отпуске или отпуске по беременности и родам. Сроки прохождения обучающимся промежуточной аттестации определяются деканом факультета.

Возможность пройти промежуточную аттестацию не более двух раз предоставляется обучающемуся, который уже имеет академическую задолженность. Таким образом, указанные два раза представляют собой повторное проведение промежуточной аттестации или, иными словами, проведение промежуточной аттестации в целях ликвидации академической задолженности.

Если повторная промежуточная аттестация в целях ликвидации академической задолженности проводится во второй раз, то для ее проведения создается комиссия не менее чем из трех преподавателей, включая заведующего кафедрой, за которой закреплена дисциплина. Заведующий кафедрой является председателем комиссии. Оценка,

выставленная комиссией по итогам пересдачи зачета, является окончательной; результаты пересдачи зачета оформляются протоколом, который сдается уполномоченному лицу учебного отдела Университета и подшивается к основной экзаменационной ведомости группы.

Разрешение на пересдачу зачета оформляется выдачей студенту экзаменационного листа с указанием срока сдачи зачета. Конкретную дату и время пересдачи назначает декан факультета по согласованию с преподавателем-экзаменатором. Экзаменационные листы в обязательном порядке регистрируются и подписываются деканом факультета. Допуск студентов преподавателем к пересдаче зачета без экзаменационного листа не разрешается. По окончании испытания экзаменационный лист сдается преподавателем уполномоченному лицу. Экзаменационный лист подшивается к основной экзаменационной ведомости группы.

У каждого студента должен быть в наличии конспект лекций. Качество конспектов и их полнота проверяются ведущим преподавателем. К зачету допускаются обучающиеся, выполнившие программу изучаемой дисциплины.

Регламент проведения зачета.

До начала проведения зачета экзаменатор обязан получить на кафедре экзаменационную ведомость. Прием зачета у обучающихся, которые не допущены к нему деканатом факультета или чьи фамилии не указаны в экзаменационной ведомости, не допускается. В исключительных случаях зачет может приниматься при наличии у обучающегося индивидуального экзаменационного листа (направления), оформленного в установленном порядке.

Порядок проведения устного зачета.

Преподаватель, проводящий зачет проверяет готовность аудитории к проведению зачета, раскладывает билеты на столе текстом вниз, оглашает порядок проведения зачета, уточняет со студентами организационные вопросы, связанные с проведением зачета.

Очередность прибытия обучающихся на зачет определяют преподаватель и староста учебной группы.

Обучающийся, войдя в аудиторию, называет свою фамилию, предъявляет экзаменатору зачетную книжку и с его разрешения выбирает случайным образом один из имеющихся на столе билетов, называет его номер и (берет при необходимости лист бумаги формата А4 для черновика) и готовится к ответу за отдельным столом, а преподаватель фиксирует номер билета. Во время экзамена студент не имеет право покидать аудиторию. На подготовку к ответу дается не более одного академического часа.

После подготовки обучающийся докладывает о готовности к ответу и с разрешения преподавателя отвечает на поставленные вопросы. Ответ обучающегося на вопрос билета, если он не уклонился от ответа на заданный вопрос, не прерывается. Ему должна быть предоставлена возможность изложить содержание ответов по всем вопросам билета в течение 15 минут.

Преподавателю предоставляется право:

- освободить обучающегося от полного ответа на данный вопрос, если преподаватель убежден в твердости его знаний;
- задавать уточняющие вопросы по существу ответа и дополнительные вопросы сверх билета, а также давать задачи и примеры по программе данной дисциплины. Время, отводимое на ответ по билету, не должно превышать 20 минут, включая ответы и на дополнительные вопросы.

Порядок проведения письменного зачета.

Порядок проведения письменного зачета объявляется преподавателем на консультации перед зачетом. Отсчет времени, отведенного на письменный зачет, идет по завершении процедуры размещения обучающихся в аудитории и раздачи зачетных заданий. Обучающийся обязан

являться на зачет в указанное в расписании время. В случае опоздания времени, отведенное на письменный контроль знаний, не продлевается.

Перед проведением письменного зачета основной экзаменатор должен заранее разработать схему размещения обучающихся в аудитории в зависимости от количества подготовленных вариантов и числа обучающихся.

Обучающиеся заполняют аудиторию, рассаживаются согласно схеме размещения (в случае наличия таковой). При себе обучающиеся должны иметь только письменные принадлежности и зачетную книжку, которые должны положить перед собой на рабочий стол.

Преподаватель раздает вопросы (билеты) по разработанной схеме. Билеты и листы с заданиями к ним должны быть повернуты текстом вниз, чтобы обучающиеся до окончания процедуры раздачи не могли начать выполнение работы. Во время раздачи второй преподаватель наблюдает, чтобы обучающиеся не обменивались друг с другом вариантами, не пересаживались, не читали текст задания.

По окончании раздачи вопросов (билетов) обучающимся разрешается перевернуть текст задания и одновременно приступить к выполнению зачета. Во время выполнения письменного зачета один из преподавателей подходит к каждому из обучающихся и проверяет:

- 1) зачетную книжку, обращая внимание на вуз, факультет, курс, Ф.И.О. и фото;
- 2) тот ли вариант выполняет обучающийся, который он получил согласно разработанной схеме рассадки.

По окончании отведенного времени обучающиеся одновременно покидают аудиторию, оставив на своем рабочем месте выполненную зачетную работу и все черновики. Если работа завершена существенно раньше срока, то по разрешению преподавателя обучающийся может покинуть аудиторию досрочно.

Для ответа используется стандартный лист формата А4. При оформлении ответа допускается употребление только общепринятых сокращений. Листы ответа следует заполнять аккуратно и разборчиво ручкой синего или черного цвета; использование карандаша недопустимо.

Обучающийся подписывает каждый лист письменной работы, указывая фамилию, инициалы, курс и номер учебной группы. Ошибочную, по мнению студента, часть ответа ему следует аккуратно зачеркнуть. Использование иных корректирующих средств не рекомендуется в связи с ограниченным временем проведения зачета.

По результатам сдачи зачета преподаватель выставляет оценку с учетом показателей работы студента в течение семестра.

Выставление оценок на зачете осуществляется на основе принципов объективности, справедливости, всестороннего анализа уровня знаний студентов.

При выставлении оценки преподаватель учитывает:

- знание фактического материала по программе дисциплины, в том числе знание обязательной литературы;
- степень активности студента на практических занятиях;
- логику, структуру, стиль ответа; культуру речи, манеру общения; готовность к дискуссии, аргументированность ответа; уровень самостоятельного мышления; умение приложить теорию к практике, решить задачи;
- наличие пропусков практических и лекционных занятий по незаважительным причинам.

Знания и умения, навыки по сформированности компетенции (ИД-1_{УК-1}), (ИД-1_{ОПК-1}) при промежуточной аттестации (зачет) оцениваются «зачтено», если:

- обучающий демонстрирует способность к полной самостоятельности (допускаются консультации с преподавателем по сопутствующим

вопросам) в выборе способа решения неизвестных или нестандартных заданий в рамках учебной дисциплины с использованием знаний, умений и навыков, полученных как в ходе освоения данной учебной дисциплины, так и смежных дисциплин, следует считать компетенцию сформированной на высоком уровне. Наличие сформированной компетенции на высоком уровне, способность обучающегося к дальнейшему саморазвитию и высокой адаптивности в практическом применении к изменяющимся условиям профессиональной задачи.

Или:

–способность обучающегося продемонстрировать самостоятельное применение знаний, умений и навыков при решении заданий, аналогичных тем, которые представлял преподаватель при потенциальном формировании компетенции, подтверждает наличие сформированной компетенции, причем на более высоком уровне. Наличие сформированной компетенции на повышенном уровне, самостоятельности со стороны обучаемого при ее практической демонстрации в ходе решения аналогичных заданий следует оценивать как положительное и устойчиво закрепленное в практическом навыке.

Или:

– если обучаемый демонстрирует самостоятельность в применении знаний, умений и навыков к решению учебных заданий в полном соответствии с образцом, данным преподавателем, по заданиям, решение которых было показано преподавателем, следует считать, что компетенция сформирована, но ее уровень недостаточно высок. Поскольку выявлено наличие сформированной компетенции, ее следует оценивать положительно, но на низком уровне.

Оценка «не зачтено» или отсутствие сформированности компетенции, если:

– обучаемый показывает неспособность самостоятельно продемонстрировать наличие знаний при решении заданий, которые были представлены преподавателем вместе с образцом их решения, отсутствие самостоятельности в применении умения к использованию методов освоения учебной дисциплины и неспособность самостоятельно проявить навык повторения решения поставленной задачи по стандартному образцу. Это свидетельствует об отсутствии сформированной компетенции. Отсутствие подтверждения наличия сформированности компетенции свидетельствует об отрицательных результатах освоения учебной дисциплины.

6.7 Процедура и критерии оценки знаний и умений при текущем контроле успеваемости с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий

Оценка результатов обучения в рамках текущего контроля проводится посредством синхронного и (или) асинхронного взаимодействия педагогических работников с обучающимися посредством сети «Интернет».

Проведение текущего контроля успеваемости осуществляется по усмотрению педагогического работника с учетом технических возможностей обучающихся с использованием программных средств, обеспечивающих применение элементов электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в Университете, к которым относятся:

- электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ;
- онлайн видеотрансляции на официальном канале ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ в YouTube;
- видеозаписи лекций педагогических работников ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ, размещённые на различных видеохостингах (например, на каналах преподавателей и/или на официальном канале ФГБОУ ВО Пензенский ГАУ в YouTube) и/или облачных хранилищах (например, Яндекс.Диск, Google.Диск, Облако Mail.ru и т.д.);
- групповая голосовая конференция в мессенджерах (WhatsApp, Viber);
- онлайн трансляция в Instagram.

Университет обеспечивает следующее техническое сопровождение дистанционного обучения:

- 1) электронная информационно-образовательная среда: компьютер с выходом в интернет (при доступе вне стен университета) или компьютер, подключенный к локальной вычислительной сети университета;
- 2) онлайн-видеотрансляции: компьютер с выходом в интернет, аудиоколонки;
- 3) просмотр видеозаписей лекций: компьютер с выходом в интернет, аудиоколонки;
- 4) групповая голосовая конференция в мессенджерах: мобильный телефон (смартфон) или компьютер с установленной программой (WhatsApp, Viber и т.п.), аудиоколонками и выходом в интернет;
- 5) онлайн трансляция в Instagram: регистрация в Instagram, компьютер с аудиоколонками и выходом в интернет.

Педагогический работник организует текущий контроль успеваемости и посещения обучающимися дистанционных занятий, своевременно заполняет журнал посещения занятий.

Для того, чтобы приступить к изучению дистанционного курса дисциплины, необходимо следующее:

1. Заходим в электронной среде в дисциплину (практику), где необходимо оценить дистанционный курс.
2. Выбираем необходимое задание.

The screenshot shows a Moodle course interface. On the left is a vertical navigation bar with links like 'Оценки', 'Общее', 'Лекция (практическое) 20.03.2020', 'Личный кабинет', etc. The main content area displays a list of course materials under 'Занятие 1 (Лекция (практическое) 20.03.2020)': 'Лекция 20.03.2020' and 'практическое задание 20.03.2020'. To the right, there are edit buttons for each item. At the bottom, a footer bar shows system icons and the date '17.03.2020'.

3. Появится следующее окно (практическое занятие или лабораторная работа).

Моделирование в агронженерии 2019

Личный кабинет / Курс / Инженерный / Магистратура / Агронженерия (образовательный стандарт № 709 от 26.07.2017) / очно / 1 курс / 2019-2020 / Моделирование в агронженерии / MaA 2019 очно / Занятие 1 (Лекция практическое) 20.03.2020

Практическое задание 20.03.2020

Практическое задание.docx 17 марта 2020, 10:49

Резюме оценивания

Скрыто от студентов Нет

Участники 13

Ответы 0

Требуют оценки 0

Последний срок сдачи Вторник, 24 марта 2020, 00:00

Оставшееся время 6 дн. 11 час.

Просмотр всех ответов Оценка

4. Далее нажимаем кнопку

Просмотр всех ответов

5. Далее появится окно (в данный момент ответы отсутствуют).

Моделирование в агронженерии 2019

Личный кабинет / Курс / Инженерный / Магистратура / Агронженерия (образовательный стандарт № 709 от 26.07.2017) / очно / 1 курс / 2019-2020 / Моделирование в агронженерии / MaA 2019 очно / Занятие 1 (Лекция практическое) 20.03.2020

Практическое задание 20.03.2020

Действия оценивания: Выберите..

Имя	Фамилия	Оценка
А	Б	В
Г	Д	Е
Ж	З	И
К	Л	М
Н	О	П
Р	С	Т
У	Х	Ч
Ф	Ш	Щ
Э	Я	Ю

Сбросить настройки таблицы

Нечего показывать

С выбранными

Заданы на странице

Фильтр

Опции

Все

Ответы и отзывы

Быстрая оценка

Показывать только активных участников

Загружать ответы в папках

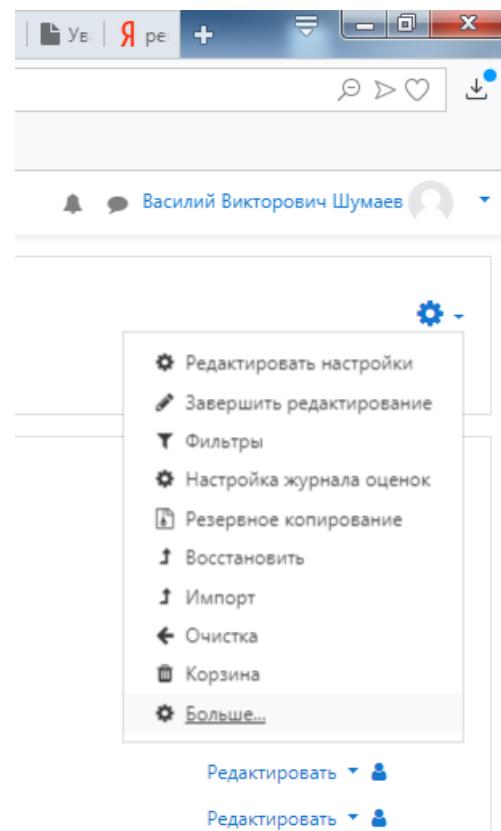
Просмотреть документацию Moodle для этой страницы

Вы залогинены под именем Василий Викторович Шумаков (Выход)

MaA 2019 очно

При наличии ответов появится окно, в котором осуществляется оценка ответа, и фиксируется время и дата сдачи работы.

6. Для просмотра всех действий записанными на курс пользователями необходимо нажать кнопку «больше».



7. Затем появится окно, во вкладке отчёты нажимаем кнопку «Журнал событий».

8. Затем в открывшейся вкладке, выбираете действия, которые необходимо просмотреть (посещение курса)

9. В открывшейся вкладке «все дни» выбираем необходимое нам число, к примеру 20 декабря 2019 года. Тогда появится окно где возможно просмотреть действия участников курса.

10. При этом факт выполнения заданий фиксируется в ЭИОС и оценивается ведущим преподавателем. Не выполнение задания является пропуском занятия.

Данный факт фиксируется в журнале посещения занятий в соответствии с расписанием.

6.8 Процедура и критерии оценки знаний и умений при промежуточной аттестации с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в форме экзамена (зачета с оценкой, зачета)

Промежуточная аттестация с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий в форме экзамена (зачета с оценкой, зачета) проводится с использованием одной из форм:

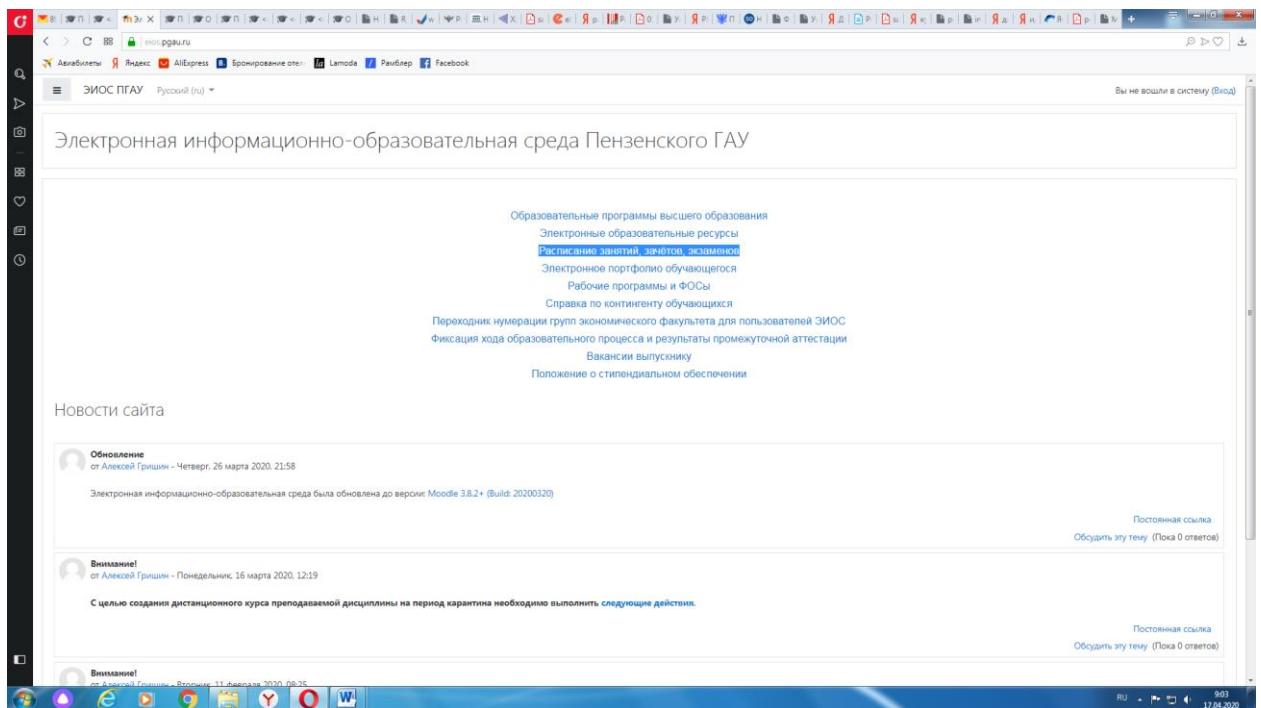
- компьютерное тестирование;
- устное собеседование, направленное на выявление общего уровня подготовленности (опрос без подготовки или с несущественным вкладом ответа по выданному на подготовку вопросу в общей оценке за ответ обучающегося), или иная форма аттестации, включающая устное собеседование данного типа;
- комбинация перечисленных форм.

Педагогический работник выбирает форму проведения промежуточной аттестации или комбинацию указанных форм в зависимости от технических условий, обучающихся и наличия оценочных средств по дисциплине (модулю) в тестовой форме. Применяется единый порядок проведения в дистанционном формате промежуточной аттестации, повторной промежуточной аттестации при ликвидации академической задолженности, а также аттестаций при переводе и восстановлении обучающихся. В соответствии с Порядком применения организациями, осуществляющими образовательную деятельность, электронного обучения, дистанционных образовательных технологий при реализации образовательных программ, утвержденным приказом Минобрнауки России от 23.08.2017 № 816, при проведении промежуточной аттестации с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий (далее – промежуточная аттестация) обеспечивается идентификация личности обучающегося и контроль соблюдения условий проведения мероприятий, в рамках которых осуществляется оценка результатов обучения. Промежуточная аттестация может назначаться с понедельника по субботу с 8-00 до 17-00 по московскому времени (очная форма обучения). В случае возникновения в ходе промежуточной аттестации сбоя технических средств обучающегося, устранить который не удается в течение 15 минут, дальнейшая промежуточная аттестация обучающегося не проводится, педагогический работник фиксирует неявку обучающегося поуважительной причине.

Для проведения промежуточной аттестации в соответствии с электронным расписанием (https://pgau.ru/index.php?option=com_content&view=article&id=144)

педагогический работник переходит по ссылке в созданную в ЭИОС дисциплину (вместо аудитории) одним из перечисленных способов:

- через электронное расписание занятий на сайте Университета (https://pgau.ru/index.php?option=com_content&view=article&id=144);
- через ЭИОС ((<https://eios.pgau.ru/?redirect=0>), вкладка «[Домашняя страница](#)» - «[Расписание занятий, зачётов, экзаменов](#)», и проходит авторизацию под своим единым логином/паролем.



Структура раздела дисциплины в ЭИОС для проведения промежуточной аттестации

Раздел дисциплины в ЭИОС, предназначенный для проведения промежуточной аттестации в соответствии с электронным расписанием, содержит в названии информацию о виде промежуточной аттестации, дате и времени проведения промежуточной аттестации, для этого входим в «Режим редактирования» - «Добавить тему».

The screenshot shows a Moodle course structure titled 'МОЗИВА 2019-з'. The left sidebar lists course modules: Участники, Компетенции, Оценки, Общее, 21/04/2020, Личный кабинет, Домашняя страница, Календарь, Личные файлы, Мои курсы, ФИЛТС 2018-23.03.03, ФИЛТС-2019-23-зо, ФИЛТС 2018-23.03.03, Физические основы автомобильной электроники, ФИЛТС-2019-23-зо, and ФОАЗ-23. The main content area displays a list of dates: 21/04/2020, 28.04.2020, and Зачёт, 28.04.2020, 13.00. A context menu is open over the 'Зачёт' entry, showing options like 'Редактировать' (Edit) and 'Добавить элемент или ресурс' (Add element or resource). A tooltip at the bottom indicates 'Добавить элемент или ресурс' (Add element or resource).

Раздел в обязательном порядке содержит следующие элементы:

а) «Видеоконференция». Для того чтобы создать видеоконференцию, педагогическому работнику необходимо добавить элемент «Видеоконференция» в созданной теме по прохождению промежуточной аттестации.

The screenshot shows the 'Добавить элемент или ресурс' (Add element or resource) dialog box. In the center, there is a list of module types: Анкета, База данных, Видеоконференция (Video Conference), Вики, Внешний инструмент, Глоссарий, Задание, Дискусия, Опрос, Пакет SCORM, Семинар, Тест, Форум, and Чат. The 'Видеоконференция' option is highlighted. Below the list, a tooltip says: 'Выберите модуль элемента курса или ресурса, чтобы просмотреть информацию о нём. Двойной щелчок позволяет сразу перейти к добавлению этого модуля.' (Select a course element module or resource to view its information. Double-click allows you to add it directly.) At the bottom of the dialog are 'Добавить' (Add) and 'Отмена' (Cancel) buttons.

Название созданного элемента должно быть «Видеоконференция, (зачёт или экзамен)» в зависимости от формы промежуточной аттестации.

The screenshot shows a Moodle course page titled 'ЭИОС ПГАУ'. The sidebar on the right contains various editing and management tools. The main content area displays a list of course activities:

- 21/04/2020:
 - Лекция
 - Транспортная задача
- 28.04.2020:
 - Лекция
 - Практика
- Зачёт, 28.04.2020, 13:00:
 - Видеоконференция, зал

At the bottom of the page, there is a footer with links to Moodle documentation and user information.

В случае возникновения трудностей при подключении к «Видеоконференции», вызванных отсутствием технических средств (веб камера, микрофон и др.) и (или) отсутствием качественной мобильной связи (сети Интернет) у обучающихся, находящихся за пределами г. Пенза, возможно применение фотофиксации (с подключённой геолокацией местоположения и (или) фиксацией времени) при идентификации личности обучающегося. Для этого необходимо в дисциплине (практике) добавить элемент или ресурс «Задание», название которого должно быть следующим «Идентификации личности».

The screenshot shows a Moodle course page titled 'МОИМД 2019-0'. The sidebar on the left contains a navigation menu with items like Участники, Компетенции, Ценности, Общее, etc. The main content area displays a list of course activities:

- 20.03.2020:
 - Лекция
 - Транспортная задача
- 27.03.2020:
 - Лекция
 - Практика
- Занятия завершены
- Зачёт:
 - Тест (зачёт)
 - Идентификации личности
- Тема 5

At the bottom of the page, there is a footer with links to Moodle documentation and user information.

Описание должно содержать следующую фразу «Необходимо выложить в данное задание свою фотографию с раскрытым паспортом на второй-третьей страницах, при этом паспорт должен находиться на уровне лица (фотография должна быть отображением геолокации местоположения и (или) фиксацией времени)».

6.9 Проведение промежуточной аттестации в форме компьютерного тестирования

Компьютерное тестирование проводится с использованием функции в ЭИОС. Тест должен состоять не менее чем из 20 вопросов, время тестирования – не менее 15 минут.

Перед началом тестирования педагогический работник в вебинарной комнате начинает собрание с наименованием «Тестирование», включает видеозапись.

В случае если идентификация личности проводится посредством фотофиксации, педагогический работник входит в раздел «Идентификация личности». В данном разделе находятся размещённые фотографии обучающихся с раскрытым паспортом на 2-3 странице или иным документом, удостоверяющего личность (серия и номер документа должны быть скрыты обучающимся), позволяющего четко зафиксировать фотографию обучающегося, его фамилию, имя, отчество (при наличии), дату и место рождения, орган, выдавший документ и дату его выдачи, (паспорт должен находиться на уровне лица, фотография должна быть отображением геолокации местоположения и (или) фиксацией времени).

Далее педагогический работник проводит идентификацию личностей обучающихся и осмотр помещений в которых они находятся (при видеофиксации), участвующих в тестировании, фиксирует обучающихся, не явившихся для прохождения промежуточной аттестации, в соответствии с процедурой, описанной выше.

Внимание! Обучающийся, приступивший к выполнению теста раньше проведения идентификации его личности, по итогам промежуточной аттестации получает оценку неудовлетворительно. После выполнения теста обучающемуся автоматически демонстрируется полученная оценка.

В случае если в ходе промежуточной аттестации при удаленном доступе произошли сбои технических средств обучающихся, устраниить которые не удалось в течение 15 минут, педагогический работник создает отдельную видеоконференцию с наименованием «Сбои технических средств», включает режим видеозаписи, для каждого обучающегося вслух озвучивает ФИО обучающегося, описывает характер технического сбоя и фиксирует факт неявки обучающегося по уважительной причине.

6.10 Фиксация результатов промежуточной аттестации

Результат промежуточной аттестации обучающегося, проведенной в форме компьютерного тестирования, фиксируется в результатах теста, сформированного в соответствующем разделе онлайн-курса в Moodle.

В день проведения промежуточной аттестации педагогический работник вносит ее результаты в электронную ведомость в соответствии с вышеизложенной инструкцией, выставляя итоговую оценку.

6.11 Порядок освобождения обучающихся от промежуточной аттестации

Экзаменатор имеет право выставлять отдельным студентам в качестве поощрения за хорошую работу в семестре экзаменационную оценку по результатам текущего (в течение семестра) контроля успеваемости без сдачи экзамена или зачета. Оценка за экзамен выставляется педагогическим работником в ведомость в период экзаменационной сессии, исходя из среднего балла по результатам работы в семестре, указанным в электронной ведомости.

Педагогический работник в случае освобождения обучающегося от экзамена, зачета доводит до него данную информацию с использованием личного кабинета в ЭИОС.

The screenshot shows the Moodle 'Grades' page. The left sidebar includes links for 'МВА 2019 очно', 'Участники', 'Компетенции', 'Оценки' (which is selected), 'Общее', 'Занятие 1 (Лекция (практическое) 19.03.2020)', 'Занятие 26.03.2020', 'Занятие 09.04.2020', '16.04.2020', 'Личный кабинет', 'Домашняя страница', 'Календарь', 'Личные файлы', 'Мои курсы', 'ФИТС 2018 23.03.03', 'ФИТС-2019 - 23 - зо', and 'ФИТС 2018- 23.03.03'. The main content area displays a table of student grades:

Имя / Фамилия	Адрес электронной почты	Управляющие элементы	Итоговая оценка за курс
Альфия Рустамовна Губанова	io19305m@nomail.pgau.ru		5,00
Иван Вячеславович Токарев	io19320m@nomail.pgau.ru		5,00
Александр Леонидович Петров	io19315m@nomail.pgau.ru		4,70
Алексей Анатольевич Ратин	ratkinjosh@rambler.ru		4,69
Илья Александрович Суриков	io19319m@nomail.pgau.ru		4,58
Андрей Александрович Гусев	io19306m@nomail.pgau.ru		4,40
Иван Александрович Ноопко	io19313m@nomail.pgau.ru		3,80
Александр Сергеевич Ситников	io19318m@nomail.pgau.ru		3,30
Иван Александрович Злобин	io19308m@nomail.pgau.ru		2,80
Александра Васильевна Кокойко	io19309m@nomail.pgau.ru		2,50
Антонида Владимировна Грузинова	io19304m@nomail.pgau.ru		
Софья Александровна Кушманцева	io19311m@nomail.pgau.ru		
Сергей Витальевич	io19317m@nomail.pgau.ru		
Общее среднее			3,14

Средняя оценка определяется на основе трех и более оценок. Студент, пропустивший по уважительной причине занятие, на котором проводился контроль, вправе получить текущую оценку позднее.

Обучающийся освобождается от сдачи зачёта, если средний балл составил более 3.

Обучающийся освобождается от сдачи зачёта с оценкой, если средний балл составил:

- с 3,7 до 4,4 (включительно) – 4 (хорошо);
- с 4,5 до 5 баллов (включительно) – 5 (отлично).

Обучающийся освобождается от сдачи экзамена, если средний балл составил:

- с 3,7 до 4,4 (включительно) – 4 (хорошо);
- с 4,5 до 5 баллов (включительно) – 5 (отлично).

Критерии оценки при проведении промежуточной аттестации в форме тестирования:

При сдаче зачёта:

- до 3 баллов – незачет;
- от 3 до 5 баллов – зачет.

При сдаче зачёта с оценкой:

- до 3 баллов – 2 (неудовлетворительно);
- с 3 до 3,6 (включительно) – 3 (удовлетворительно);
- с 3,7 до 4,4 (включительно) - 4 (хорошо);
- с 4,5 до 5 баллов (включительно) - 5 (отлично).

При сдаче экзамена:

- до 3 баллов – 2 (неудовлетворительно);
- с 3 до 3,6 (включительно) – 3 (удовлетворительно);
- с 3,7 до 4,4 (включительно) – 4 (хорошо);
- с 4,5 до 5 баллов (включительно) – 5 (отлично).

Педагогическим работником данные критерии могут быть скорректированы пропорционально максимальной оценки за тест. Например, если максимальная оценка составляла 10, тогда при сдаче зачёта:

- до 6 баллов – незачет;
- от 6 до 10 баллов – зачет.

The screenshot shows the EIOCS (Electronic Information System for Students) interface. On the left, there is a sidebar with a tree view of course modules: МОЭИА 2019-О, Участники, Компетенции, Оценки, and Зачёт. Under Зачёт, there are sub-options: Тема 5, Личный кабинет, Домашняя страница, Календарь, Личные файлы, Мои курсы, ФИПС 2018 23.03.03, ФИПС-2019 - 23 - за, ФИПС 2018- 23.03.03, and Физические основы автомобильной электроники. The main content area displays a form titled 'Обновление Задание в Зачёт'. It has sections for 'Общее' (General), 'Доступно' (Available), and 'Дополнительные файлы' (Additional files). The 'Общее' section includes fields for 'Название задания' (Assignment name) containing 'Идентификация личности' and 'Описание' (Description) with a note about uploading a passport photo. The 'Доступно' section contains a checkbox 'Разрешить выполнение задания с' (Allow performing the task with) and a file upload area labeled 'Файлы' (Files) with a maximum size of 15MB. The status bar at the bottom shows 'RU' and '12.04.2020 12:58'.

б) Задание для проведения опроса студентов. В случае проведения промежуточной аттестации в форме тестирования в раздел добавляется элемент «Тест».

Банк тестовых заданий и тест должны быть сформированы не позднее, чем 5 рабочих дней до начала проведения промежуточной аттестации в соответствии с электронным расписанием.

в) «Зачётно-экзаменационная ведомость». Для того, чтобы создать данный элемент, педагогическому работнику необходимо добавить элемент «файл» с названием «Зачётно-экзаменационная ведомость» в созданной теме по прохождению промежуточной аттестации. Данную ведомость педагогический работник получает по электронной почте от деканатов факультетов и размещает её в ЭИОС (в формате docx (doc) или xlsx (xls)) после прохождения обучающимися промежуточной аттестации по дисциплине (практике) для очной формы обучения, для заочной формы обучения ведомость заполняется по мере прохождения промежуточной аттестации обучающимися.